

---

Основи програмування – 1. Алгоритми та структури даних

Міністерство освіти і науки України  
Національний технічний університет України «Київський політехнічний  
інститут імені Ігоря Сікорського»  
Факультет інформатики та обчислювальної техніки  
Кафедра інформатики та програмної інженерії

Звіт

з лабораторної роботи № 9 з дисципліни  
«Алгоритми та структури даних-1.  
Основи алгоритмізації»

«ДОСЛІДЖЕННЯ АЛГОРИТМІВ  
ОБХОДУ МАСИВІВ»

Варіант 13

Виконав студент ІП-13, Жмайло Дмитро Олександрович  
(шифр, прізвище, ім'я, по батькові)

Перевірила Вечерковська Анастасія Сергіївна  
(прізвище, ім'я, по батькові)

Київ 2021

## Лабораторна робота 9

### Дослідження рекурсивних алгоритмів

**Мета** – дослідити алгоритми обходу масивів, набути практичних навичок використання цих алгоритмів під час складання програмних специфікацій.

### Індивідуальне завдання

#### Варіант 13

№	Опис варіанту
13	Задано матрицю дійсних чисел $A[m,n]$ . В кожному рядку матриці знайти останній максимальний елемент і його місцезнаходження. Обміняти знайдене значення $X$ з елементом останнього стовбця.

### Постановка задачі

Необхідно ініціалізувати двовимірний масив розмірності  $m \times n$  (беручи до уваги, що індексація масивів починається з нульового елемента) випадковими дійсними значеннями. Потім необхідно пройтися по рядкам цього масиву “змійкою” та знайти індекси максимальних елементів кожного рядка й перенести їх до відповідних елементів одновимірного масиву, який доведеться створити для виконання алгоритму. Потім необхідно в кожному рядку замінити місцями останній елемент рядка та знайдений максимальний елемент рядка.

### Побудова математичної моделі

Відповідно до умови складемо таблицю змінних:

<i><b>Змінна</b></i>	<i><b>Тип</b></i>	<i><b>Назва</b></i>	<i><b>Призначення</b></i>
Заданий двовимірний масив	Дійсний	matrix	Проміжні дані
Одновимірний масив з індексами мінімальних елементів рядків	Цілий	arr_max	Проміжні дані
Задана розмірність матриці (рядки)	Цілий	m	Вхідні дані
Задана розмірність матриці (стовпчики)	Цілий	n	Вхідні дані
Лічильник j	Цілий	j	Проміжні дані
Лічильник k	Цілий	k	Проміжні дані
Розмірність матриці (рядки) в підпрограмі	Цілий	rows	Проміжні дані (змінна в підпрограмі)
Розмірність матриці (стовпці) в підпрограмі	Цілий	columns	Проміжні дані (змінна в підпрограмі)
Допоміжна змінна для пошуку максимального значення	Дійсний	temp_max	Проміжні дані (змінна в підпрограмі)
Поточний індекс максимального елемента рядка	Дісний	max_index	Проміжні дані (змінна в підпрограмі)
Довільний одновимірний масив у підпрограмі	Цілий	arr	Проміжні дані (змінна в підпрограмі)
Двовимірний масив початкової матриці в підпрограмі	Дійсний	array	Проміжні дані (змінна в підпрограмі)
Мінімальне значення випадкової генерації	Цілий	min_rand	Початкові дані (змінна в підпрограмі)

---

## Основи програмування – 1. Алгоритми та структури даних

Максимальне значення випадкової генерації	Цілий	max_rand	Початкові дані (змінна в підпрограмі)
Довжина одновимірного масиву	Цілий	length	Проміжні дані (змінна в підпрограмі)

Для створення цілочисельних випадкових значень будемо використовувати функцію **rand() % a**, де **a** - ціле число; яка буде створювати цілі випадкові числа в діапазоні значень від 0 (включно) до **a** (невключно). Для зручності будемо генерувати значення елементів матриці в діапазоні від **-25 до 25**.

Використаємо функцію **a % b**, яка буде знаходити остачу від натурального числа **a** при діленні на натуральне число **b**

Отже, ми будемо заповнювати матрицю за допомогою підпрограми **fill\_matrix**, яка буде за допомогою двох арифметичних циклів (один вкладений в інший) заповнювати масив розмірності **m x n** (враховуючи індексацію з 0-го елементу) випадковими значеннями, згенерованими за допомогою підпрограми функції **rand() % a**, яка буде формувати випадкові дійсні числа за допомогою виразу:

$$(\text{rand()} \% (\text{max\_rand} * 10 - \text{min\_rand} * 10 + 1) + \text{min\_rand} * 10) / 10.0;$$

де **min\_rand** - це мінімальна границя генерації, а

**max\_rand** - максимальна границя генерації

(Множення на 10 і ділення на 10 використано для генерації дійсних чисел)

Використаємо підпрограму **display\_matrix**, яка за допомогою двох арифметичних циклів (один вкладений в інший) буде виводити згенеровані значення елементів матриці.

Далі використаємо підпрограму **find\_max**, яка за допомогою двох арифметичних циклів (один вкладений в інший) буде ініціалізувати одновимірний масив індексами останніх максимальних значень, взятих з рядків матриці.

За допомогою підпрограми **replace\_elements** будемо змінювати початкову матрицю відповідно до умови задачі (максимальний елемент рядка з останнім елементом стовпчика матриці в кожному рядку).

Використаємо підпрограму **display\_arr**, яка за допомогою одного арифметичного циклу буде виводити індекси знайдених максимальних елементів у матриці (індекси починаються від 0, як і у масиві)

**Розв’язання:**

Програмні специфікації запишемо у псевдокодi та графічній формi у вигляді блок-схеми.

Крок 1. Визначимо основні дії;

Крок 2. Деталізуємо підпрограму створення та заповнення матриці випадковими значеннями (**fill\_matrix**) та її виклик;

Крок 3. Деталізуємо підпрограму виведення матриці (**display\_matrix**) та її виклик;

Крок 4. Деталізуємо підпрограму пошуку індексів максимальних елементів рядків (**find\_max**) та її виклик;

Крок 5. Деталізуємо підпрограму виведення одновимірного масиву (**display\_arr**) та її виклик;

Крок 6. Деталізуємо підпрограму обміну значень максимального елементу кожного рядка та останнім елементом того ж рядка (**replace\_elements**) та її виклик;

**Псевдокод:**

**Основна програма:**

**початок**

Введення **m**

Введення **n**

**arr\_max[m]**

**matrix[m][n] := fill\_matrix(m, n)**

display\_matrix (**matrix, m, n**)

**arr\_max := find\_max(matrix, m, n)**

display\_arr(**arr\_max, m**)

**matrix := replace\_elements(matrix, arr\_max, m, n)**

display\_matrix (**matrix, m, n**)

**кінець**

**Підпрограми:**

**підпрограма** fill\_matrix(matrix, rows, columns)

min\_rand := -25

max\_rand := 25

**повторити для i від 0 до rows**

**повторити для j від 0 до columns**

matrix[i][j] := (rand() % (max\_rand \* 10 - min\_rand \* 10 + 1) +  
min\_rand \* 10) / 10.0

**все повторити**

**все повторити**

**все підпрограма**

**підпрограма** display\_matrix(array, size)

**повторити для i від 0 до size**

**повторити для j від 0 до size**

Виведення array[i][j]

**все повторити**

**все повторити**

**все підпрограма**



**підпрограма** find\_max(array, rows, columns)

arr[rows]

**повторити для i від 0 до rows**

temp\_max := array[i][0];

max\_index := 0;

**якщо** (i % 2 == 1)

**то**

**повторити для j від 0 до columns**

**якщо** (array[i][j] >= temp\_max)

**то**

temp\_max := array[i][j];

max\_index := j;

**все якщо**

**все повторити**

**інакше**

**повторити для j від columns до 0 з кроком -1**

**якщо** (array[i][j] >= temp\_max)

**то**

temp\_max := array[i][j];

max\_index := j;

**все якщо**

**все повторити**

**все якщо**

arr[i] := max\_index;

**все повторити**

**return** arr;

**все підпрограма**

**підпрограма** display\_arr(arr, length)

**повторити для** i **від** 0 **до** length

Виведення arr[i]

**все повторити**

**все підпрограма**

**підпрограма** replace\_elements(matrix, arr, rows, columns)

**повторити для** i **від** 0 **до** rows

max\_index := arr[i]

temp\_max := matrix[i][max\_index]

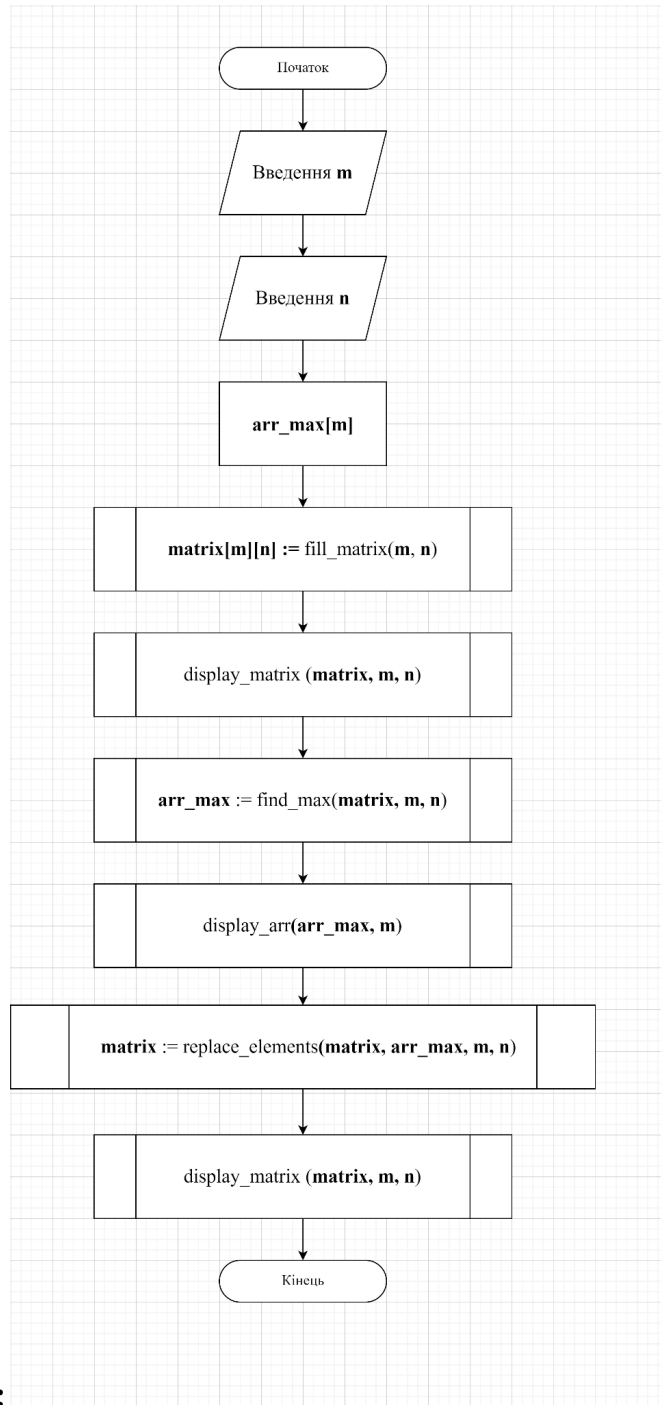
matrix[i][max\_index] := matrix[i][columns - 1]

matrix[i][columns - 1] := temp\_max

**все повторити**

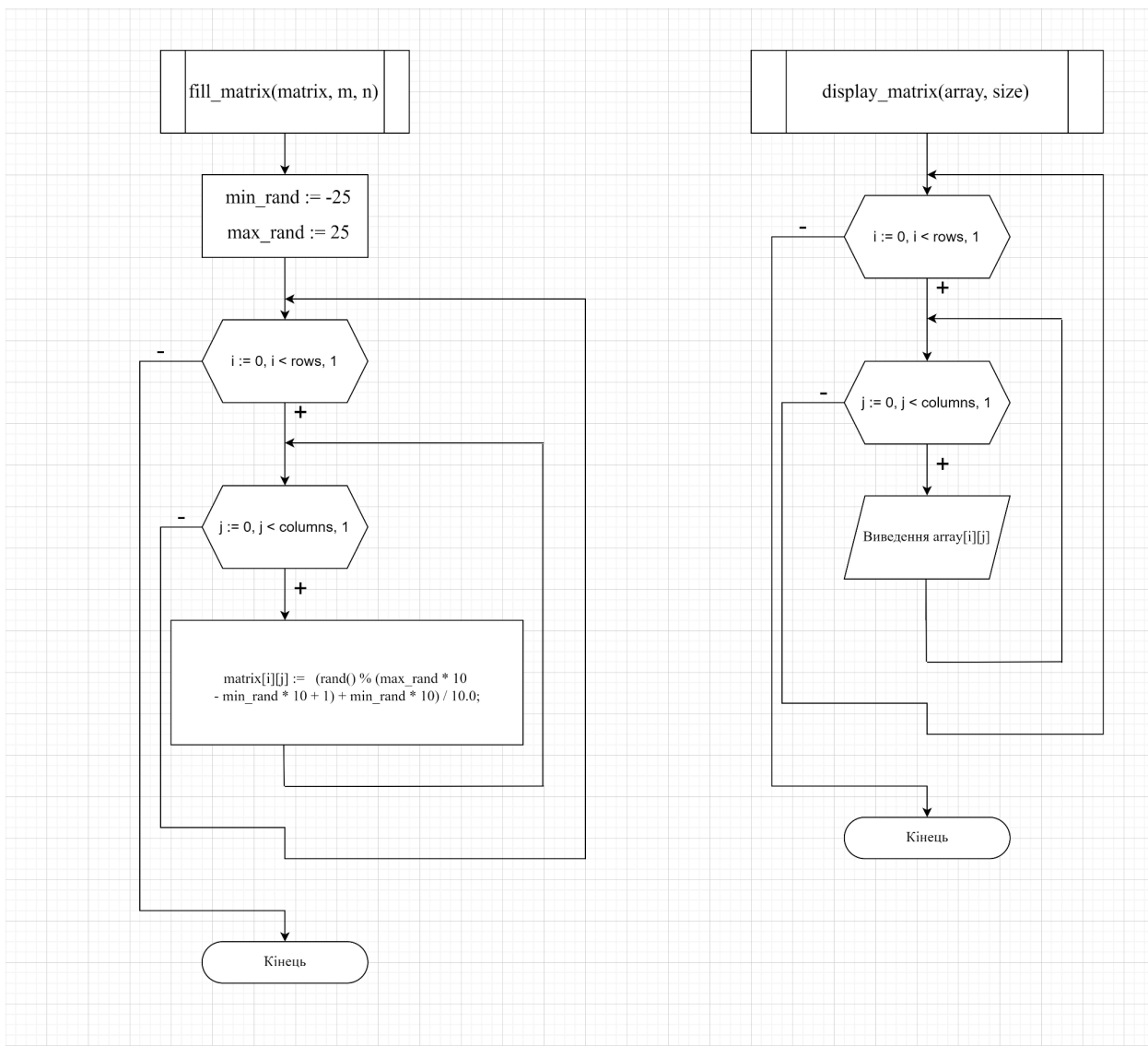
**все підпрограма**

**Блок-схема:**

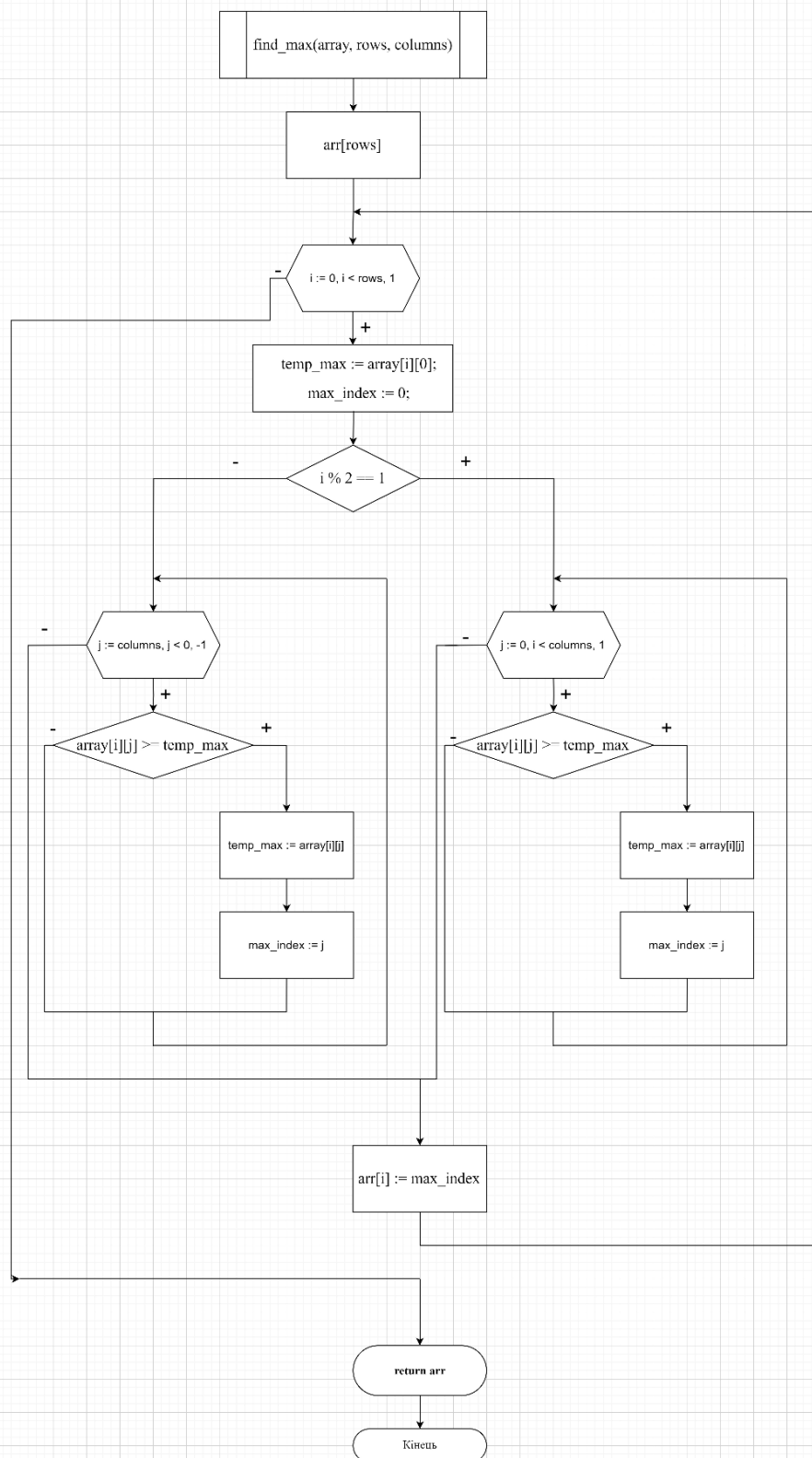


**Основна програма:**

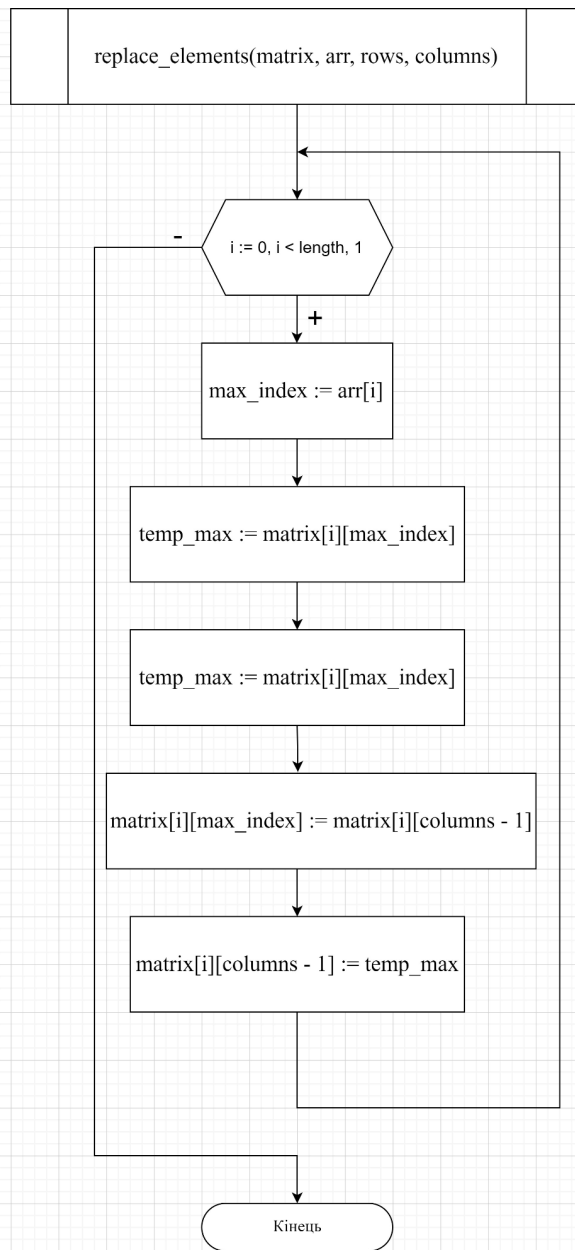
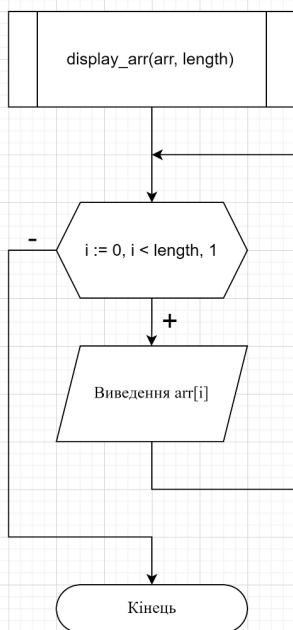
## Підпрограми:



## Основи програмування – 1. Алгоритми та структури даних



## Основи програмування – 1. Алгоритми та структури даних



## Основи програмування – 1. Алгоритми та структури даних

### Код програми: (C++)

```
1  #include <iostream>
2  #include <ctime>
3  #include <iomanip>
4  #include <math.h>
5
6  using namespace std;
7
8  double** fill_matrix(int, int);
9  void display_matrix(double**, int, int);
10 void display_arr(int*, int);
11 void delete_matrix(double**, int);
12 int* find_max_index(double**, int, int);
13 double** replace_elements(double**, const int*, int, int);
14
15 int main()
16 {
17     srand((unsigned int)time(NULL));
18     int m, n;
19     cout << "Input matrix size(rows): ";
20     cin >> m;
21     cout << "Input matrix size(columns): ";
22     cin >> n;
23
24     int* array_max;
25     double** matrix;
26
27     matrix = fill_matrix(m, n);
28     cout << "Generated matrix: " << endl;
29     display_matrix(matrix, m, n);
30
31     array_max = find_max_index(matrix, m, n);
32
33     cout << "Indexes of max elements:" << endl;
```

```
30
31     array_max = find_max_index(matrix, m, n);
32
33     cout << "Indexes of max elements:" << endl;
34     display_arr(array_max, m);
35
36     matrix = replace_elements(matrix, array_max, m, n);
37     cout << "Result: " << endl;
38     display_matrix(matrix, m, n);
39     delete_matrix(matrix, m);
40
41 }
```

```
42
43 double** fill_matrix(int rows, int columns)
44 {
45     int min_rand = -25;
46     int max_rand = 25;
47     srand(time(NULL));
48     double** matrix = new double* [rows];
49     for (int i = 0; i < rows; i++)
50     {
51         matrix[i] = new double[columns];
52     }
53     for (int i = 0; i < rows; i++)
54     {
55         for (int j = 0; j < columns; j++)
56         {
57             matrix[i][j] = (double)(rand() % (max_rand * 10 - min_rand * 10 + 1) + min_rand * 10) / 10.0;
58         }
59     }
60     return matrix;
61 }
```

## Основи програмування – 1. Алгоритми та структури даних

```
63 void display_matrix(double** matrix, int rows, int columns)
64 {
65     for (int i = 0; i < rows; i++)
66     {
67         for (int j = 0; j < columns; j++)
68         {
69             cout << setw(10) << matrix[i][j];
70         }
71         cout << endl;
72     }
73 }
74
75 void display_arr(int* arr, int length)
76 {
77     for (int i = 0; i < length; i++)
78     {
79         cout << setw(5) << arr[i];
80     }
81     cout << endl;
82 }
83
84 void delete_matrix(double** matrix, int m)
85 {
86     for (int i = 0; i < m; i++) {
87         delete[] matrix[i];
88     }
89     delete[] matrix;
90 }
91
```

```
91
92 int* find_max_index(double** array, int m, int n) {
93     int* arr = new int[m];
94     for (int i = 0; i < m; i++)
95     {
96         double temp_max = array[i][0];
97         int max_index = 0;
98         if (i % 2 == 1)
99         {
100             for (int j = 0; j < n; j++)
101             {
102                 if (array[i][j] >= temp_max)
103                 {
104                     temp_max = array[i][j];
105                     max_index = j;
106                 }
107             }
108         }
109         else
110         {
111             for (int j = n; j > 0; j--)
112             {
113                 if (array[i][j] >= temp_max)
114                 {
115                     temp_max = array[i][j];
116                     max_index = j;
117                 }
118             }
119         }
120         arr[i] = max_index;
121     }
122     return arr;
123 }
124
125
```



---

## Основи програмування – 1. Алгоритми та структури даних

```
125
126 double** replace_elements(double** matrix, const int* arr, int rows, int columns)
127 {
128     for (int i = 0; i < rows; i++)
129     {
130         int max_index = arr[i];
131         double temp_max = matrix[i][max_index];
132         matrix[i][max_index] = matrix[i][columns - 1];
133         matrix[i][columns - 1] = temp_max;
134     }
135     return matrix;
136 }
137
138
```

## Основи програмування – 1. Алгоритми та структури даних

### Випробування програми:

```
Консоль отладки Microsoft Visual Studio
Input matrix size(rows): 5
Input matrix size(columns): 5
Generated matrix:
 13.5    -21    20.7    1.8    23.4
 -11.2   -23.2  -13.7    1.3    22.7
 24.7    -14     10    11.4    -8.9
 -24.5    22.4  -10.3    21.7   -20.5
 -24.8    22.5   -6.2   -13.3   -16.1
Indexes of max elements:
 4  4  0  1  1
Result:
 13.5    -21    20.7    1.8    23.4
 -11.2   -23.2  -13.7    1.3    22.7
 -8.9    -14     10    11.4    24.7
 -24.5   -20.5  -10.3    21.7    22.4
 -24.8   -16.1   -6.2   -13.3    22.5
```

```
Консоль отладки Microsoft Visual Studio
Input matrix size(rows): 4
Input matrix size(columns): 4
Generated matrix:
 -2.9    -22.2   -0.5    19.6
  3.1     10.4    18.6   -22.1
 -22.3   -20.9    24.5   -11.2
 -12.7   -5.1     -4     7.4
Indexes of max elements:
 3  2  2  3
Result:
 -2.9    -22.2   -0.5    19.6
  3.1     10.4   -22.1    18.6
 -22.3   -20.9   -11.2    24.5
 -12.7   -5.1     -4     7.4
```

```
Консоль отладки Microsoft Visual Studio
Input matrix size(rows): 6
Input matrix size(columns): 6
Generated matrix:
 9.8    -0.4    5.3    -8.4   -13.7   -7.3
22.1    -4.9    9.5    -8.7    -1.2    10.2
 9.6    -8.5   -24.4    15.6   -22.4   -15.1
 3.9    -3.3   -11.1     5.6    11.9   -12.6
 5.9    20.4     6.8   -17.2     7.8   -11.5
 -1.4    20.2   -9.6    21.9   -15.4     7.1
Indexes of max elements:
 0  0  3  4  1  3
Result:
 -7.3    -0.4    5.3    -8.4   -13.7     9.8
10.2    -4.9    9.5    -8.7    -1.2    22.1
 9.6    -8.5   -24.4   -15.1   -22.4    15.6
 3.9    -3.3   -11.1     5.6   -12.6    11.9
 5.9   -11.5     6.8   -17.2     7.8    20.4
 -1.4    20.2   -9.6     7.1   -15.4    21.9
```

**Висновок:** На цій лабораторній роботі ми дослідили алгоритми обходу масивів, навчилися застосовувати їх у програмах та описувати їх у вигляді псевдокоду та блок-схем. Випробували алгоритм вручну та за допомогою мови C++ та звірили результати. Закріпили знання щодо алгоритмів обходу масивів на практиці та побачили їх у дії.

**Код програми(текстовий вигляд):**

```
#include <iostream>

#include <ctime>

#include <iomanip>

#include <math.h>


using namespace std;


double** fill_matrix(int, int);

void display_matrix(double**, int, int);

void display_arr(int*, int);

void delete_matrix(double**, int);

int* find_max_index(double**, int, int);

double** replace_elements(double**, const int*, int, int);


int main()
{
    srand((unsigned int)time(NULL));

    int m, n;

    cout << "Input matrix size(rows): ";
```

```
cin >> m;
cout << "Input matrix size(columns): ";
cin >> n;

int* array_max;
double** matrix;

matrix = fill_matrix(m, n);
cout << "Generated matrix: " << endl;
display_matrix(matrix, m, n);

array_max = find_max_index(matrix, m, n);

cout << "Indexes of max elements:" << endl;
display_arr(array_max, m);

matrix = replace_elements(matrix, array_max, m, n);
cout << "Result: " << endl;
display_matrix(matrix, m, n);
delete_matrix(matrix, m);

}

double** fill_matrix(int rows, int columns)
{
```

```
int min_rand = -25;
int max_rand = 25;
srand(time(NULL));
double** matrix = new double* [rows];
for (int i = 0; i < rows; i++)
{
    matrix[i] = new double[columns];
}
for (int i = 0; i < rows; i++)
{
    for (int j = 0; j < columns; j++)
    {
        matrix[i][j] = (double)(rand() % (max_rand * 10 - min_rand * 10 + 1)
+ min_rand * 10) / 10.0;
    }
}
return matrix;
}
```

```
void display_matrix(double** matrix, int rows, int columns)
{
    for (int i = 0; i < rows; i++)
    {
        for (int j = 0; j < columns; j++)
        {
```

```
        cout << setw(10) << matrix[i][j];  
    }  
    cout << endl;  
}  
}
```

```
void display_arr(int* arr, int length)  
{  
    for (int i = 0; i < length; i++)  
    {  
        cout << setw(5) << arr[i];  
    }  
    cout << endl;  
}
```

```
void delete_matrix(double** matrix, int m)  
{  
    for (int i = 0; i < m; i++) {  
        delete[] matrix[i];  
    }  
    delete[] matrix;  
}
```

```
int* find_max_index(double** array, int rows, int columns)  
{
```

```
int* arr = new int[rows];
for (int i = 0; i < rows; i++)
{
    double temp_max = array[i][0];
    int max_index = 0;
    if (i % 2 == 1)
    {
        for (int j = 0; j < columns; j++)
        {
            if (array[i][j] >= temp_max)
            {
                temp_max = array[i][j];
                max_index = j;
            }
        }
    }
    else
    {
        for (int j = columns; j > 0; j--)
        {
            if (array[i][j] >= temp_max)
            {
                temp_max = array[i][j];
                max_index = j;
            }
        }
    }
}
```

```
    }  
}  
  
    arr[i] = max_index;  
}  
return arr;  
}  
  
double** replace_elements(double** matrix, const int* arr, int rows, int  
columns)  
{  
    for (int i = 0; i < rows; i++)  
    {  
        int max_index = arr[i];  
        double temp_max = matrix[i][max_index];  
        matrix[i][max_index] = matrix[i][columns - 1];  
        matrix[i][columns - 1] = temp_max;  
    }  
    return matrix;  
}
```