#### Дървета

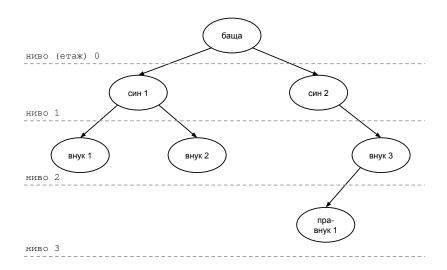
Калин Георгиев

10 ноември 2016 г.

Интуиция. Йерархична структура от данни



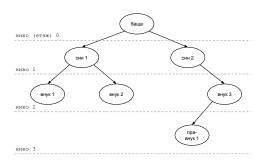
# Фамилно дърво



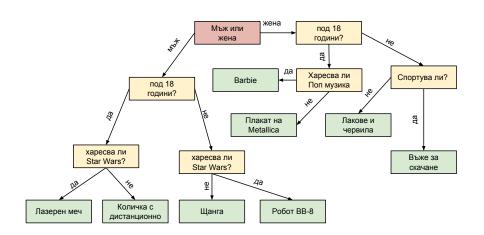


### Фамилно дърво

- родител, наследник
- корен
- листо
- път
- ниво



#### **Decision Tree**





Формална дефиниция и абстракция

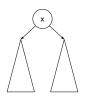


#### Дефиниции

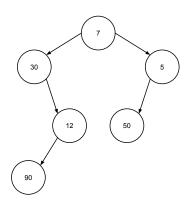
• Свързан неориентиран граф без цикли

#### Индуктивна дефиниция

- Фиксираме елемент ()  $\notin D$  и го наричаме "празно дърво"
- Празното дърво е дърво
- Ако  $L_T$  и  $R_T$  са дървета, а x е елемент  $(x \in D)$ , то *тройката* (структурата)  $T = (x, L_T, R_T)$  наричаме двоично дърво T с корен x, ляво поддърво  $L_T$  и дясно поддърво  $R_T$ .

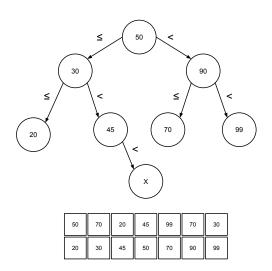


### Дърво с числа



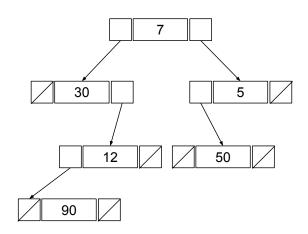


## Двоично наредено дърво



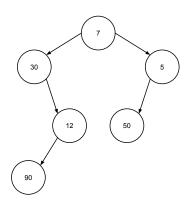
#### Представяне

# "Тройна кутия"

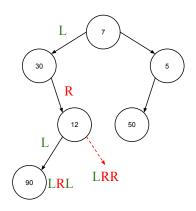


Операции

### Добавяне на елемент

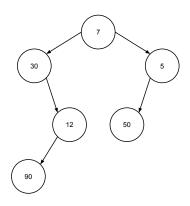


## Следа. Добавяне и намиране на елемент



Рекурсивни операции

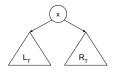
# Търсене на елемент



#### Проверка за принадлежност

• Среща ли се елементът y сред елементите на дървото T?

- Празното дърво е дърво
- lacktriangle Aко  $L_T$  и  $R_T$  са дървета, а x е елемент  $(x \in D)$ , то au ройката ( структурата)  $T = (x, L_T, R_T)$  наричаме двоично дърво T с  $\kappa$  срен x, ляво поддърво  $L_T$  и дясно поддърво  $R_T$ .



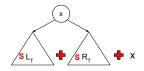
#### bool member (int y, T):

- Ако дървото е празно, то y не е елемент на дървото. return false
- Ако  $T=(x,L_T,R_T)$  е непразно, то y е елемент на T, ако y==x или y е елемент на  $L_T$  или y е елемент на  $R_T$ .
- return y==root(t) || member (y, LT) || member (y,RT)

#### Сума на елементите

• Каква е сумата на елементите на дървото?

- Празното дърво е дърво
- lacktriangle Aко  $L_T$  и  $R_T$  са дървета, а x е елемент ( $x \in D$ ), то auройката (структурата)  $T = (x, L_T, R_T)$  наричаме двоично дърво T с корен x, ляво поддърво  $L_T$  и дясно поддърво  $R_T$ .



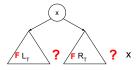
#### int sum (T):

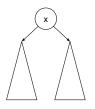
- Ако дървото е празно, то сумата на елементите е 0. return 0
- Ако  $T=(x,L_T,R_T)$  е непразно, то сумата на елементите е сбора на сумата на елементите на  $L_T$ , на сумата на елементите на  $R_T$  и на числото x.
- return root(t) + sum (LT) + sum (RT)



# Други прости рекурсивни операции

- Най-голям елемент в дървото
- Брой на елементитите в дървото
- Височина на дървото
- Брой на листата в дървото
- 🍳 Празното дърво е дърво
- Ако  $L_T$  и  $R_T$  са дървета, а x е елемент ( $x \in D$ ), то  $\tau$ ройката (структурата)  $T = (x, L_T, R_T)$  наричаме двоично дърво T с корен x, ляво поддърво  $L_T$  и дясно поддърво  $R_T$ .



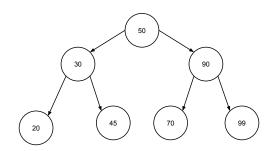


Сериализация

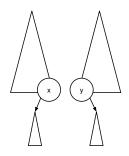
Двоични наредени дървета

Операции с двоични наредени дървета

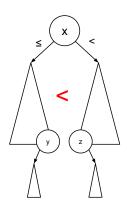
#### Вмъкване



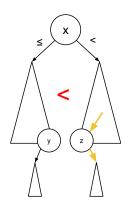
### Намиране на най-голям и най-малък елемент



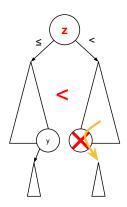
## Изтриване



#### Изтриване



## Изтриване



Обхождане с рекурсия VS. обхождане чрез стек

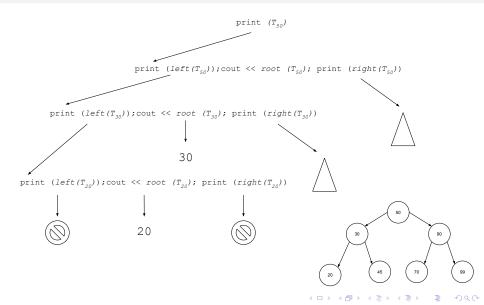


#### Отпечатване

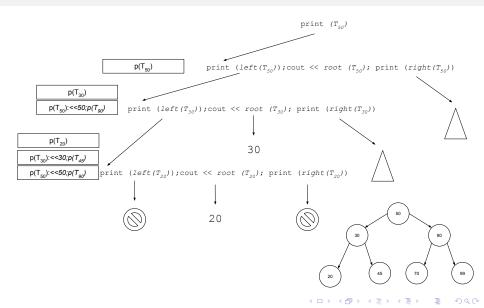
• Отпечатване с рекурсия

```
void print (t){
  if (empty (t))
    return;
  print (left (t));
  cout << root (t);
  print (right (t));
}</pre>
```

#### Прецес на отпечатване



#### Прецес на отпечатване



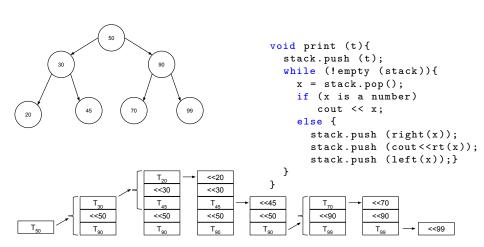
#### Отпечатване чрез стек

• Отпечатване с рекурсия

```
void print (t){
  if (empty (t))
    return;
  print (left (t));
  cout << root (t);
  print (right (t));
}</pre>
```

```
void print (t){
  stack.push (t);
  while (!empty (stack)){
    x = stack.pop();
    if (x is a number)
        cout << x;
  else {
      stack.push (right(x));
      stack.push (cout<<rt(x));
      stack.push (left(x));
  }
}</pre>
```

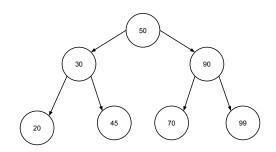
#### Отпечатване чрез стек



Обхождане с с опашка



#### Обхождане с опашка



Въпроси?

