

# ЗАДАЧИ ЗА ЗАДЪЛЖИТЕЛНА САМОПОДГОТОВКА

ПО

## Увод в програмирането

*email: kalin@fmi.uni-sofia.bg*

25 октомври 2018 г.

## Съдържание

<b>1</b>	<b>Увод, основи и примери</b>	<b>3</b>
1.1	Основни примери . . . . .	3
1.2	Променливи, вход и изход, логически и аритметични операции, условен оператор . . . . .	3
1.3	Цикли . . . . .	4
1.4	Машины с неограничени регистри . . . . .	5
<b>2</b>	<b>Типове и функции</b>	<b>7</b>
2.1	Прости примери за функции . . . . .	7
2.2	Елементарна растерна графика . . . . .	7
<b>3</b>	<b>Цикли, масиви и низове</b>	<b>9</b>
3.1	Цикли II . . . . .	9
3.2	Цикли и низове . . . . .	9

Някои от задачите по-долу са решени в сборника [1] *Магдалина Тодорова, Петър Армянов, Дафина Петкова, Калин Георгиев, "Сборник от задачи по програмиране на C++. Първа част. Увод в програмирането"*. За задачите от сборника е посочена номерацията им от сборника.

# 1 Увод, основи и примери

## 1.1 Основни примери

- 1.1. Превърнете рожденната си дата шестнадесетична, в осмична и в двоична бройни системи.
- 1.2. Как бихте кодирали вашето име само с числа? Измислете собствено представяне на символни константи чрез редици от числа и запишете името си в това представяне.

Разгледайте стандартната ASCII таблица (<http://www.asciitable.com/>) и запишете името си чрез серия от ASCII кодове.

## 1.2 Променливи, вход и изход, логически и аритметични операции, условен оператор

- 1.3. Задача 1.6.[1] Да се напише програма, която по зададени навършени години намира приблизително броя на дните, часовете, минутите и секундите, които е живял човек до навършване на зададените години.
- 1.4. Задача 1.7.[1] Да се напише програма, която намира лицето на триъгълник по дадени: а) дължини на страна и височина към нея; б) три страни.
- 1.5. Задача 2.7.[1] Да се напише програма, която въвежда координатите на точка от равнина и извежда на кой квадрант принадлежи тя. Да се разгледат случаите, когато точката принадлежи на някоя от координатните оси или съвпада с центъра на координатната система.
- 1.6. Задача 1.14.[1] Да се запише булев израз, който да има стойност истина, ако посоченото условие е вярно и стойност - лъжа, в противен случай:
  - а) цялото число  $p$  се дели на 4 или на 7;
  - б) уравнението  $ax^2 + bx + c = 0 (a \neq 0)$  няма реални корени;
  - в) точка с координати  $(a, b)$  лежи във вътрешността на кръг с радиус 5 и център  $(0, 1)$ ; г) точка с координати  $(a, b)$  лежи извън кръга с център  $(c, d)$  и радиус  $f$ ;
  - г) точка принадлежи на частта от кръга с център  $(0, 0)$  и радиус 5 в трети квадрант;
  - д) точка принадлежи на венеца с център  $(0, 0)$  и радиуси 5 и 10;
  - е)  $x$  принадлежи на отсечката  $[0, 1]$ ;
  - ж)  $x$  е равно на  $\max \{a, b, c\}$ ;

- з)  $x$  е различно от  $\max \{ a, b, c \}$ ;
- и) поне една от булевите променливи  $x$  и  $y$  има стойност true;
- к) и двете булеви променливи  $x$  и  $y$  имат стойност true;
- л) нито едно от числата  $a$ ,  $b$  и  $c$  не е положително;
- м) цифрата 7 влиза в записа на положителното трицифрено число  $p$ ;
- н) цифрите на трицифреното число  $m$  са различни;
- о) поне две от цифрите на трицифреното число  $m$  са равни помежду си;
- п) цифрите на трицифреното естествено число  $x$  образуват строго растяща или строго намаляваща редица;
- р) десетичните записи на трицифрените естествени числа  $x$  и  $y$  са симетрични;
- с) естественото число  $x$ , за което се знае, че е по-малко от  $2^3$ , е просто.

1.7. Задача 2.12.[1] Да се напише програма, която проверява дали дадена година е високосна.

### 1.3 Цикли

1.8. Задача 1.20.[1] Да се напише програма, която по въведени от клавиатурата цели числа  $x$  и  $k$  ( $k \geq 1$ ) намира и извежда на екрана  $k$ -тата цифра на  $x$ . Броенето да е от дясно наляво.

1.9. Задача 2.40.[1] Да се напише програма, която (чрез цикъл for) намира сумата на всяко трето цяло число, започвайки от 2 и ненадминавайки  $n$  (т.е. сумата  $2 + 5 + 8 + 11 + \dots$ ).

1.10. Задача 2.44.[1] Дадено е естествено число  $n$  ( $n \geq 1$ ). Да се напише програма, която намира броя на тези елементи от серията числа  $i^3 + 13 \times i \times n + n^3$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ , които са кратни на 5 или на 9.

1.11. За въведени от клавиатурата естествени числа  $n$  и  $k$ , да се провери и изпише на екрана дали  $n$  е точна степен на числото  $k$ .

*Упътване: Разделете променливата  $n$  на променливата  $k$  “колкото пъти е възможно” и проверете дали  $n$  достига единица или някое друго число след края на процеса. Използвайте добре подбрано условие за for цикъл, оператора % за намиране на остатък при целочислено деление, и оператора за целочислено деление /.*

## 1.4 Машини с неограничени регистри

Дефиницията на Машина с неограничени регистри по-долу е взаймствана от учебника [2] А. Дичев, И. Сосков, “Теория на програмите”, Издателство на СУ, София, 1998.

“Машина с неограничени регистри” (или МНР) наричаме абстрактна машина, разполагаща с неограничена памет. Паметта на машината се представя с безкрайна редица от естествени числа  $m[0], m[1], \dots$ , където  $m[i] \in \mathcal{N}$ . Елементите  $m[i]$  на редицата наричаме “клетки” на паметта на машината, а числото  $i$  наричаме “адрес” на клетката  $m[i]$ .

МНР разполага с набор от инструкции за работа с паметта. Всяка инструкция получава един или повече параметри (операнди) и може да предизвика промяна в стойността на някоя от клетките на паметта. Инструкциите на МНР за работа с паметта са:

- 1) ZERO  $n$ : Записва стойността 0 в клетката с адрес  $n$
- 2) INC  $n$ : Увеличава с единица стойността, записана в клетката с адрес  $n$
- 3) MOVE  $x \ y$ : Присвоява на клетката с адрес  $y$  стойността на клетката с адрес  $x$

“Програма” за МНР наричаме всяка последователност от инструкции на МНР и съответните им операнди. Всяка инструкция от програмата индексирате с поредния ѝ номер. Изпълнението на програмата започва от първата инструкция и преминава през всички инструкции последователно, освен в някои случаи, описани по-долу. Изпълнението на програмата се прекратява след изпълнението на последната ѝ инструкция. Например, след изпълнението на следната програма:

```
0: ZERO 0
1: ZERO 1
2: ZERO 2
3: INC 1
4: INC 2
5: INC 2
```

Първите три клетки на машината ще имат стойност 0, 1, 2, независимо от началните им стойности.

Освен инструкциите за работа с паметта, МНР притежават и една инструкция за промяна на последователността на изпълнение на програмата:

- 4) JUMP  $x$ : Изпълнението на програмата “прескача” и продължава от инструкцията с пореден номер  $x$ . Ако програмата има по-малко от  $x + 1$  инструкции, изпълнението ѝ се прекратява
- 5) JUMP  $x$   $y$   $z$ : Ако съдържанията на клетките  $x$  и  $y$  съвпадат, изпълнението на програмата “прескача” и продължава от инструкцията с пореден номер  $z$ . В противен случай, програмата продължава със следващата инструкция. Ако програмата има по-малко от  $z + 1$  инструкции, изпълнението ѝ се прекратява

Например, нека изпълнението на следната програма започва при стойности на клетките на паметта 10,0,0,...:

```
0: JUMP 0 1 5
1: INC 1
2: INC 2
3: INC 2
4: JUMP 0
```

След приключване на програмата, първите три клетки на машината ще имат стойности 10, 10, 20.

Задачи:

- 1.12. Нека паметта на МНР е инициализирана с редицата  $m, n, 0, 0, \dots$ . Да се напише програма на МНР, след изпълнението на която клетката с адрес 2 съдържа числото  $m + n$ .
- 1.13. Нека паметта на МНР е инициализирана с редицата  $m, n, 0, 0, \dots$ . Да се напише програма на МНР, след изпълнението на която клетката с адрес 2 съдържа числото  $m \times n$ .
- 1.14. Нека паметта на МНР е инициализирана с редицата  $m, n, 0, 0, \dots$ . Да се напише програма на МНР, след изпълнението на която клетката с адрес 2 съдържа числото 1 тогава и само тогава, когато  $m > n$  и числото 0 във всички останали случаи.

## 2 Типове и функции

### 2.1 Прости примери за функции

- 2.15. Задача 4.12.[1] Да се напише булева функция, която проверява дали дата, зададена в следния формат: dd.mm.yyyy е коректна дата от грегорианския календар.
- 2.16. Задача 4.25.[1] Да се дефинира процедура, която получава целочислен параметър  $n$  и база на бройна система  $k \leq 16$ . Процедурата да отпечатва на екрана представянето на числото  $n$  в системата с база  $k$ .
- 2.17. Задача 2.57.[1] Да се напише булева функция, която проверява дали сумата от цифрите на дадено като параметър положително цяло число е кратна на 3.
- 2.18. Задача 2.81.[1] Едно положително цяло число е съвършено, ако е равно на сумата от своите делители (без самото число). Например, 6 е съвършено, защото  $6 = 1+2+3$ ; числото 1 не е съвършено. Да се напише процедура, която намира и отпечатва на екрана всички съвършени числа, ненадминаващи дадено положително цяло число в параметър  $n$ .

### 2.2 Елементарна растерна графика

Следните задачи да се решат с показаните на лекции графични примитиви, базирани на платформата за компютърни игри SDL2. За целта е необходимо да инсталирате SDL2 на компютъра си и да настроите средата си за програмиране така, че да свърже SLD2 с вашия проект. Информация за това можете да намерите на сайта на платформата. Задачите можете да решите с помощта на всяка друга библиотека, поддържаща примитивите за рисуване на точки и отсечки.

- 2.19. По дадени екранни координати  $(x, y)$  на горния ляв ъгъл на квадрат, дължина на страната  $a$  на квадрата и число  $n$ :
- Да се нарисува квадратна матрица от  $n \times n$  квадрата със страна  $a/n$ , изпълваща дадения квадрат.
  - Квадратите от горното условие да се заменят с триъгълниците, образувани от пресичането на диагоналите им.
- 2.20. Да се нарисуват програмно следните фигури:
- Равностранен триъгълник
  - Равностранен шестоъгълник

- Равностранен многоъгълник по дадени координати на пресечната точка на симетралите му (център), брой страни  $n$  и разстояние от центъра до върховете  $r$ . При какви стойности на  $n$  фигурата наподобява окръжност?
- Логаритмична крива
- Елипса с център дадени  $(x, y)$  и радиуси дадени  $r_1$  и  $r_2$

2.21. (\*) Следната задача илюстрира метода на трапеците (Trapezoidal rule) за приближено изчисление на определени интеграли:

Да се нарисуват програмно координатни оси на евклидова координатна система с даден център в екранните координати  $(x, y)$ . Да приемем, че в програмата е дефинирана функцията `double f (double x)`, за която знаем, че е дефинирана за всяка стойност на  $x$ .

- Да се изобрази графиката на функцията спрямо нарисувана координатна система
- Да се приближи чрез трапеци с дадена дължина на основата  $\delta$  фигурата, заключена между видимата графика на фигурата и абсцисата
- Да се визуализират така получените трапеци
- Да се изчисли сумата от лицата на така получените трапеци
- Да се експериментира с различни дефиниции на функцията  $f$

2.22. Да се нарисува програмно котката Pusheen [3].



Фигура 1. Pusheen the cat. Фигурата е от [3]



## 3 Цикли, масиви и низове

### 3.1 Цикли II

Където не е посочено изрично, под “редица от числа  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$ ” по-долу се разбира последователност от  $n$  числа, въведени от стандартния вход. Задачите да се решат *без* използването на масиви.

- 3.23. Задача 3.1. [1] Да се напише програма, която въвежда редица от  $n$  цели числа ( $1 \leq n \leq 50$ ) и намира и извежда минималното от тях.
- 3.24. Задача 3.2. [1] Да се напише програма, която въвежда редицата от  $n$  ( $1 \leq n \leq 50$ ) цели числа  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$  и намира и извежда сумата на тези елементи на редицата, които се явяват удвоени нечетни числа.
- 3.25. Задача 3.3. [1] Да се напише програма, която намира и извежда сумата от положителните и произведението на отрицателните елементи на редицата от реални числа  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$  ( $1 \leq n \leq 20$ ).
- 3.26. Задача 3.7. [1] Да се напише програма, която изяснява има ли в редицата от цели числа  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$  ( $1 \leq n \leq 100$ ) поне два последователни елемента с равни стойности.
- 3.27. Задача 3.8. [1] Да се напише програма, която проверява дали редицата от реални числа  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$  ( $1 \leq n \leq 100$ ) е монотонно растяща.
- 3.28. Задача 3.15. [1] Да се напише програма, която въвежда реланите вектори  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$  и  $b_0, b_1, \dots, b_{n-1}$  ( $1 \leq n \leq 100$ ), намира скаларното им произведение и го извежда на екрана.
- 3.29. Задача 3.10. [1] Да се напише програма, която за дадена числова редица  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$  ( $1 \leq n \leq 100$ ) намира дължината на най-дългата ѝ ненамаляваща подредица  $a_i, a_{i+1}, \dots, a_{i+k}$  ( $a_i \leq a_{i+1} \leq \dots \leq a_{i+k}$ ).

### 3.2 Цикли и низове

Където не е посочено изрично, под “редица от символи  $s_0, s_1, \dots, s_{n-1}$  ( $1 \leq n \leq 100$ )  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$ ” по-долу се разбира символен низ с дължина  $n$ , въведен от клавиатурата в масив от тип `char[255]`.

- 3.30. Задача 3.11. [1] Дадена е редицата от символи  $s_0, s_1, \dots, s_{n-1}$  ( $1 \leq n \leq 100$ ). Да се напише програма, която извежда отначало всички символи, които са цифри, след това всички символи, които са малки латински букви и накрая всички останали символи от редицата, запазвайки реда им в редицата.

- 3.31. Задача 3.13. [1] Задача 3.13. Да се напише програма, която определя дали редицата от символи  $s_0, s_1, \dots, s_{n-1}$  ( $1 \leq n \leq 100$ ) е симетрична, т.е. четена отляво надясно и отдясно наляво е една и съща.
- 3.32. Да се напише функция, която по два низа намира дължината на най-дългия им общ префикс. *Префикс на низ наричаме подниз със същото начало като дадения. Пример: празният низ и низовете "a", "ab", и "abc" са всички възможни префикси на низа "abc". Дължината на най-дългия общ префикс на низовете "abcde" и "abcuwz" е 3.*
- 3.33. Да се напише функция, която в даден низ замества всички малки латински букви със съответните им големи латински букви.
- 3.34. Да се напише функция, която превръща даден низ в огледалния му образ. *Например, низът "abc" ще се преобразува до "cba".*
- 3.35. Да се напише функция, която по даден низ  $s$ , всички букви в който са латински, извършва следната манипулация над него: Ако  $s$  съдържа повече малки, отколкото големи букви, замества всички големи букви в  $s$  с малки. В останалите случаи, всички малки букви се заместват с големи.
- 3.36. Задача 3.26. "Хистограма на символите"[1] Символен низ е съставен единствено от малки латински букви. Да се напише програма, която намира и извежда на екрана броя на срещанията на всяка от буквите на низа.
- 3.37. Да се напише булева функция, която по дадени низове  $s_1$  и  $s_2$  проверява дали  $s_2$  е подниз на  $s_1$  (*Например, низът "uv" е подниз на низовете "abuv", "uvz", "zuu" и "uv".*). Функцията да не използва вложени цикли.
- 3.38. Задача 3.28. "Търсене на функция"[1] Дадени са два символни низа с еднаква дължина  $s_1$  и  $s_2$ , съставени от малки латински букви. Да се напише програма, която проверява дали съществува функция  $f: \text{char} \rightarrow \text{char}$ , изобразяваща  $s_1$  в  $s_2$ , така че  $f(s_1[i]) = f(s_2[i])$  и  $i = 1..дължината на  $s_1$  и  $s_2$ . Упътване: За да е възможна такава функция, не трябва в  $s_1$  да има символ, на който съответстват два или повече различни символи в  $s_2$ . Например, низът "aba" може да бъде изобразен в низа "zwz", но не и в низа "zui".$

## Литература

- [1] Магдалина Тодорова, Петър Армянов, Дафина Петкова, Калин Георгиев, “Сборник от задачи по програмиране на C++. Първа част. Увод в програмирането”
- [2] А. Дичев, И. Сосков, “Теория на програмите”, Издателство на СУ, София, 1998
- [3] Wikipediа, How to Draw Pusheen the Cat, <https://www.wikihow.com/Draw-Pusheen-the-Cat>