DEVOIR SURVEILLE DE MATHEMATIQUES N°1 - NOVEMBRE 2021 DUREE 03 HEURES

EXERCICE 1 (06 points)

I- Calculer la limite de la fonction f en x_0 dans chacun des cas suivants :

$$1)f(x) = -2x + 1 + \sqrt{4x^2 - x + 1}$$
, $x_0 = -\infty$ puis $x_0 = +\infty$

$$2)f(x) = \frac{\sqrt{x^2 + x + 4} - 2}{x}$$
, $x_0 = 0$ puis $x_0 = -\infty$

$$3)f(x) = \frac{1-2\cos x}{\sqrt{3}-2\sin x}$$
, $x_0 = \frac{\pi}{3}$ (Poser $t = x - \frac{\pi}{3}$)

EXERCICE 2 (07 points)

Soit f la fonction définie par : $f(x) = \frac{3(2x-1)}{2x^2-2x+5}$ et (C) sa représentation graphique.

- 1. Calculer les limites aux bornes du domaine de définition de f.
- 2. Etudier les variations de f, puis dresser le tableau de variations.
- 3. Démontrer que le point $A\left(\frac{1}{2};0\right)$ est centre de symétrie de (C).
- 4. Donner une équation de la tangente (T) à la courbe (C) au point A.
- 5. Tracer la tangente (T), les asymptotes puis la courbe (C).

EXERCICE 3 (07 points)

f est la fonction définie sur IR par : $f(x) = -x + \sqrt{x^2 + 8}$

- a. Démontrer que f est bijective de IR vers un intervalle J à déterminer.
- b. Montrer que f⁻¹ est dérivable sur J.
- c. Calculer (f⁻¹)'(2).
- d. Montrer que pour tout $x : f(x) + 2x = \frac{-8}{x \sqrt{x^2 + 8}}$; déduisez en que la droite (Δ) d'équation y = -2x est une asymptote oblique à la courbe (C_f) représentative de f en $-\infty$.
- e. Tracer la courbe C_f

Bonne inspiration!