

Practica 3 - Greedy

Raúl Granados López
Hossam El Amraoui Leghzali
Javier Montaña Rubio

Diseño de las componentes Greedy

- **Lista de candidatos:** Las aristas del grafo.
- **Lista de candidatos utilizados:** Las aristas que se han ido seleccionando desde el grafo original.
- **Función solución:** Se encuentra un camino que pasa por todas las aristas y no repite ninguna.
- **Función de selección:** Si hay solo una arista se escoge esa. En caso contrario, se escoge cualquier arista que permita que el grafo siga siendo conexo.
- **Criterio de factibilidad:** Sigue habiendo aristas sin explorar.
- **F. Objetivo:** Minimizar el número de pasos por cada arista antes de pasar por todas las aristas del grafo.

Diseño del algoritmo Greedy

ALGORITMO T = Greedy (grafo $G=(V,A)$)

$T = \emptyset$ // Solución a crear

Si ($|V| == 1$), **hacer:**

Devolver T

Fin-Si

N = Número de aristas en A

v = nodo cualquiera de V

Mientras ($|T| \neq N$), **hacer:**

Buscar en A todas las aristas que unen v con otros nodos

Si solo existe una arista $a=(b,v)$ donde b es un nodo unido a v mediante a, **hacer:**

$T = T \cup \{a\}$

$A = A \setminus \{a\}$

v = b

En caso contrario, hacer:

Escoger una arista $a=(b,v)$ donde b es un nodo unido a v mediante a y que mantiene el grafo conexo

$T = T \cup \{a\}$

$A = A \setminus \{a\}$

v = b

Fin-Si

Fin-Mientras

Devolver T

IMPLEMENTACIÓN Y EFICIENCIA DEL ALGORITMO

```
list<arista> Greedy (const Grafo & g) {  $O(n^2 \cdot \alpha^2)$ 
    list<arista> solucion;
    list<arista> aristas = g.getAristas();

    if (g.NumNodos() <= 1) {
        return solucion;
    }

    nodo v = g.getNodo(0);

    while (solucion.size() != g.NumAristas()) {
        list<arista> aristasV = aristasUnidasaNodo(v, aristas);  $O(\alpha)$ 

        if (aristasV.size() == 1) {
            aristas.remove(aristasV.front());  $O(n)$ 

            if (aristasV.front().first.id_nodo == v.id_nodo) {
                v = aristasV.front().second;
            }
            else {
                v = aristasV.front().first;
                nodo tmp = aristasV.front().first.id_nodo;
                aristasV.front().first = aristasV.front().second;
                aristasV.front().second = tmp;
            }

            solucion.push_back(aristasV.front());
        }
        else {
            while (!grafoSigueConexo(g, aristasV.back())) {
                aristasV.pop_back();
            }

            aristas.remove(aristasV.back());  $O(n)$ 

            if (aristasV.back().first.id_nodo == v.id_nodo) {
                v = aristasV.back().second;
            }
            else {
                v = aristasV.back().first;
                nodo aux = aristasV.back().first.id_nodo;
                aristasV.back().first = aristasV.back().second;
                aristasV.back().second = aux;
            }

            solucion.push_back(aristasV.back());
        }
    }

    return solucion;
}
```

$O(n^2 \cdot \alpha^2)$

$O(n^2 \cdot \alpha)$

```
list<arista> aristasUnidasaNodo (nodo &n, list<arista> &aristas) {  $O(\alpha)$ 
    list<arista> solucion;

    for (arista i : aristas) {  $n^2 \text{ vértices} = n^2 \text{ aristas} \rightarrow O(\alpha)$ 
        if (i.first.id_nodo == n.id_nodo || i.second.id_nodo == n.id_nodo) {
            solucion.push_back(i);
        }
    }

    return solucion;
}
```

```
bool grafoSigueConexo (const Grafo &g, arista &arist) {  $O(n^2 \cdot \alpha)$ 
    Grafo aux;
    aux.setNodos(g.getNodos());
    aux.setAristas(g.getAristas());

    aux.getAristas().remove(arist);  $O(n)$ 
    aux.BFS(0);  $O(n^2 \cdot \alpha)$ 

    for (nodo &n : aux.getNodos()) {  $O(n)$ 
        if (n.color != NEGRO) return false;
    }

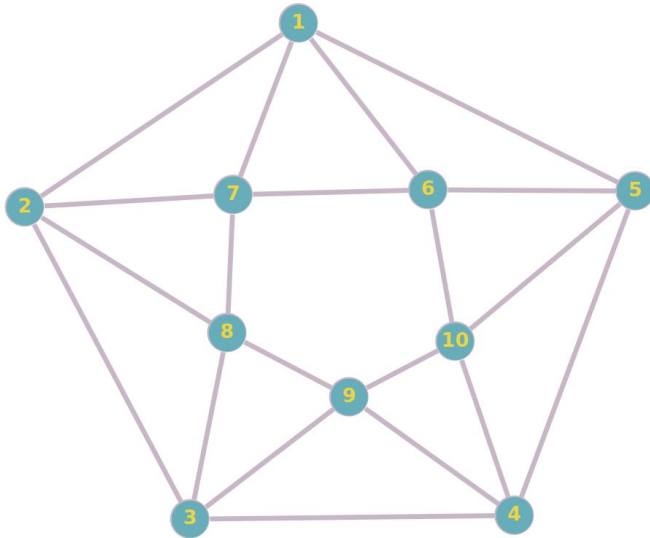
    return true;
}
```

IMPLEMENTACIÓN Y EFICIENCIA DEL ALGORITMO

```
void BFS (int i){  $O(n^2 \cdot \alpha)$   
    nodo &s = getNodo(i);  
  
    for (nodo &n : nodos){  $n^{\circ} \text{ veces} = n$  }  $O(n)$   
        n.color = BLANCO;  
    }  
  
    s.color = GRIS;  
  
    list<nodo*> cola;  
    cola.push_back(&s);  
    while (!cola.empty()){  
        nodo &u = (*cola.front());  
        cola.pop_front();  
  
        for (nodo &v : nodos){  
            if (nodoRelacionado(v, u))  $O(\alpha)$   
                if (v.color == BLANCO){  
                    v.color = GRIS;  
                    cola.push_back(&v);  
                }  
            }  
        }  
  
        u.color = NEGRO;  
    }  
}
```

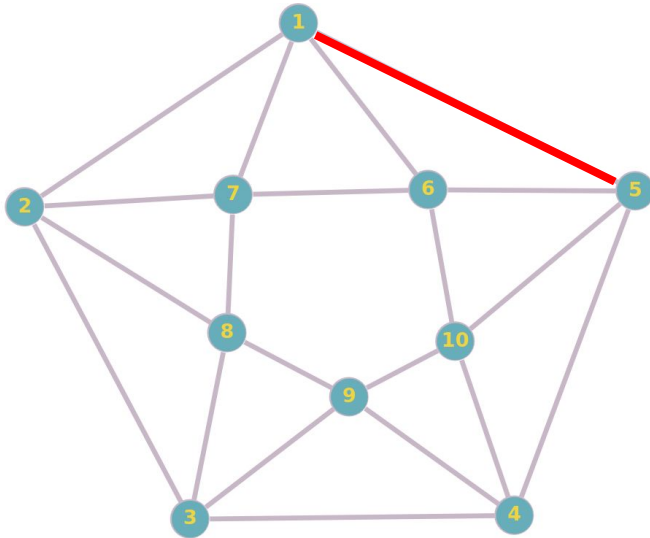
```
bool nodoRelacionado (const nodo &n1, const nodo &n2){  $O(\alpha)$   
    for (arista a : aristas){  $n^{\circ} \text{ veces} = \alpha \rightarrow O(\alpha)$   
        if (a.first.id_nodo == n1.id_nodo && a.second.id_nodo == n2.id_nodo)  
            return true;  
        else if (a.first.id_nodo == n2.id_nodo && a.second.id_nodo == n1.id_nodo)  
            return true;  
        }  
    return false;  
}
```

Ejecuciones - Grafo 1



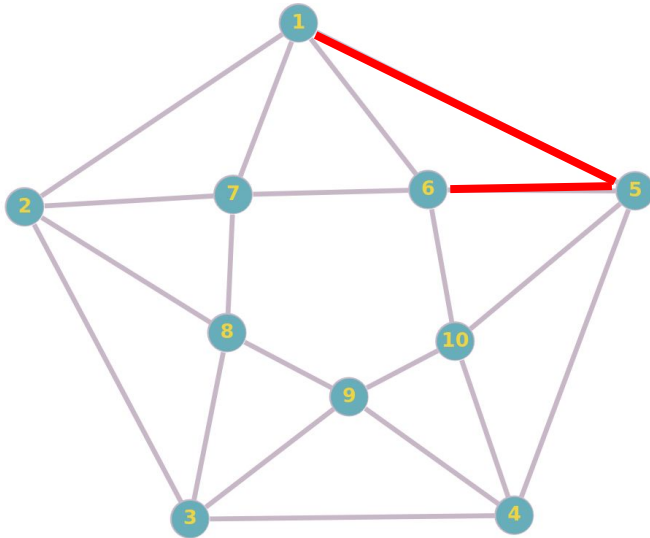
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



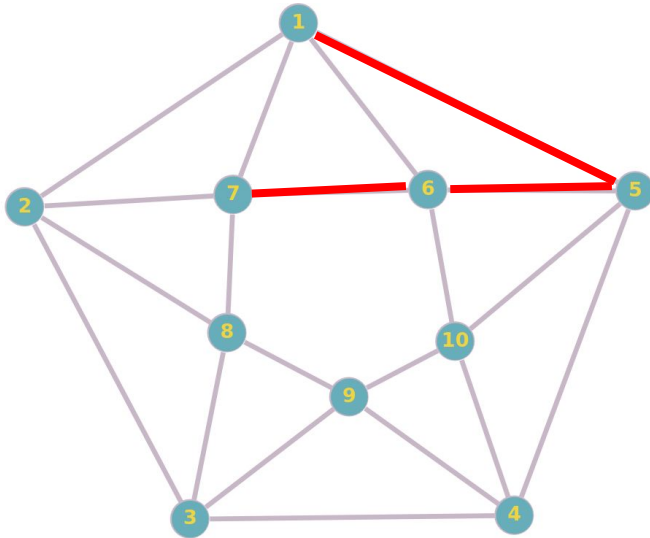
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



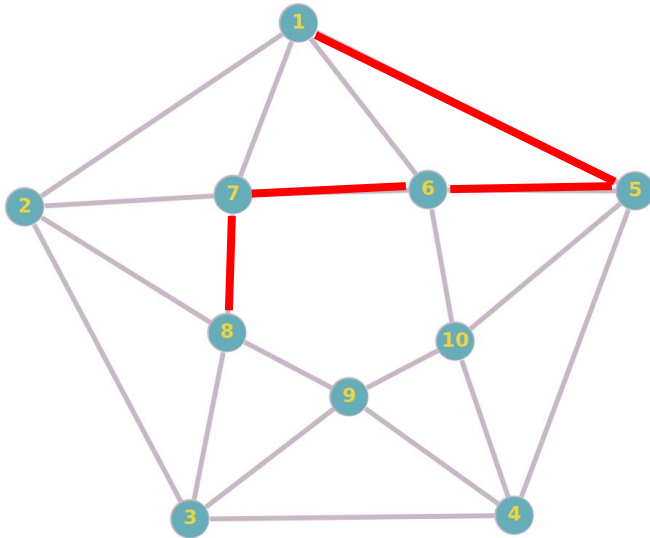
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6 ←
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```


Ejecuciones - Grafo 1



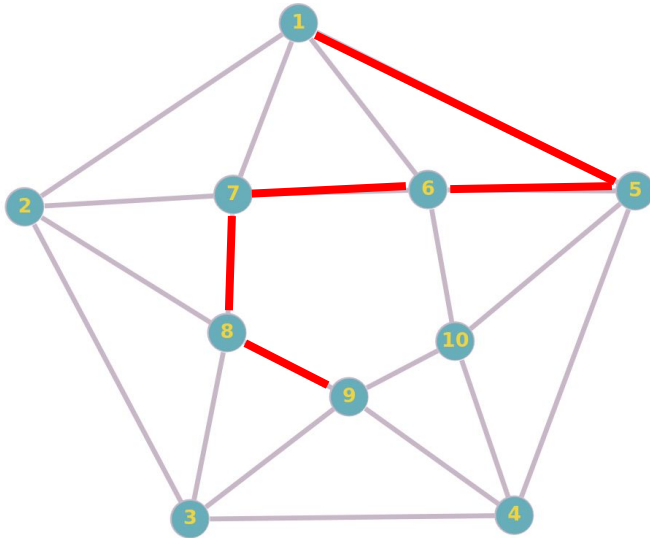
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



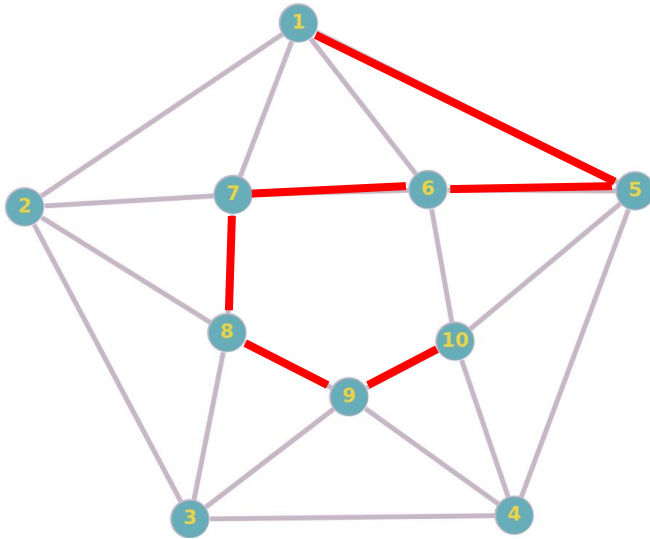
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



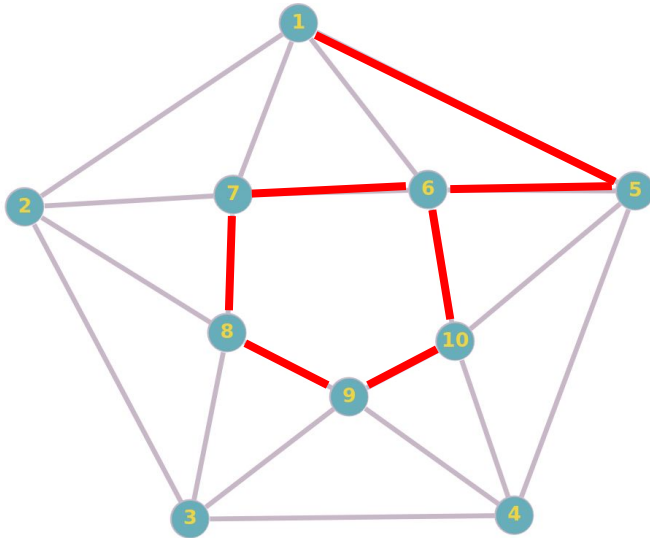
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9 ←
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



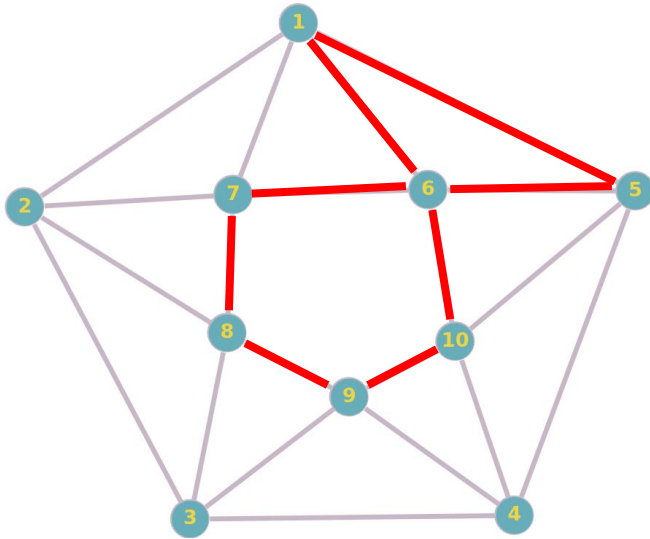
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



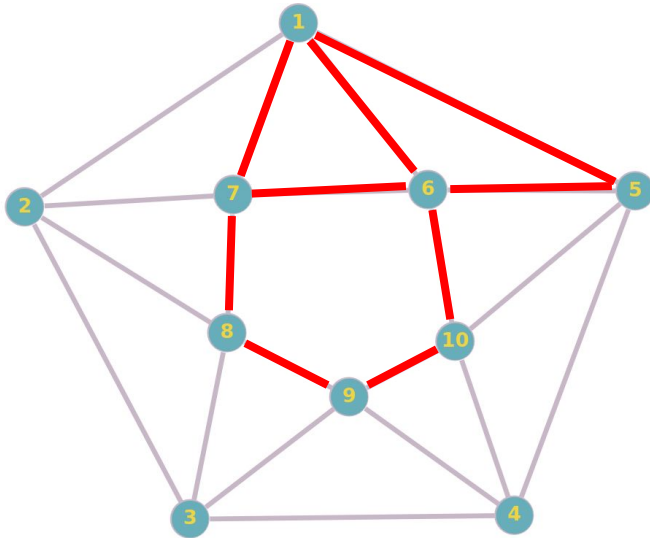
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



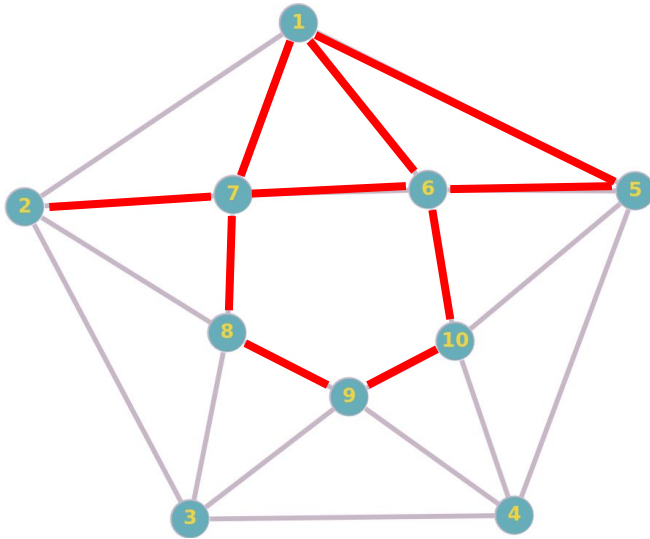
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



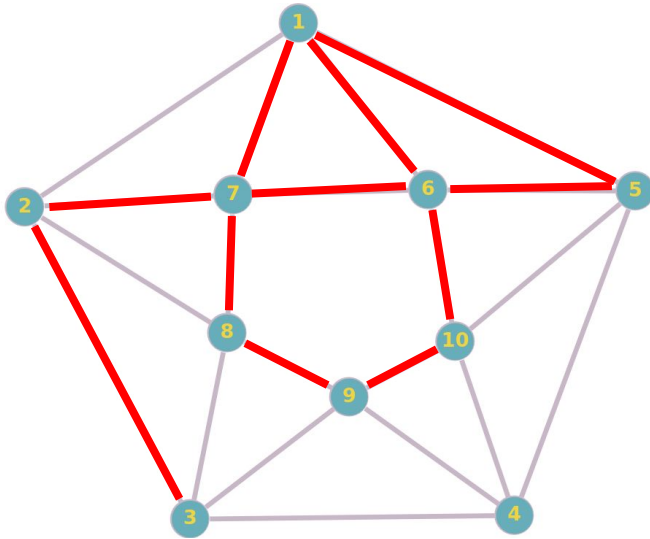
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



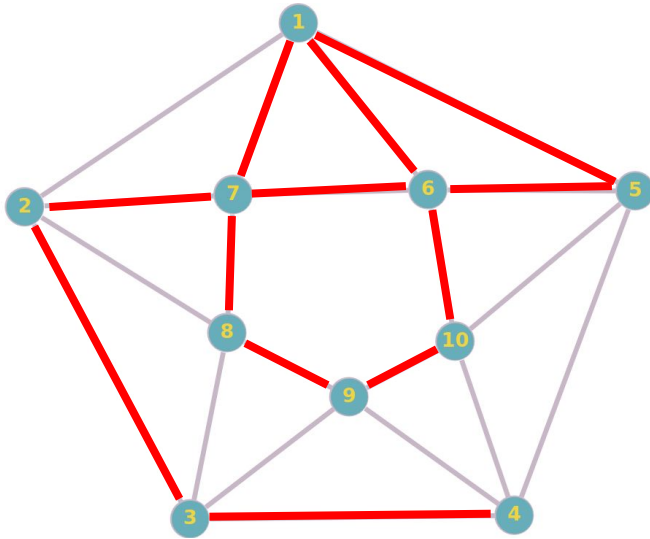
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```


Ejecuciones - Grafo 1



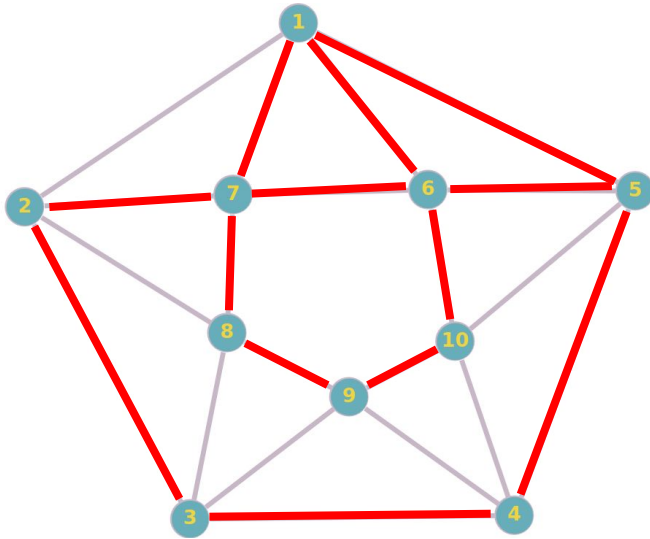
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



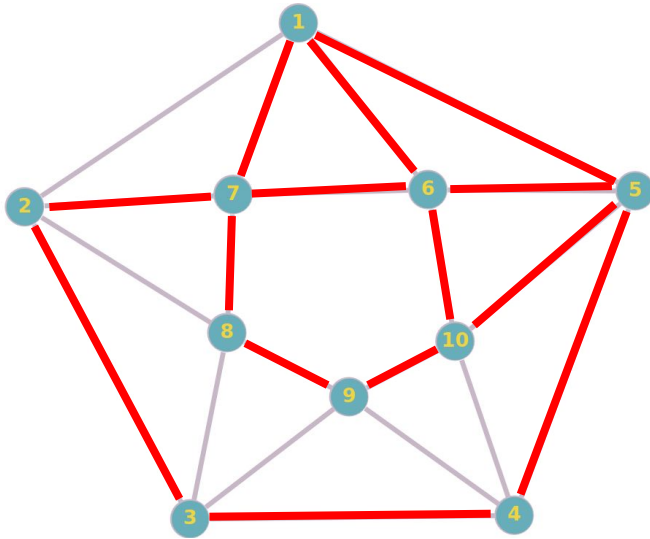
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



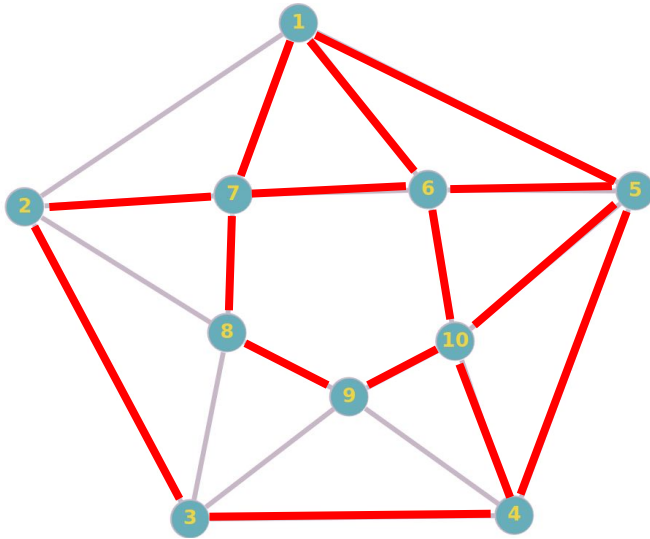
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



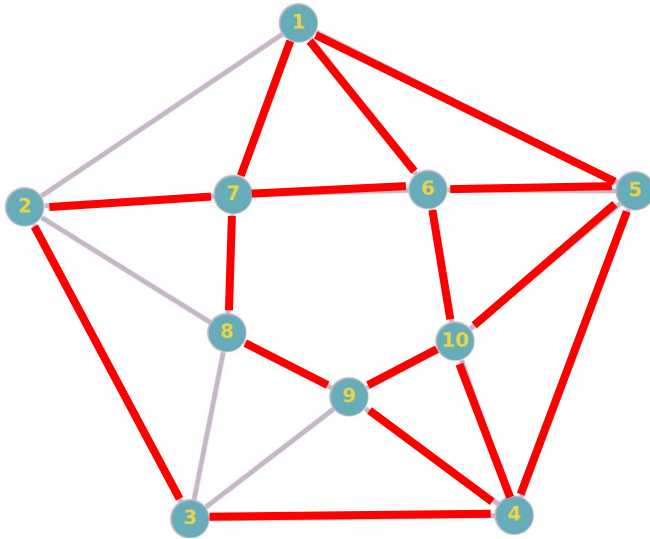
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



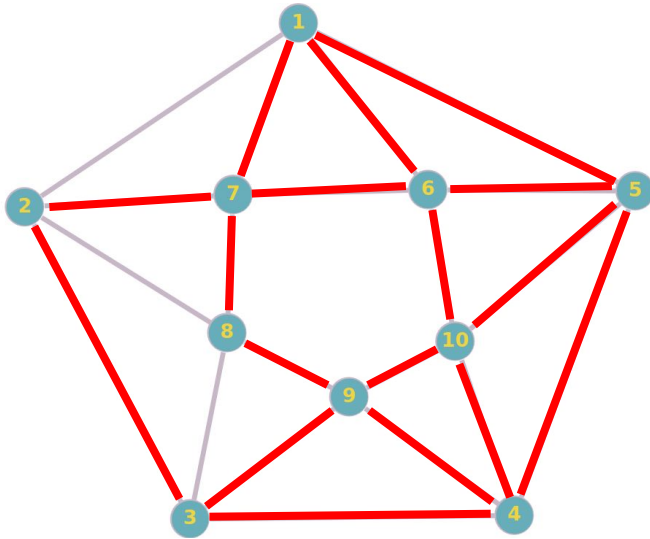
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



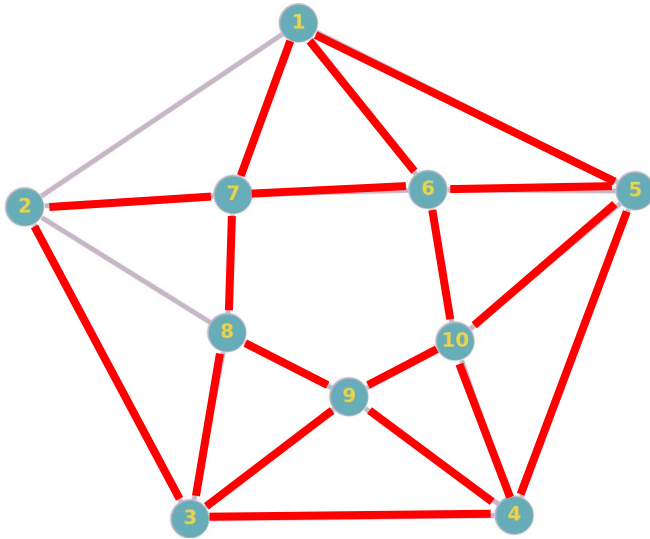
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



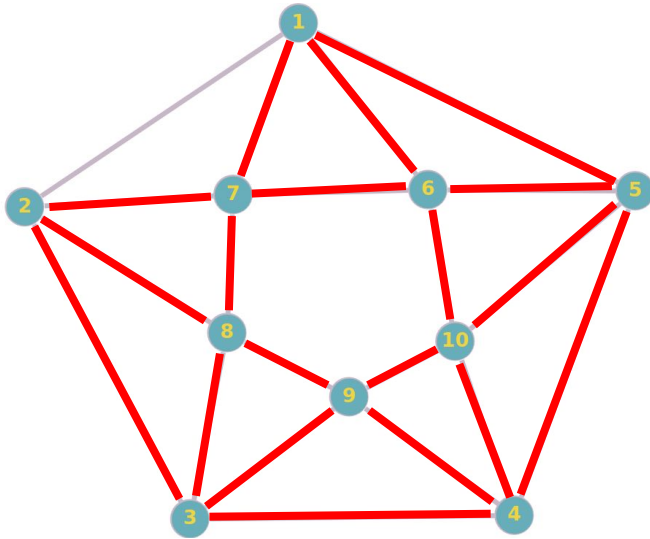
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3 ←
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 1



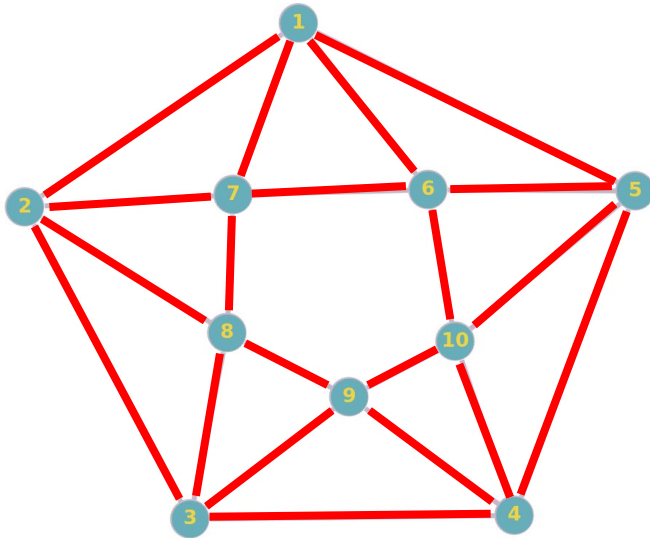
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```


Ejecuciones - Grafo 1



```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

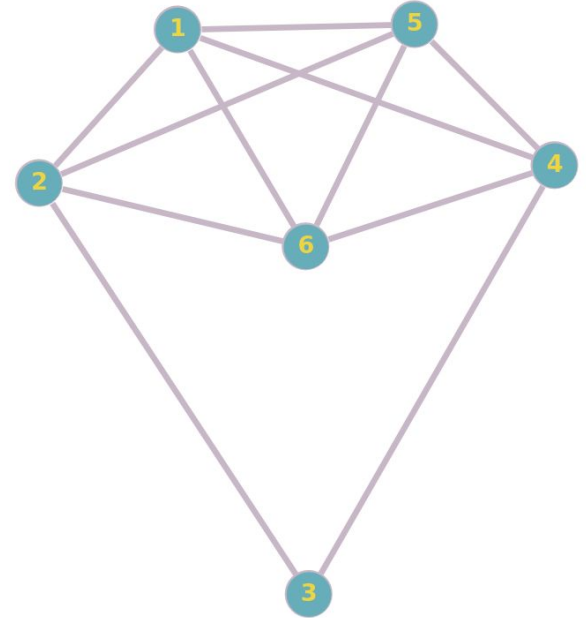
Ejecuciones - Grafo 1



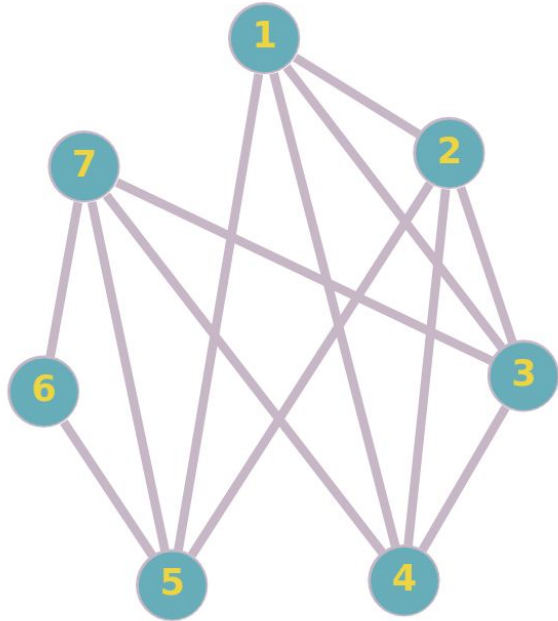
```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo1.txt
1 5
5 6
6 7
7 8
8 9
9 10
10 6
6 1
1 7
7 2
2 3
3 4
4 5
5 10
10 4
4 9
9 3
3 8
8 2
2 1
```

Ejecuciones - Grafo 2

```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo2.txt
1 6
6 5
5 4
4 6
6 2
2 5
5 1
1 4
4 3
3 2
2 1
```



Ejecuciones - Grafo 3



```
hossam@DESKTOP-FOF3I96:~/ALG/Practicas-ALG/Practica3$ practica3 grafo3.txt
1 5
5 7
7 3
3 4
4 7
7 6
6 5
5 2
2 4
4 1
1 3
3 2
2 1
```