
0.

Для занятий необходим пакет Wolfram Mathematica . Бесплатная облачная версия : <https://www.wolframcloud.com/> (необходимо зарегистрироваться) .

Для просмотра файлов пакета можно воспользоваться бесплатной программой Wolfram Player : <https://www.wolfram.com/player/>

1. Введение

Основным элементом интерфейса пакета Wolfram Mathematica является блокнот (Notebook). Для выполнения команды необходимо ее напечатать, и после этого нажать Shift+Enter или в меню Evaluation выбрать Evaluate Cells.

In[1]:= **2 + 2**

Out[1]= **4**

После у ячейки, в которой вы написали команду, появится “In[...]” с номером, а ниже появится ячейка “Out[...]” с результатом вычисления. Отметим что ячейки в файле можно выполнять в любом порядке.

Отметим особенность пакета: умножение можно выполнять через классическую *, но также пробел между двумя цифрами воспринимается пакетом как умножение (при этом серый крестик появится автоматически):

In[2]:= **2 * 3**

Out[2]= **6**

In[3]:= **2 × 3**

Out[3]= **6**

Последний полученный результат помещается в специальную переменную - %

In[4]:= **%**

Out[4]= **6**

Основной любого языка являются переменные. В Wolfram Mathematica переменные могут быть абсолютно любого типа (хоть “картинкой”), а типизация происходит автоматически. Для задания переменной а необходимо выполнить команду:

In[5]:= **a = 2**

Out[5]= **2**

Для вывода значения переменной на экран нужно выполнить ячейку с именем переменной:

In[6]:= **a**

Out[6]= **2**

Чтобы очистить переменную нужно выполнить следующую функцию:

```
In[7]:= Clear[a]
|очистить
```

Сразу отметим особенность пакета Wolfram Mathematica : все встроенные функции начинаются с заглавной буквы, а аргумент пишется в квадратных скобках.

Пакет Wolfram Mathematica построен на клиент - серверной архитектуре . Интерфейс отделен от вычислительного ядра Wolfram Kernel. Ядро запускается при выполнении первой команды и остается работать до завершения работы пакета. Номер In в ячейках - порядковый номер обращения к ядру. Все инициализированные переменные глобальны - они доступны из всех открытых файлов пакета! Если необходимо завершить ядро: Evaluation -> Quit Kernel -> Local. Удаление выполненной ячейке в блокноте не удаляет результат действия из памяти ядра!

2. Обычное и отложенное присваивание

Помимо обычного оператора присваивания, в пакете есть оператор отложенного присваивания `:=`, который выполняется в момент обращения к переменной. Разницу между `:=` и `=` поможет понять следующий пример:

```
In[8]:= a = 2;
```

```
In[9]:= b = a + 2
```

```
Out[9]= 4
```

```
In[10]:= c := a + 2
```

```
In[11]:= a = 13
```

```
Out[11]= 13
```

```
In[12]:= b
```

```
Out[12]= 4
```

```
In[13]:= c
```

```
Out[13]= 15
```

При отложенном присвоении переменная динамически обновляется. (С точки зрения классического программирования отложенное присваивание - передача по ссылке).

Отметим также, что тут использовался оператор подавления вывода результата на экран - ;

3. Символьное и численное вычисления

В пакетах компьютерной алгебры реализовано два типа вычислений: символьное (бесконечно точное) и численное (приближенное). По умолчанию пакет работает в символьном режиме. Выполнение следующей команды:

```
In[14]:= Sin[5]
|синус
```

```
Out[14]= Sin[5]
```

не дает приближенного выражения $\sin(5)$ - он выдает максимально точный ответ.

Чтобы вычислить приближенно, необходимо воспользоваться функцией N[]

```
In[15]:= N[Sin[5]]
      ⋮ синус
```

```
Out[15]= -0.958924
```

У нее есть второй необязательный аргумент - количество выводимых цифр на экран:

```
In[16]:= N[Sin[5], 40]
      ⋮ синус
```

```
Out[16]= -0.9589242746631384688931544061559939733525
```

Также, если пакет встречает хотя бы одно вещественное число в выражении, то все вычисления автоматически становятся приближенными:

```
In[17]:= Sin[5.0]
      ⋮ синус
```

```
Out[17]= -0.958924
```

Основные математические функции: tg(x) - Tan[x], ctg(x) - Cot[x], arcsin(x) - ArcSin[x],..., ln(x) - Log[x], e^x - Exp[x]

```
In[18]:= Exp[4.]
      ⋮ показательная функция
```

```
Out[18]= 54.5982
```

Число e:

```
In[19]:= N[E]
      ⋮ основание натурального логарифма
```

```
Out[19]= 2.71828
```

Внимание : помимо E в пакете есть другие зарезервированные переменные, и они также поэтому имена собственных переменных лучше начинать с малой буквы:

Также число e можно записать с помощью встроенного символа с помощью комбинации клавиш : Esc + e + e + Esc

```
In[20]:= N[e]
      ⋮ численное приближение
```

```
Out[20]= 2.71828
```

Число π

```
In[21]:= Pi
      ⋮ число пи
```

```
Out[21]=  $\pi$ 
```

```
In[22]:= N[Pi]
      ⋮ число пи
```

```
Out[22]= 3.14159
```

Любую греческую букву можно записать путем комбинации клавиш Esc + название буквы + Esc . На примере числа π : Esc + p + i + Esc

```
In[23]:=  $\pi$ 
```

```
Out[23]=  $\pi$ 
```

4. Постфиксная и префиксная запись функций

Помимо классического вызова функции вида имя_функции[аргумент], в пакете есть постфиксная форма вызова функции:

```
In[24]:= Sin[5] // N
           |синус      |численное приближение
```

```
Out[24]= -0.958924
```

и префиксная:

```
In[25]:= N@Sin[5]
           |... |синус
```

```
Out[25]= -0.958924
```

```
In[26]:=  $\pi$  // N
           |численное приближение
```

```
Out[26]= 3.14159
```

5. Определение собственных функций

Конструкция определения следующая: имя_функции[переменная_]:=выражение. Например, $f(x)=2\ln(2x)$:

```
In[27]:= f[x_] := 2 Log[2 x]
           |натуральн|
```

Оператор $x_$ - это шаблон. С точки зрения программирования, тут генерируется локальная переменная с уникальным именем.

```
In[28]:= f[2.]
```

```
Out[28]= 2.77259
```

```
In[29]:= f[t]
```

```
Out[29]= 2 Log[2 t]
```

Функция двух переменных определяется аналогично:

```
In[30]:= f[x_, y_] := 2 y Log[2 x] // N
           |натуральны... |числе
```

```
In[31]:= f[2, 3]
```

```
Out[31]= 8.31777
```

Пакет поддерживает перегрузку функций.

6. Булевы операторы:

```
In[32]:=
```

```
In[33]:= f[2] > f[3]
```

```
Out[33]= False
```

```
In[34]:= f[2] == f[3]
```

```
Out[34]= False
```

```
In[35]:= f[2] != f[3]
```

```
Out[35]= True
```

```
In[36]:= f[2] == f[2.]
```

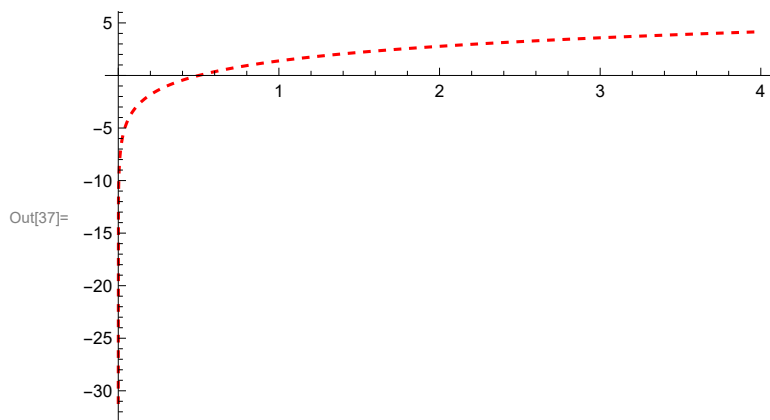
```
Out[36]= True
```

7. Построение графиков функций

Для построения графика функции $f(x)$ на отрезке $x \in [a, b]$ используется функция `Plot[f[x], {x, a, b}]`:

```
In[37]:= h1 = Plot[f[x], {x, 0, 4}, PlotStyle -> {Red, Dashed}, PlotRange -> All]
```

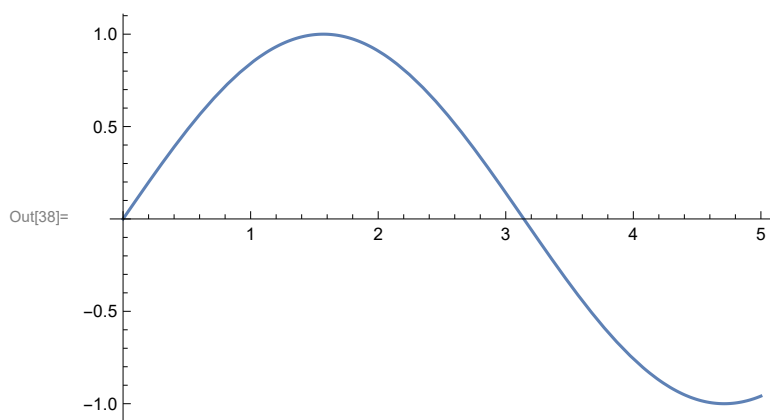
[\[график функции\]](#) [\[стиль графика\]](#) [\[красный\]](#) [\[штриховой\]](#) [\[отображаем\]](#) [\[все\]](#)



В функции `Plot` огромное число опций - смотрите `Help`!

```
In[38]:= h2 = Plot[Sin[x], {x, 0, 5}]
```

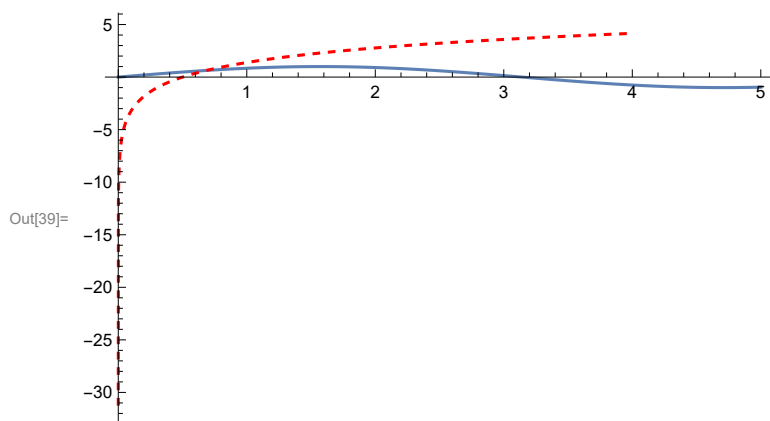
[\[график\]](#) [\[синус\]](#)



Результат `Plot` можно присваивать в переменные и объединять на одном графике

In[39]:= **Show[h2, h1, PlotRange -> All]**

[показать](#) [отображаем...](#) [всё](#)



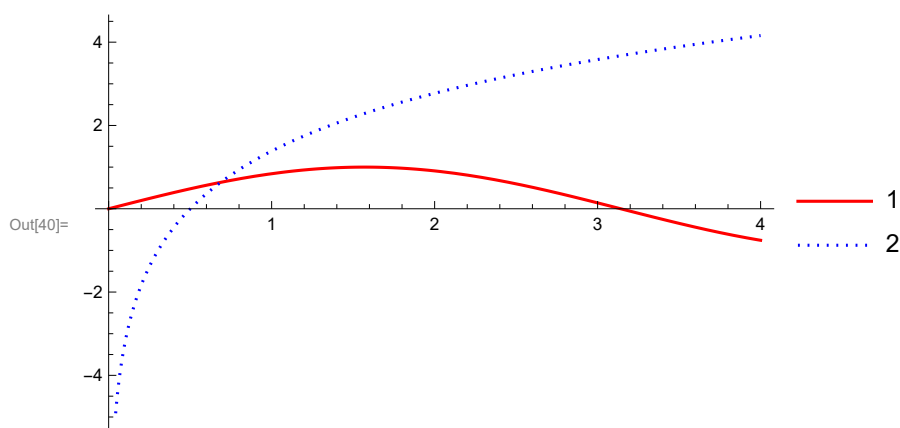
Другой способ нарисовать два графика на одном - поставить список (массив) из функций в первый аргумент Plot.

In[40]:= **Plot[{Sin[x], f[x]}, {x, 0, 4},**

[граф...](#) [синус](#)

PlotLegends -> {1, 2}, PlotStyle -> {{Red}, {Blue, Dotted}}

[легенды графика](#) [стиль графика](#) [красный](#) [синий](#) [точечный пуг](#)



In[41]:=

8. Визуализация последовательностей

Сначала нужно построить список элементов последовательности. Для вычисления списка значений последовательности a_n при $n=1,2,\dots,b$ есть функция `Table[a_n , {n, 1, b}]`. Рассмотрим последовательность $a_n = \frac{1}{n}$ и вычислим список ее значений при $n=1,2,\dots,10$:

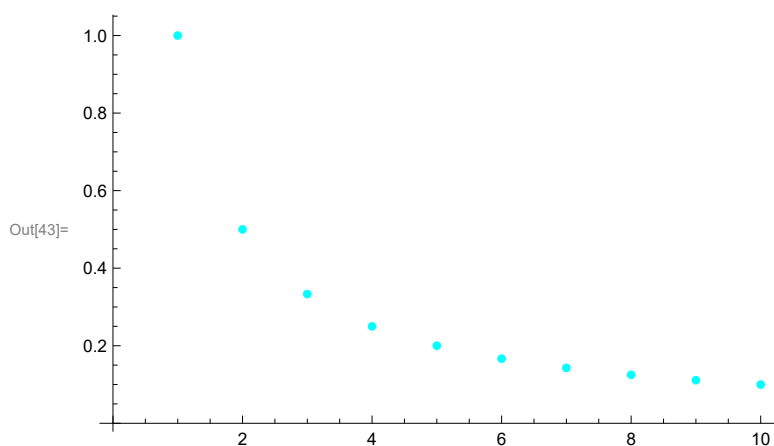
In[42]:= **a = Table[1 / n, {n, 1, 10}]**

[таблица значений](#)

Out[42]= $\left\{1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}\right\}$

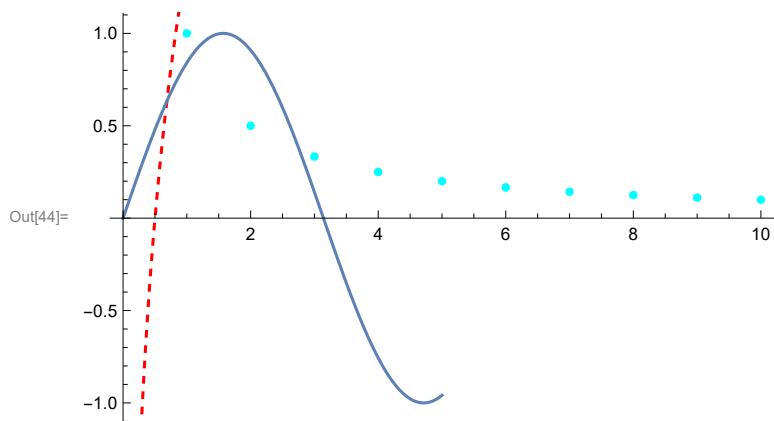
Визуализируем полученный список:

In[43]:= **h3 = ListPlot[a, PlotStyle → Cyan]**
 [диаграмма p... [стиль графика [голубой



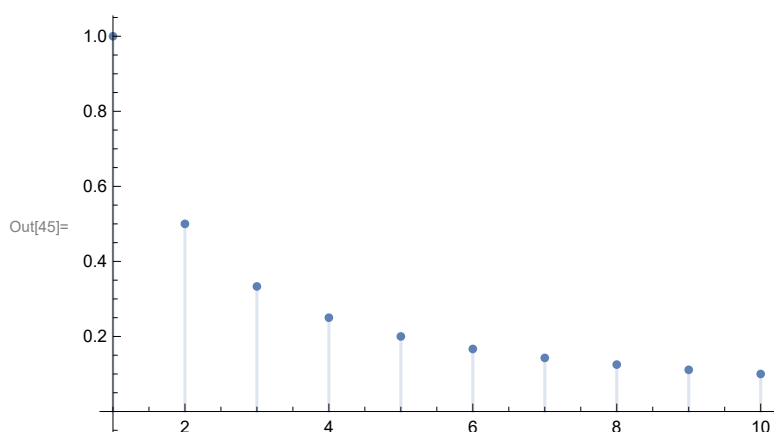
Отметим, что Show позволяет комбинировать любые графики:

In[44]:= **Show[h1, h2, h3, PlotRange → {-1, 1}]**
 [показать [отображаемый диапазон гр



Также можно визуализировать последовательность без генерации списка значений:

In[45]:= **DiscretePlot[1 / n, {n, 1, 10}]**
 [график последовательности



In[46]:=

9. Задание разрывных функций

Зададим кусочно - непрерывную функцию : $g(x) = \begin{cases} x & 0 \leq x \leq 1 \\ x^2 & 1 < x \leq 2 \\ 1 & \text{вне этого} \end{cases}$

```
In[47]:= g[x_] := Piecewise[{{x, 0 ≤ x ≤ 1}, {x^2, 1 < x ≤ 2}}, 1]
```

[\[кусочно-заданная функция\]](#)

```
In[48]:=
```

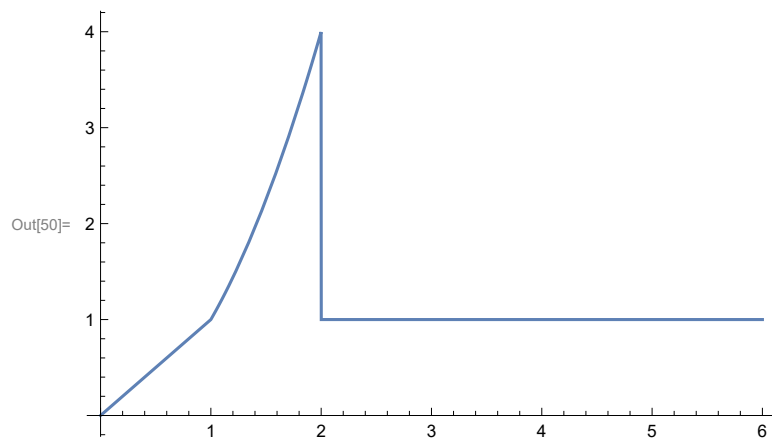
g[x]

```
Out[48]= {
  x      0 ≤ x ≤ 1
  x^2    1 < x ≤ 2
  1      True
}
```

```
In[49]:=
```

```
In[50]:= Plot[g[x], {x, 0, 6}]
```

[\[график функции\]](#)



10. Функции математического анализа

Предел:

```
In[51]:= Limit[1 / x, x → 1]
```

[\[предел\]](#)

```
Out[51]= 1
```

```
In[52]:= Limit[1 / x, x → 0]
```

[\[предел\]](#)

```
Out[52]= Indeterminate
```

Предел справа:

```
In[53]:= Limit[1 / x, x → 0, Direction → "FromAbove"]
```

[\[предел\]](#)

[\[направление\]](#)

```
Out[53]= ∞
```

Предел слева:

```
In[54]:= Limit[1 / x, x → 0, Direction → "FromBelow"]
```

[\[предел\]](#)

[\[направление\]](#)

```
Out[54]= - ∞
```


Производная:

```
In[55]:= D[x^2, x]
_дифференцировать
```

```
Out[55]= 2 x
```

```
In[56]:= h[x_] := x^2
```

```
In[57]:= h'[x]
```

```
Out[57]= 2 x
```

Вторая производная:

```
In[58]:= D[x^2, x, x]
_дифференцировать
```

```
Out[58]= 2
```

```
In[59]:= D[x^2, {x, 2}]
_дифференцировать
```

```
Out[59]= 2
```

Неопределенный интеграл:

```
In[60]:= Integrate[2 x, x]
_интегрировать
```

```
Out[60]= x^2
```

Определенный интеграл:

```
In[61]:= Integrate[2 x, {x, 0, 1}]
_интегрировать
```

```
Out[61]= 1
```