

Task 1

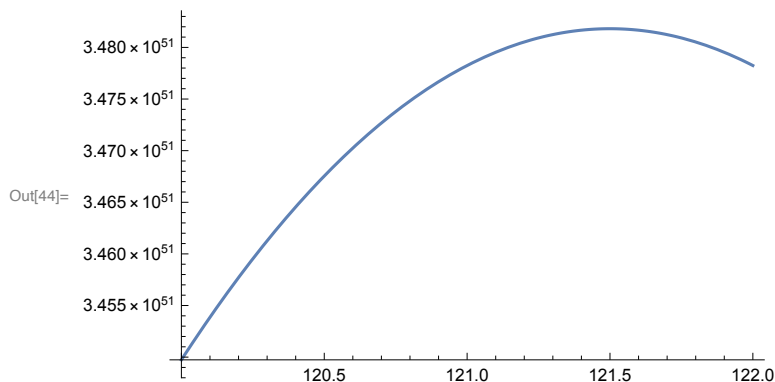
In[12]:= (*Var 1*)

In[3]:= a = 1² + 121 * 1;

In[7]:= $x[n_] := \frac{a^n}{n!}$

In[44]:= h1 = Plot[x[n], {n, 120, 122}]

[\[график функции\]](#)



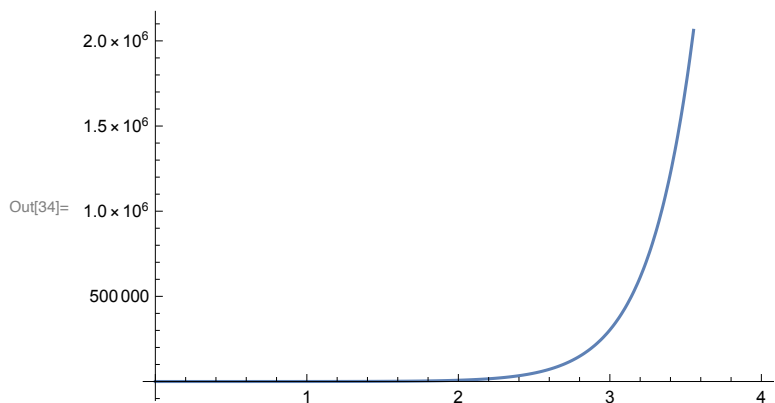
In[14]:= D[x[n], n]

[\[дифференцировать\]](#)

Out[14]=
$$\frac{122^n \text{Log}[122]}{n!} - \frac{122^n \text{Gamma}[1+n] \text{PolyGamma}[0, 1+n]}{(n!)^2}$$

In[34]:= h2 = Plot[x[n], {n, 0, 4}]

[\[график функции\]](#)



In[45]:= FindMaximum[x[n], {n, 120, 122}]

[\[найти максимум\]](#)

Out[45]= {3.48181 x 10⁵¹, {n → 121.5}}

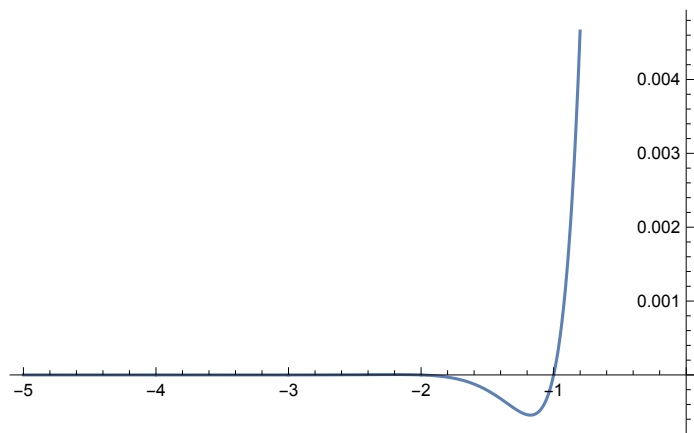
In[46]:= (*функция монотонно возрастает для всех значений 0 ≤ n ≤ 121.5; после этого функция монотонно убывает и стремится к 0 (придел посчитан ниже) *)

In[24]:= 3 h = Plot[x[n], {n, -5, 0}]

⌞график функции

Set: Tag Times in 3 h is Protected.

Out[24]=



In[25]:= NMinimize[x[n], {-2 ≤ n ≤ -1}]

⌞численная минимизация

NMinimize: -2 ≤ n ≤ -1 is not a valid variable.

Out[25]= NMinimize[$\frac{122^n}{n!}$, {-2 ≤ n ≤ -1}]

In[26]:= (*при отрицательных значениях функция ведет себя неоднозначно
(по идее, факториал определен только на неотрицательных значениях параметра,
но вольфрам что-то рисует). можно заметить
монотонное возрастание начиная с некого элемента *)

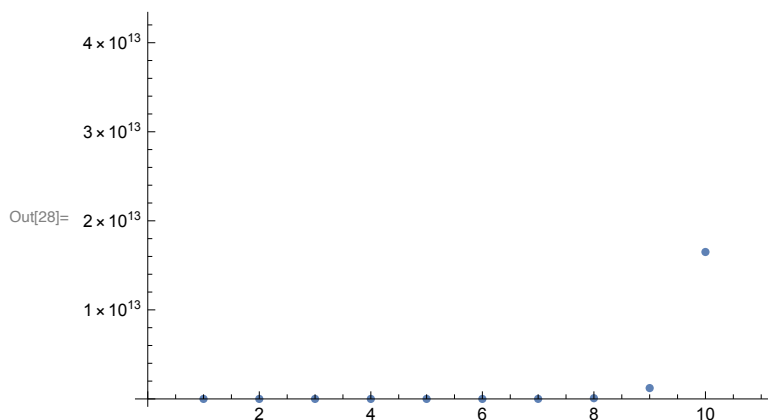
In[27]:= T1 = Table[x[n], {n, 0, 10}]

⌞таблица значений

Out[27]= {1, 122, 7442, $\frac{907924}{3}$, $\frac{27691682}{3}$, $\frac{3378385204}{15}$, $\frac{206081497444}{45}$, $\frac{25141942688168}{315}$,
 $\frac{383414625994562}{315}$, $\frac{46776584371336564}{2835}$, $\frac{2853371646651530404}{14175}$ }

In[28]:= h2 = ListPlot[T1]

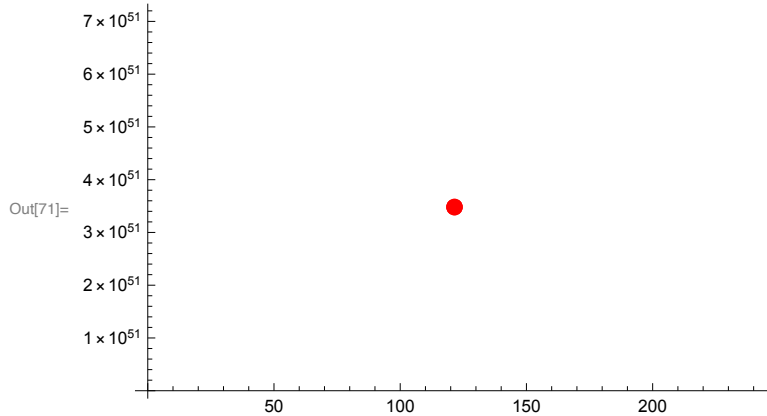
⌞диаграмма разброс



In[62]:= **Limit**[x[n], n → ∞]
 предел

Out[62]= 0

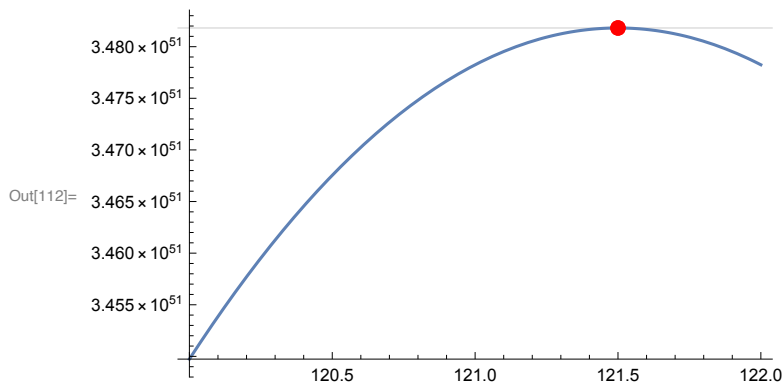
In[71]:= **ListPlot**[{{121.5, 3.481 * 10⁵¹}}, **PlotStyle** → {PointSize[0.026], Red}]
 диаграмма разброса данных стиль графика размер точки красный



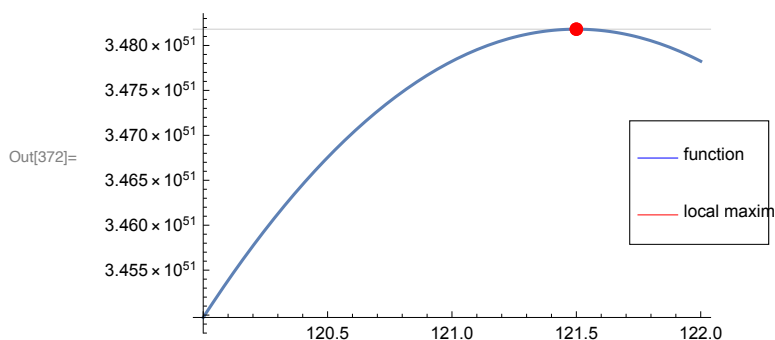
In[56]:= **x**[121.5]

Out[56]= 3.48181 × 10⁵¹

In[112]:= **plot1** = **Show**[h1, **ListPlot**[
 показать диаграмма разброса данных
 {{121.5, 3.4818115909525166`*^51}}, **PlotStyle** → {PointSize[0.026], Red}],
 стиль графика размер точки красный
PlotLegends → {function, "Local Maximum"},
 легенды графика
GridLines → {{}, {3.4818115909525166`*^51}}]
 линии координатной сетки



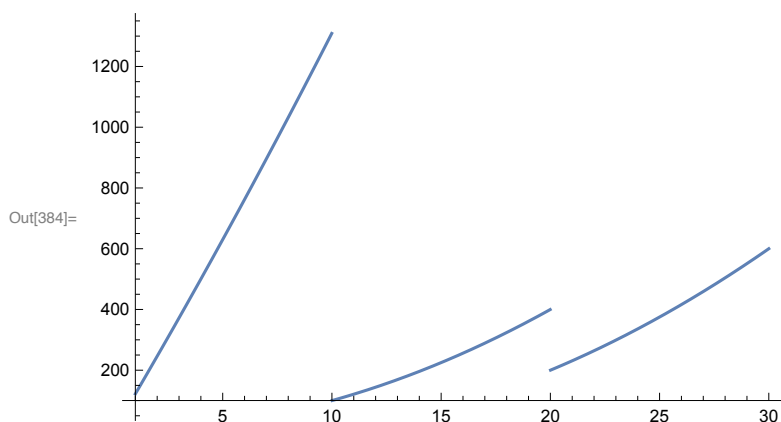
```
In[372]:= ShowLegend[plot1, {{{Graphics[{Blue, Line[{{0, 0}, {2, 0}}]}], "function"},
                               [графика] [синий (ломаная) линия]
                               {Graphics[{Red, Line[{{0, 0}, {2, 0}}]}], "local maximum"},
                               [графика] [красная (ломаная) линия]
                               LegendPosition -> {0.7, -0.3}, LegendSize -> {0.45, 0.4}, LegendShadow -> False}]
                               [ложь]
```



```
In[378]:= a[n_] :=
  Piecewise[{{n^2 + 121 n, 1 ≤ n < 10}, {n^2, 10 ≤ n ≤ 20}, {n^2 - 10 n, 20 < n ≤ 30}}]
  [кусочно-заданная функция]
```

```
In[376]:= Clear[x]
  [очистить]
```

```
In[384]:= Plot[a[x], {x, 1, 30}]
  [график функции]
```

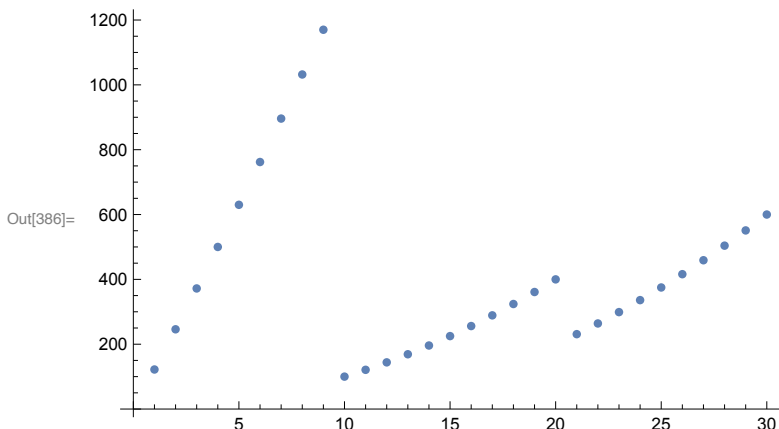


```
In[385]:= T11 = Table[a[n], {n, 1, 30}]
  [таблица значений]
```

```
Out[385]= {122, 246, 372, 500, 630, 762, 896, 1032, 1170, 100, 121, 144, 169, 196, 225,
           256, 289, 324, 361, 400, 231, 264, 299, 336, 375, 416, 459, 504, 551, 600}
```

In[386]:= **ListPlot[T11]**

[\[диаграмма разброса данных\]](#)



Task 2

In[397]:=

Clear[f, h, h1, h2, x, g]

[\[ОЧИСТИТЬ\]](#)

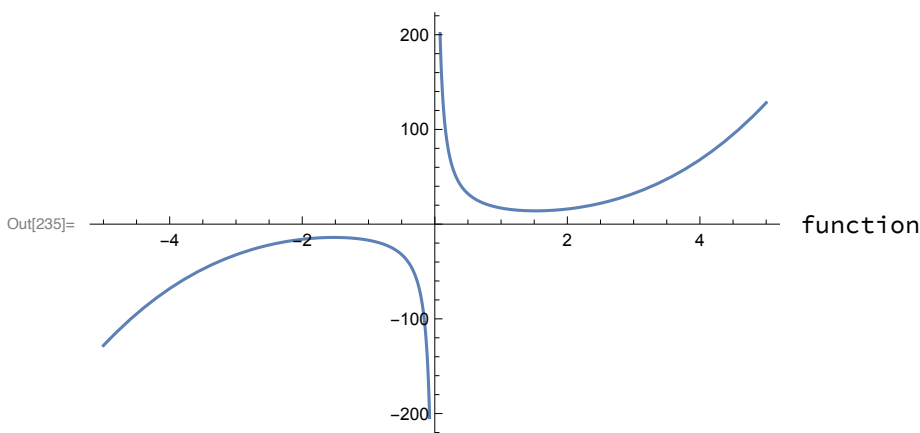
Out[397]= 2 Task

In[389]:= **f[x_] := $\frac{(x^4 + 16)}{x}$**

In[235]:= **h2 = Plot[f[x], {x, -5, 5}, PlotLegends → "function"]**

[\[график функции\]](#)

[\[легенды графика\]](#)



In[121]:= **(*x < 0 : f[x] < 0
x > 0 : f[x] > 0*)**

In[123]:= **Reduce[D[f[x], x] == 0, Reals]**

[\[привести\]](#) [\[дифференцировать\]](#) [\[множести\]](#)

Out[123]= **x == - $\frac{2}{3^{1/4}}$ || x == $\frac{2}{3^{1/4}}$**

In[124]:= **(*for x ≤ - $\frac{2}{3^{1/4}}$: increases monotonically;
for - $\frac{2}{3^{1/4}}$ ≤ x ≤ $\frac{2}{3^{1/4}}$ \ {0} : decreases monotonically;
x==0 - breaking point; for x ≥ $\frac{2}{3^{1/4}}$: increases monotonically *)**

```
In[126]:= Reduce[D[D[f[x], x], x] > 0, Reals]
[привести [...] дифференцировать] [множестве]
```

```
Out[126]= x > 0
```

```
In[127]:= Reduce[D[D[f[x], x], x] < 0, Reals]
[привести [...] дифференцировать] [множестве]
```

```
Out[127]= x < 0
```

```
(*for x < 0 : f[x] - the graph of the function is convex;
for x < 0: f[x] - function graph is concave;
x==0 - inflection current*)
```

```
In[128]:= l11 = Limit[f[x]/x, x -> ∞]
[предел]
```

```
Out[128]= ∞
```

```
In[129]:= l21 = Limit[f[x]/x, x -> ∞]
[предел]
```

```
Out[129]= ∞
```

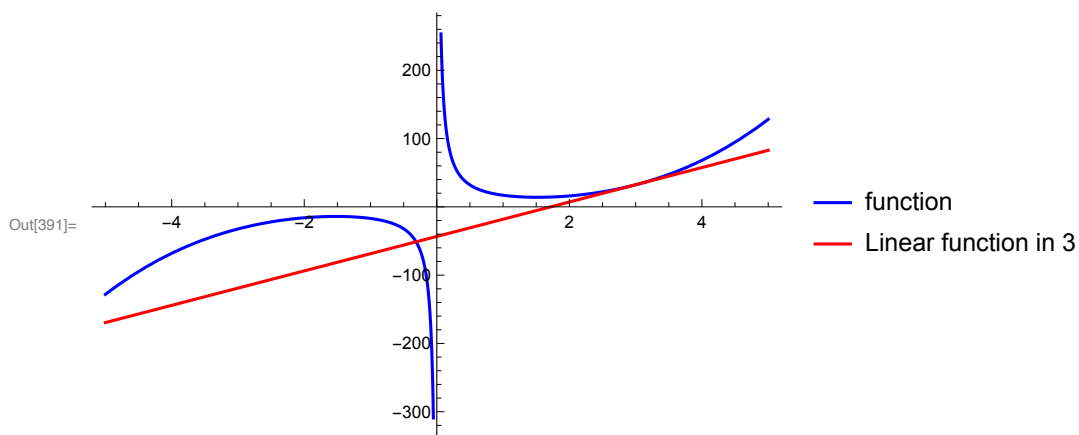
```
In[130]:= (*oblique and horizontal asymptotes do not exist
there is one vertical asymptote : x==0*)
```

```
(*The linearized function is equal to the linear part of the Taylor series
Let's look at x==3*)
```

```
In[390]:= Normal[Series[f[x], {x, 3, 1}]]
[норма [...] разложить в ряд]
```

```
Out[390]=  $\frac{97}{3} + \frac{227}{9}(-3 + x)$ 
```

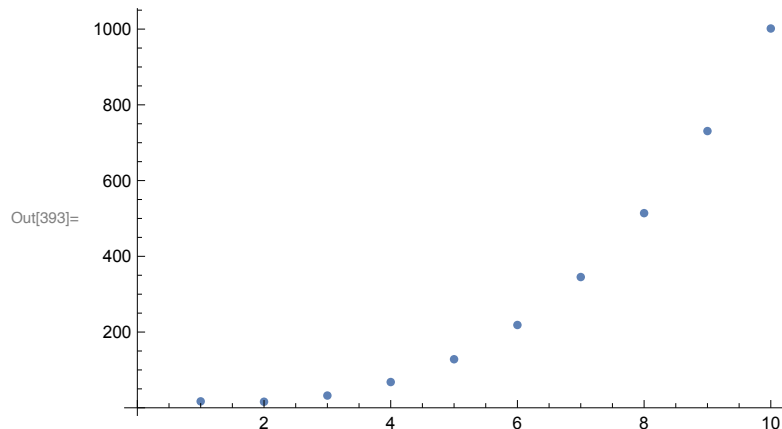
```
In[391]:= h3 = Plot[{f[x], %}, {x, -5, 5}, GridLines -> {{0, Red}}, None,
[график функции] [линии координатной [...] красный] [ни одного/отсутствует]
PlotStyle -> {Blue, Red}, PlotLegends -> {"function", "Linear function in 3"}]
[стиль графика] [синий] [крас...] [легенды графика]
```



In[392]:= **T2 = Table[f[x], {x, 1, 10}]**
 [таблица значений]

Out[392]:= $\{17, 16, \frac{97}{3}, 68, \frac{641}{5}, \frac{656}{3}, \frac{2417}{7}, 514, \frac{6577}{9}, \frac{5008}{5}\}$

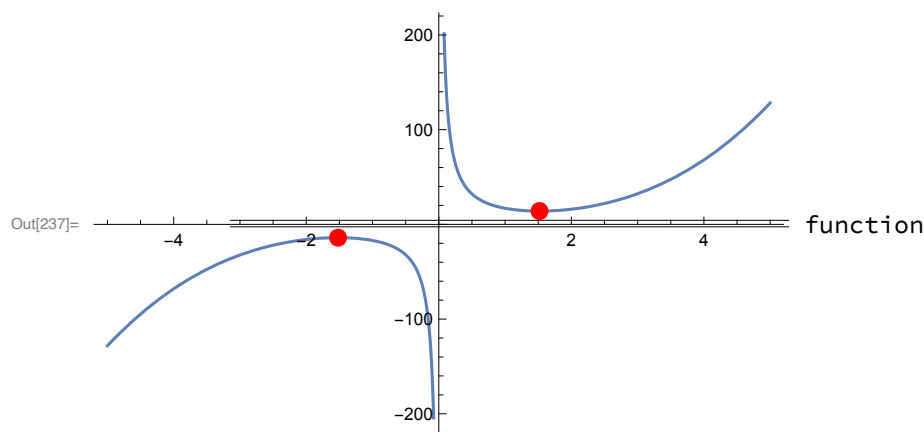
In[393]:= **h4 = ListPlot[T2]**
 [диаграмма разброс]



l1 = Graphics@Line[{{-5, f[- $\frac{2}{3^{1/4}}$]}, {5, f[- $\frac{2}{3^{1/4}}$]}}];
 [графика] [ломаная] линия

l2 = Graphics@Line[{{-5, f[$\frac{2}{3^{1/4}}$]}, {5, f[$\frac{2}{3^{1/4}}$]}}];
 [графика] [ломаная] линия

In[237]:= **plot2 = Show[h2, l1, l2, ListPlot[**
 [показать] [диаграмма разброса данных]
 $\{\{-\frac{2}{3^{1/4}}, f[-\frac{2}{3^{1/4}}]\}, \{\frac{2}{3^{1/4}}, f[\frac{2}{3^{1/4}}]\}\}, \text{PlotStyle} \rightarrow \{\text{PointSize}[0.026], \text{Red}\}]]$
 [стиль графика] [размер точки] [красный]

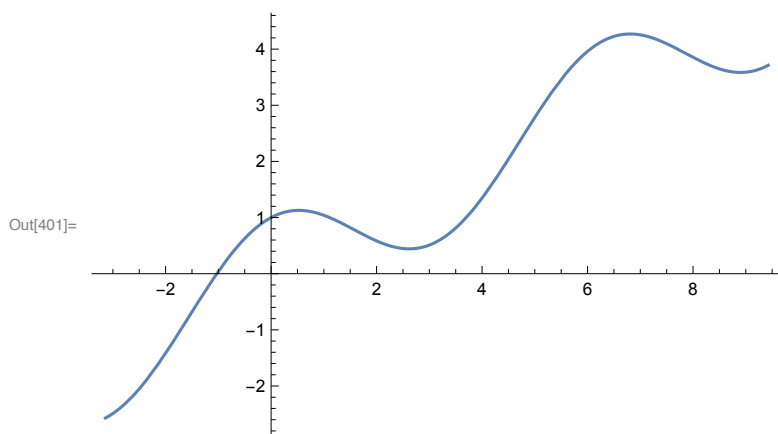


Task 3

In[399]:= **Clear[f, h, h1, h2, x, g]**
 [очистить]

In[400]:= $f[x_] := \text{Cos}[x] + x/2$
[косинус]

In[401]:= $h1 = \text{Plot}[f[x], \{x, -\pi, 3\pi\}]$
[график функции]



In[402]:= $\text{Reduce}[D[f[x], x] == 0 \ \&\& \ x \geq -\pi \ \&\& \ x \leq 3\pi, x]$
[привести [дифференцировать]

Out[402]= $x == \frac{\pi}{6} \ || \ x == \frac{5\pi}{6} \ || \ x == \frac{13\pi}{6} \ || \ x == \frac{17\pi}{6}$

(*локальные экстремумы написаны выше. вот их значения:*)

In[210]:= $f\left[\frac{\pi}{6}\right] // N$
[численное приближение]

Out[210]= 1.12782

In[209]:= $f\left[\frac{5\pi}{6}\right] // N$
[численное приближение]

Out[209]= 0.442972

In[211]:= $f\left[\frac{13\pi}{6}\right] // N$
[численное приближение]

Out[211]= 4.26942

In[212]:= $f\left[\frac{17\pi}{6}\right] // N$
[численное приближение]

Out[212]= 3.58456

**(*очевидно, что минимальное значение – левая граница,
а максимальная – 2й справа экстремум*)**

In[214]:= $\text{min} = f[-\pi]$

Out[214]= $-1 - \frac{\pi}{2}$

In[227]:= **max** = $f\left[\frac{13\pi}{6}\right]$

Out[227]:= $\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{13\pi}{12}$

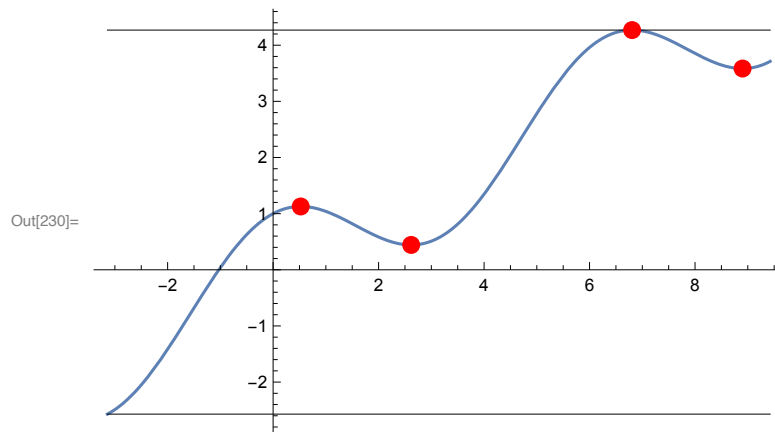
In[228]:= **l1** = Graphics@Line[{{- π , **max**}, {3 π , **max**}}];
 [графика] [ломаная] линия

In[229]:= **l2** = Graphics@Line[{{- π , **min**}, {3 π , **min**}}];
 [графика] [ломаная] линия

In[230]:= **Show**[h1, l1, l2,
 [показать]

ListPlot[{{ $\frac{\pi}{6}$, $f\left[\frac{\pi}{6}\right]$ }, { $\frac{5\pi}{6}$, $f\left[\frac{5\pi}{6}\right]$ }, { $\frac{13\pi}{6}$, $f\left[\frac{13\pi}{6}\right]$ }, { $\frac{17\pi}{6}$, $f\left[\frac{17\pi}{6}\right]$ }},
 [диаграмма разброса данных]

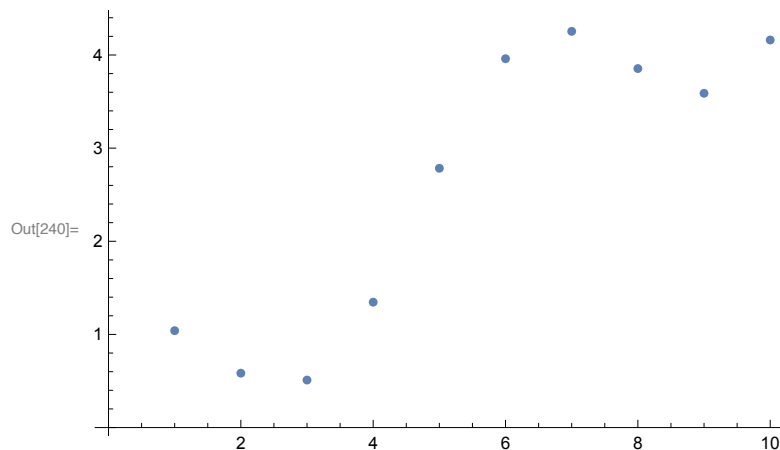
PlotStyle → {PointSize[0.026], Red}]
 [стиль графика] [размер точки] [красный]



In[239]:= **T3** = Table[f[x], {x, 1, 10}]
 [таблица значений]

Out[239]= $\left\{ \frac{1}{2} + \cos[1], 1 + \cos[2], \frac{3}{2} + \cos[3], 2 + \cos[4], \frac{5}{2} + \cos[5], \right.$
 $\left. 3 + \cos[6], \frac{7}{2} + \cos[7], 4 + \cos[8], \frac{9}{2} + \cos[9], 5 + \cos[10] \right\}$

In[240]:= **ListPlot**[T3]
 [диаграмма разброса данных]



Task 4

In[410]:= `Clear[f, x, y, d, hd, h1, h2]`

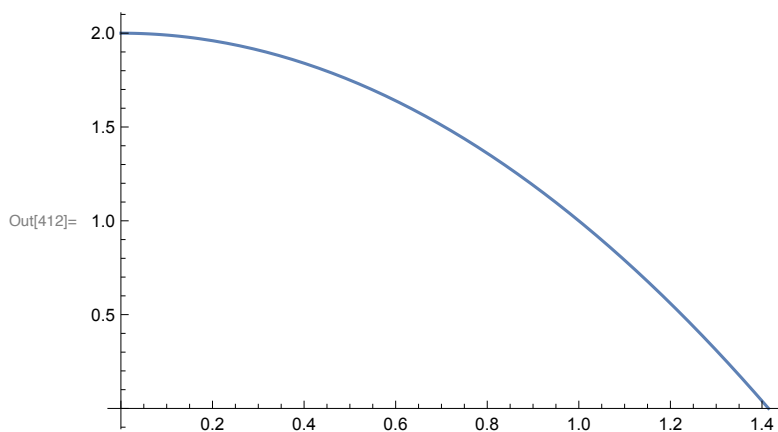
[ОЧИСТИТЬ](#)

In[411]:= `f[x_, y_] := x2 + 2 x * y - 4 x + 8 y`

In[412]:= `hd = Plot[{2 - x2}, {x, 0, Sqrt[2]}] (*Область определения*)`

[график функции](#)

[квадратный корень](#)



In[418]:= `r1 = ImplicitRegion[x ≥ 0, {x, y}]`

[неявно заданная область](#)

Out[418]= `ImplicitRegion[x ≥ 0, {x, y}]`

In[419]:= `r2 = ImplicitRegion[y ≥ 0, {x, y}]`

[неявно заданная область](#)

Out[419]= `ImplicitRegion[y ≥ 0, {x, y}]`

In[420]:= `r3 = ImplicitRegion[y ≤ 2 - x2, {x, y}]`

[неявно заданная область](#)

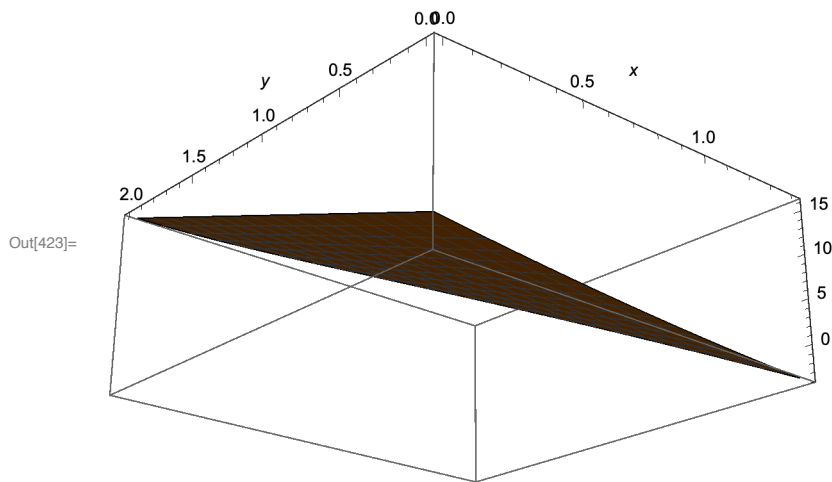
Out[420]= `ImplicitRegion[y ≤ 2 - x2, {x, y}]`

In[421]:= `d = RegionIntersection[r1, r2, r3]`

[пересечения геометрических регионов](#)

Out[421]= `ImplicitRegion[x ≥ 0 && y ≥ 0 && x2 + y ≤ 2, {x, y}]`

In[423]:= `Plot3D[f[x, y], {x, y} ∈ d, AxesLabel → Automatic]`
 [график функции 2-х переменных] [обозначения ...] [автоматически]



In[424]:= (*Наименьшее значение, судя по графику, при $x=\sqrt{2}$, $y=0$;
 [квадратный корень]
 Наибольшее значение, судя по графику, при $x=0$, $y=2$ *)

In[427]:= `maxzn = f[0, 2]`

Out[427]= 16

In[428]:= `minzn = f[Sqrt[2], 0]`
 [квадратный корень]

Out[428]= $2 - 4\sqrt{2}$