并行分布式计算实验报告

项目二: 最短路径

数据科学与计算机学院 17大数据与人工智能 17341015 陈鸿峥

一、 题目描述

现实世界的很多场景中,需要计算最短路径,如导航中的路径规划等,但是如何在大规模路径中快速找出最短路径,是一个具有挑战性的问题。本项目要求利用MPI + OpenMP,从一个至少包含1万个节点,10万条边的图中,寻找最短路径,边上的权重可随机产生。统一测试程序的执行时间,进行排名,根据排名计算成绩。

输入数据格式:

- 20001个点,7000w+条边,求点0到点20000的最短路径(有解)
- 每行3个数,分别为源节点、汇节点、权重(非负)

输出:整个路径及路径长度

测试环境: 3个节点(同主机的虚机),每个节点两个核心(双核四线程),4G内存,机械 硬盘

参照:

- https://github.com/Lehmannhen/MPI-Dijkstra
- https://github.com/laplaceyc/Parallel-Programing

二、解决方案

Dijkstra算法是串行求解单源最短路径的常见算法,伪代码如下

Algorithm 1 Sequential Dijkstra SSSP

```
1: procedure DIJKSTRA(Graph,Source)
         Create vertex set Q
 2:
                                                                                                      ▶ Initialization
         for each vertex in Graph do
 3:
              dist[v] \leftarrow INFINITY
 4:
              prev[v] \leftarrow UNDEFINED
 5:
              add v to Q
 6:
         dist[source] \leftarrow 0
 7:
         while Q is not empty do
                                                                                                            ▷ Dijkstra
 8:
              u \leftarrow \text{vertex in } \mathcal{Q} \text{ with min } \text{dist}[u]
 9:
              remove u from \mathcal{O}
10:
              for each neighbor v of u do
11:
                  alt \leftarrow dist[u] + length(u,v)
12:
                  if alt < \operatorname{dist}[v] then
                                                                                                         ▶ Relaxation
13:
                       \operatorname{dist}[v] \leftarrow \operatorname{alt}
14:
                       \text{prev}[v] \leftarrow u
15:
         return dist[],prev[]
16:
```

在本次实验中我采用了两种并行模型,一种是只使用OpenMP,另一种是OpenMP和MPI的结合。头文件都在include文件夹中,并行操作都已封装在parallel.h头文件中(如OpenMP的parallel_for等),主函数位于sssp.cpp中。

1. OpenMP

单机共享内存的并行方式比较简单。对于两个for each部分,就可以使用并行方法进行加速,因为在循环间都没有依赖关系。还有一个可并行的地方则是在求解距离最小值的部分(伪代码第9行)。

由于我现在的研究方向就是图计算,故本次作业直接复用了我今年以第一作者投稿于SC'19的部分代码(之前已上传过相关的介绍PPT),该代码是开源的 1 。

简单来说,优化技术有以下几点。

- 将输入文件以字符串形式完全读入内存后,同一并行进行处理,包括并行的初始化、并 行的**基数排序**、并行的赋值等。
- 图结构(graph structure²)用压缩稀疏行(Compressed Sparse Row, CSR)格式存储,
 见图1

¹Krill: An Efficient Concurrent Graph Processing System, https://github.com/chhzh123/Krill

²顶点间的即邻接关系

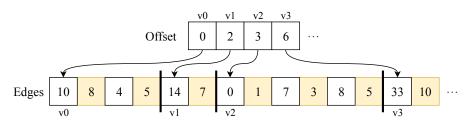


图 1: CSR格式

其中,第一个数组存储的是边表的偏移量offset,第二个数组存储的是每个源结点的邻居(第一项)及边权(第二项)。以CSR格式存储,可以使程序具有良好的空间局部性。当确定了源结点(当前迭代最小距离点)后,内层循环都是遍历源结点的邻居。而在CSR格式中,邻居都是紧密存储的(包括边权),故这可以确保所需的数据都在Cache中,进而大大缩短访存时间。当然了,以压缩形式存储,在分布式环境下,通信开销也会小很多。

- 图性质(graph property)用一个结构体DistPack打包,包含顶点标号i、距离向量dist、前驱prev、访问标记flag,这样存储同样使得同一个结点的图性质具有良好的局部性。
- 注意到最小值函数具有交换律和结合律,故可以利用**前缀和**(prefix sum³)进行并行优化, 这在代码中体现为sequence::reduce。通过传入数组res、元素个数n及作用函数minPackF, 即可进行分组归并计算。
- 由于本题只要求求0到20000的最短路径,故当最小路径值为20000对应的结点时,即可进 行**剪枝**,提前退出循环。其正确性是由最短路径的最优子结构保证的。

可以算得在p个核的环境下,并行Dijkstra算法的时间复杂度为 $O(n^2/p + \log p)$ 。 注意,由于测试数据集较小,故这些优化技术很可能不起作用。

2. OpenMP+MPI

第二种方式则是结合共享内存的编程模型OpenMP和消息传递型的编程模型MPI。增添了MPI的 并行Dijkstra代码量激增,几乎比单独的OpenMP代码增加了四倍。需要考虑的细节非常多,debug就debug了 好几天。

具体代码请见sssp.cpp中dijkstra_mpi函数,流程与算法1相同,这里只提及要点。

- 主进程(rank0)读入数据,依然采用2.1节并行读入的方法。
- 采用**数据并行**的方法将任务**均匀分配**到每一个进程上,尽可能确保负载均衡。主要是对 距离dist、前驱prev以及标记数组flag进行划分,如总结点数为n,则每个进程拿到的 距离向量元素数目为n/p,其中p为进程数目。若不整除,则最后一个进程分配到的元素 较多。

³https://en.wikipedia.org/wiki/Prefix_sum

- 寻找最小距离时,先在每一个进程上寻找最小元素,然后通过MPI_Gather汇总到主进程,由主进程串行找出全局最小距离后,再用MPI_Bcast传递回各个进程。
- 将最小距离对应的源结点src的邻居数组outNeighbors传递到各个进程上,然后每个进程通过OpenMP并行对自己拥有的距离数组进行松弛操作,结束一轮循环。
- 当所有结点距离更新完后,再将距离数组由各个进程通过MPI_Gatherv传递回主进程,由 主进程进行输出。(这里是对问题一般化了,即结点数目不一定整除进程数目)

三、实验结果

测试环境是实验室的服务器, 配置如下。

- 2 * Intel Xeon Gold 5118 CPU (2.30GHz) (2*12*2=48 core)
- 12 * 64G memory (768G)
- Ubuntu 18.04 (LTS) + gcc v7.3.0

编译可键入make,运行可直接键入make run,结果如下(调用了Linux的time函数进行计时)。

```
$time make run
./sssp 10001x10001GraphExamples.txt 20001
Dist: 2
20000<-17878<-0
real 0m3.204s
user 0m39.740s
sys 0m19.693s
```

而OpenMP和MPI结合的测试结果如下(单机开3个进程)。编译键入make MPI=1,运行键入make run_mpi。

```
$ time make run_mpi
mpirun -n 3 ./sssp 10001x10001GraphExamples.txt 20001
Dist: 2
20000<-826<-0
real 11m17.004s
user 425m24.855s
sys 0m10.998s
```

明显可以看出,当OpenMP和MPI两者结合时,会互相影响,且对最终性能的影响非常大。 这也是可以理解的,在单机环境下,资源就那么多,还要分资源给不同进程用,并且以消息传 递的形式,必然会造成巨大的内存带宽、资源压力。而这很有可能也是因为用了稀疏方式存储, 导致任务不好划分,进而通信量大大上升。 由于时间限制,没有继续进行优化,因此强烈建议采用单独OpenMP进行测评。编译运行方式请见README.md。