

# Лабораторная работа №5 по курсу «Численные методы»

Выполнил студент группы М8О-408Б-20 Попов Матвей.

Преподаватель: Пивоваров Д. Е.

## Цель

Используя явную и неявную конечно-разностные схемы, а также схему Кранка - Николсона, решить начально-краевую задачу для дифференциального уравнения параболического типа. Осуществить реализацию трех вариантов аппроксимации граничных условий, содержащих производные: двухточечная аппроксимация с первым порядком, трехточечная аппроксимация со вторым порядком, двухточечная аппроксимация со вторым порядком. В различные моменты времени вычислить погрешность численного решения путем сравнения результатов с приведенным в задании аналитическим решением  $U(x, t)$ . Исследовать зависимость погрешности от сеточных параметров  $\tau, h$ .

## Вариант 1

$$\frac{\partial u}{\partial t} = a \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}, a > 0$$

$$u(0, t) = 0$$

$$u(1, t) = 0$$

$$u(x, 0) = \sin(2\pi x)$$

Аналитическое решение:

$$U(x, t) = \exp(-4\pi^2 at) \sin(2\pi x)$$

## О программе

Модуль для вычислений написан на Go 1.21, модуль для визуализации написан на Python с использованием Jupyter Notebook. Реализации всех методов находятся в папке internal.

## Инструкция к запуску

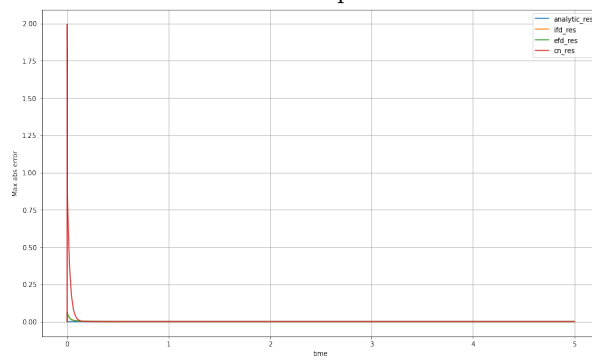
Для запуска должны быть установлены Go 1.21 и Python 3, а также модули numpy и matplotlib. Для получения результатов и их визуализации достаточно запустить все ячейки в lab05.ipynb.

## Результаты

Полученные вычисления на момент времени  $t = 0.5$



### Изменение погрешности



### Вывод

Прodelав лабораторную работу, я решил начально-краевую задачу для ДУ параболического типа тремя различными способами и проверил погрешности полученных вычислений.