

Primer Examen de Programación Lineal

Licenciatura en Matemáticas Aplicadas, UAEH

24 de febrero de 2020

NOMBRE: _____

INSTRUCCIONES: Hay 6 preguntas en este examen, debes escoger cinco de ellas, marcando algún modo claro e inequívoco las preguntas escogidas. Recuerda explicar sin escatimar en detalles las respuestas a las preguntas. Tienes 1 hora y 50 minutos para resolverlo.

1. Resuelve el siguiente problema:

$$\begin{array}{ll}\text{Maximizar} & x + 3y \\ \text{sujeto a} & 3x + y \leq 6 \\ & x, y \geq 0\end{array}$$

2. Resuelve el siguiente problema

$$\begin{array}{ll}\text{Maximizar} & 3x_1 + x_2 \\ & x_1 \leq 5 \\ & x_2 \leq 4 \\ \text{sujeto a} & x_1 - x_2 \leq 3 \\ & x_1, x_2 \geq 0\end{array}$$

3. Resuelve el siguiente problema

$$\begin{array}{ll}\text{Maximizar} & 2x_1 + x_2 \\ & x_1 - x_2 \leq 2 \\ & -2x_1 + x_2 \leq 2 \\ \text{sujeto a} & 3x_1 + 4x_2 \leq 12 \\ & x_1 + x_2 \geq 1 \\ & x_1, x_2 \geq 0\end{array}$$

4. Escribe el siguiente problema en forma estándar y en forma simplex (No es necesario resolverlo)

$$\begin{array}{ll}\text{Minimizar} & x_1 - x_2 \\ & 3x_1 - x_2 \geq 3 \\ \text{sujeto a} & x_1 + x_2 \geq -8 \\ & x_1, x_2 \geq 0\end{array}$$

5. Una compañía mueblera fabrica tres tipos de libreros: el «intelectual», el «juvenil», y el «ejecutivo». Cada librero es elaborado utilizando tres

tipos de madera: roble, pino y caoba. El librero tipo «intelectual» requiere 2 unidades cuadradas de hoja de roble, 6 de pino y 4 de caoba. El librero tipo «juvenil» requiere respectivamente 1, 4 y 3 unidades cuadradas de hoja de roble, pino y caoba. Y el librero tipo «ejecutivo» requiere respectivamente 2, 2 y 8 unidades cuadradas de hoja de pino, roble y caoba.

La ganancia por librero vendido de los tipos «intelectual», «juvenil» y «ejecutivo» es respectivamente de \$20, \$5 y \$30. Suponiendo que la compañía dispone en sus bodegas de 100 unidades cuadradas de hoja de roble, 600 unidades de pino y 320 unidades de caoba, plantea el problema de encontrar la producción que maximice el ingreso como un problema de programación lineal.

Solución: Vamos a usar variables x_1, x_2, x_3 donde x_1 representa la cantidad de libreros tipo intelectual, donde x_2 representa la cantidad de libreros tipo juvenil, donde x_3 representa la cantidad de libreros tipo ejecutivo.

Con base a los datos, la ganancia en términos de x_1, x_2, x_3 está dada por: $20x_1 + 5x_2 + 30x_3$. Cada tipo de madera nos da una restricción. Por ejemplo, los datos respecto al roble nos dicen que: $2x_1 + x_2 + 2x_3 \leq 100$. Considerando el pino, tenemos que: $6x_1 + 4x_2 + 2x_3 \leq 600$. Finalmente, respecto a la caoba, tenemos: $4x_1 + 3x_2 + 8x_3 \leq 320$.

Es decir como un problema de programación lineal, queda:

$$\begin{array}{ll}\text{Maximizar} & 20x_1 + 5x_2 + 30x_3 \\ & 2x_1 + x_2 + 2x_3 \leq 100 \\ & 6x_1 + 4x_2 + 2x_3 \leq 600 \\ \text{sujeto a} & 4x_1 + 3x_2 + 8x_3 \leq 320 \\ & x_1, x_2, x_3 \geq 0\end{array}$$

6. Supongamos que un estudio ha demostrado que la demanda de autobuses en cierta ciudad con respecto a la hora del día está regida por la siguiente tabla:

Hora	Cantidad de autobuses
12am-4am	4
4am-8am	8
8am-12pm	15
12pm-4pm	10
4pm-8pm	17
8pm-12am	5
extra	8541

Supongamos que un autobús debe operar exactamente ocho horas consecutivas, y que operan en turnos empezando cada cuatro horas a partir de las 12am. Plantea el problema de encontrar la cantidad mínima de autobuses que deben adquirirse para cubrir la demanda como un problema de programación lineal.

Solución Para la solución utilizaremos seis variables: