Санкт-Петербургский государственный университет

Блинов Иван Сергеевич

Выпускная квалификационная работа

Применение алгоритмов разделения секрета к кодированию элементов веб-контента

Уровень образования: бакалавриат
Направление 01.03.02 «Прикладная математика и информатика»
Основная образовательная программа СВ.5005.2018 «Прикладная математика, фундаментальная информатика и программирование»
Профиль «Исследование и проектирование систем управления и обработки сигналов»

Научный руководитель: профессор, кафедра управления медико-биологическими системами, д.ф. - м.н. Утешев Алексей Юрьевич

Рецензент:

профессор, кафедра компьютерного моделирования и многопроцессорных систем, д.т.н. Дегтярев Александр Борисович

Санкт-Петербург 2022 г.

Содержание

Введение	3
Цель и постановка задачи	4
Обзор литературы	5
Глава 1. Исследование предметной области	6
Глава 2. Описание алгоритма	8
2.1. Формирование долей	8
2.2. Восстановление секрета	10
2.3. Комментарии к алгоритму	11
Глава 3. Модификация алгоритма	14
Глава 4. Имплементация библиотеки	15
Глава 5. Написание сайта, использующего библиотеку	16
Выводы	17
Заключение	18
Список литературы	19

Введение

В настоящее время JavaScript является одним из самых популярных языков программирования. Он широко используется для создания приложений, исполняемых и со стороны клиента в браузере, и со стороны сервера. Так же распространены нативные приложения для мобильных устройств, Progressive Web Apps - гибриды нативных приложений и сайтов. В первую очередь это связано с развитием интернета и увеличением объема передаваемых по сети данных. Вместе с этим растет потребность в безопасности данных, которые представляют собой некоторую ценность. Потребность передачи секретных данных возникает у ученых, военных, в судопроизводстве, бизнесе. Традиционные методы защиты информации предоставляет криптография. Чаще всего информация защищается с помощью секретного алгоритма или ключа. Но у такого подхода есть проблемы: если злоумышленник перехватит ключ или скомпрометирует одну из сторон, то он легко получит доступ к секрету. Также, при необходимости разделить секретную информацию между какой-то группой людей приходится устанавливать соединения между каждой парой из группы, что негативно сказывается на безопасности секрета.

В 1979 году А. Shamir представил (ссылка) алгоритм разделения секрета, который позволяет разбить секрет на n долей таким образом, что знание K и более долей позволяет восстановить секрет, а знание K-1 и менее долей делает восстановление секрета невозможным. В последние десятилетия было предложено множество алгоритмов разделения секрета для электронных изображений. В данной работе будет рассмотрен и дополнен алгоритм обратимого разделения секрета, реализована библиотека для использования в веб-приложениях и пример минимального проекта, использующего эту библиотеку.

Цель и постановка задачи

Целью данной работы является написание библиотеки для языка JavaScript, для разделения секретного цветного электронного изображения, с долями, не подобными шуму. Для достижения этой цели были поставлены следующие задачи:

- 1. Исследование предметной области
- 2. Выбор алгоритма
- 3. Модификация алгоритма для работы с цветным секретным изображением
- 4. Написание библиотеки
- 5. Написание минимального веб-приложения, позволяющего продемонстрировать работу программы
- 6. Тестирование библиотеки и сравнение с имплементациями на других языках

Обзор литературы

В рамках спецификации современных стандартов, базовые сценарии поведения пользователей призваны к ответу. Банальные, но неопровержимые выводы, а также представители современных социальных резервов формируют глобальную экономическую сеть и при этом - представлены в исключительно положительном свете.

Есть над чем задуматься: предприниматели в сети интернет будут описаны максимально подробно. Приятно, граждане, наблюдать, как сторонники тоталитаризма в науке заблокированы в рамках своих собственных рациональных ограничений. Есть над чем задуматься: некоторые особенности внутренней политики объявлены нарушающими общечеловеческие нормы этики и морали. Как принято считать, тщательные исследования конкурентов смешаны с неуникальными данными до степени совершенной неузнаваемости, из-за чего возрастает их статус бесполезности.

Лишь предприниматели в сети интернет, которые представляют собой яркий пример континентально-европейского типа политической культуры, будут преданы социально-демократической анафеме. Есть над чем задуматься: стремящиеся вытеснить традиционное производство, нанотехнологии являются только методом политического участия и ограничены исключительно образом мышления! Разнообразный и богатый опыт говорит нам, что постоянный количественный рост и сфера нашей активности напрямую зависит от новых предложений.

Глава 1. Исследование предметной области

Одним из первых алгоритмов разделения секрета является (k, n) пороговая схема Шамира(ссылка). В ее основе лежит интерполяция полиномов. Пусть D – некоторая секретная информация, представленная в форме числа. Выберем простое число p:p>D,p>N. Чтобы разделить секрет на n частей возьмем случайный полином степени k-1

$$q(x) = a_0 + a_1 x + \dots + a_{k-1} x^{k-1}, a_0 = D, a_i < p$$

и вычислим

$$D_1 = q(1) \bmod p, ..., D_i = q(i) \bmod p, ..., D_n = q(n) \bmod p$$

Число p будет публичным для всех участников, числа D_i назовем долями. Участника схемы, который хочет разделить секрет и формирует доли назовем дилером.

Имея k и более долей можно восстановить секрет D при помощи полиномиальной интерполяции. Допустим, злоумышленнику удалось получить доступ к k-1 долям, тогда для каждого D':0< D'< p он может восстановить единственный полином степени k-1, такой, что $q_0=D'$ и $q_i=D_i$. Так как a_i случайны, эти p полиномов с одинаковой вероятностью являются искомыми, злоумышленник не получает никакой информации о секрете.

Схема Шамира позволяет разделить секрет, представленный в форме числа и используется в основном для защиты ключей. Изображение так же можно представить в форме числа, но при обычном размере изображения (для примера 256х256) и значениях пикселя (0-255)х3 для гgb изображений будет тратиться огромное количество памяти. Поэтому на основе схемы Шамира были разработаны алгоритмы разделения секрета для изображений. Их можно разделить на три категории - схемы визуальной криптографии(VCS), полиномиальные схемы и схемы, основанные на Китайской теоремы об остатках.

В 1994 году Moni Naor и Adi Shamir (ссылка) представили первую VCS, на ее основе были разработаны другие модификации. В VCS схемах доли

обычно печатаются на прозрачных носителях и секрет восстанавливается путем наложения частей друг на друга. Основным преимуществом таких схем является отсутствие необходимости вычислений при восстановлении секрета. Примечательной для применения в веб-разработке является VCS схема WEB-VC (ссылка). Алгоритм восстановления секрета в ней основан на возможности установить прозрачность элемента в таблице каскадных стилей (CSS). Основными недостатками таких схем является наличие помех в восстановленном секретном изображении и возможность использования только с бинарными изображениями.

Полиномиальные схемы используются чаще из-за лучшего качества восстановленного секрета и в общем случае не требуют увеличения количества пикселей. Но у них есть и недостатки — относительно высокая вычислительная сложность восстановления секрета $O(k \times log^2(k))$ для каждого пикселя и небольшие потери в качестве восстановленного секретного изображения.

Схемы, основанные на Китайской теореме об остатках имеют более низкую сложность операции восстановления O(k) и позволяют восстановить секрет без потерь. Недостатком таких схем является ограниченное количество участников(ссылка). Таким образом, эти схемы отлично подходят для устройств с низкой вычислительной мощностью и для испозьзования в вебприложениях.

Во многих схемах дилер отправляет участникам шумо-подобные доли. Введём понятие изображений для прикрытия — это произвольные изображения, использующиеся для генерации долей. Сгенерированные доли являются изображениями, похожими на изображения прикрытия. Использование изображений прикрытия вместо шумо-подобных долей снижает риск привлечения внимания к долям злоумышленников, улучшает возможности по их менеджменту.

В данной работе будет рассматриваться алгоритм Reversible Image Secret Sharing (ссылка). Он основан на китайской теореме об остатках. В качестве секретной картинки выступает изображение в оттенках серого (0-255), картинками для прикрытия являются бинарные изображения.

Глава 2. Описание алгоритма

Начнем описание работы алгоритма с формулировки Китайской теоремы об остатках.

Если $a_1,...,a_n\in N$ попарно взаимно просты, то для

$$\forall r_1, ..., r_n \in N : 0 \le r_i < a_i, \forall i \in \overline{1, n}$$

найдется $N: N \bmod a_i = p_i, \forall i \in \overline{1, n}$

Эта теорема позволяет за линейное время решать систему линейных модулярных уравнений следующего типа:

$$\begin{cases} y \equiv a_1 \bmod m_1 \\ y \equiv a_2 \bmod m_2 \\ \dots \\ y \equiv a_k \bmod m_k \end{cases}$$

Алгоритм решения (ссылка):

- 1. Вычисляем $M=\prod\limits_{i=1}^k m_i$
- 2. $\forall i \in \overline{1,k}$ вычисляем $M_i = \frac{M}{m_i}$
- 3. С помощью расширенного алгоритма Евклида $\forall i \in \overline{1,k}$ находим M_i^{-1} обратное по модулю для M_i
- 4. Получаем $y \equiv \sum_{i=1}^k a_i M_i M_i^{-1} \mod M$

Предложенный алгоритм состоит из двух частей: формирование долей и восстановление секрета. Опишем их более подробно.

2.1 Формирование долей

Описание входных данных:

- Секретное изображение S размера $W_S \times H_S$ пикселей в оттенках серого (значения пикселей 0-255)
 - n количество долей
 - ullet минимальное количество долей для восстановления секрета
- n изображений C_i размера $W_S \times H_S$ бинарные (значения пикселей 0-1) изображения прикрытия для каждого из участников

Описание выходных данных:

- n изображений SC_i размера $W_S \times H_S$ сгенерированные доли
- m_i приватное число для каждой доли
- p,T публичные для всех участников числа для восстановления секрета

Алгоритм:

1. Выберем число p и n взаимно простых чисел m_i таких, что

$$128 \le p < m_i \le 256, \text{HOД}(m_i, p) = 1, \forall i \in \overline{1, n}$$

- 2. Вычислим $M = \prod_{i=1}^k m_i$, $N = \prod_{i=1}^{k-1} m_{n-i+1}$
- 3. Если M < pN перейдем к шагу 1
- 4. Вычислим $T = \left[\frac{\left\lfloor \frac{M}{p} 1 \right\rfloor}{2}\right]$
- 5. Для каждого секретного пикселя x с координатами [w,h] повторяем шаги 6-7
- 6. Если $0 \le x < p$, выберем случайное $A \in \left[T+1, \left\lfloor \frac{M}{p}-1 \right\rfloor \right]$ и вычислим y=x+Ap.

Если $x \geq p$ выберем случайное $A \in [0,T)$ и вычислим y = x - p + Ap

7. Если выполняется одно из следующих условий, то вычисляем $a_i = y \mod p$, устанавливаем $SC_i = a_i$ и переходим к следующему пикселю, иначе возвращаемся на шаг 6.

$$egin{cases} SC_i[w,h] \geq TH_{i1}, \ ext{ если } C_i[w,h] = 1 \ SC_i[w,h] \leq TH_{i0}, \ ext{ если } C_i[w,h] = 0 \end{cases}$$

при
$$TH_{i0} = \frac{m_i}{2} - TH, \ TH_{i1} = \frac{m_i}{2} + TH$$

2.2 Восстановление секрета

Описание входных данных:

- n долей SC_i ($n \ge k$) и соответствующие им m_i
- Публичные числа T, p

Описаные выходных данных:

- Восстановленный секрет S'
- Восстановленные изображения прикрытия C_i' размера $[W_S, H_S]$

Алгоритм

1. Восстановливаем изображения прикрытия с помощью бинаризации. Для каждого пикселя $C_i'[w,h]$ устанавливаем значение

Если
$$SC_i[w,h] > \frac{m_i}{2}$$
, то 1, иначе 0

2. Для каждой позиции пикселя [w,h], $a_i = SC_i[w,h]$, с помощью описанного выше алгоритма (ссылка) решаем систему линейных урав-

нений по модулю:

$$\begin{cases} y \equiv a_1 \bmod m_1 \\ y \equiv a_2 \bmod m_2 \\ \dots \\ y \equiv a_n \bmod m_n \end{cases}$$

3. Вычисляем $T^*=\left\lfloor\frac{y}{p}\right\rfloor$. Если $T^*\leq T$, то $x=y \bmod p$, иначе $x=(y \bmod p)+p$. S'[w,h]=x

2.3 Комментарии к алгоритму

- 1. Число p в алгоритме 1 (ссылка) выбирается наименьшим из возможных, а числа m_i выбираются наибольшими для достижения большего диапазона распределения значения пикселя в долях.
- 2. Параметр TH имеет весомую роль в качестве сгенерированных долей, времени генерации и безопасности. Этот параметр устанавливается дилером и влияет на N_A число возможных значений A в шаге 6 алгоритма 1. В общем случае, $N_A = T$. Для того, чтобы удовлетворять условию на шаге 7 алгоритма, значение N_A уменьшается до $N_A = T \times \prod_{i=1}^n \left(\frac{1}{2} \times \frac{TH_{i0}}{m_i} + \frac{1}{2} \times \frac{m_i TH_{i0}}{m_i} \right)$.

При увеличении TH уменьшается N_A , увеличивается качество сгенерированных долей и время на генерацию. При увеличении N_A улучшается безопасность, так как количество значений для перебора равняется T^{N_A} . Требуется, чтобы $N_A \geq 2$, так как при $N_A = 1$ в шаге 6 алгоритма будет повторно использоваться одно и тоже значение A, что приводит к проблемам с безопасностью. Экстремальной точкой для качества долей является TH = 112. Экспериментальные данные можно увидеть на ((Рисунке 1)).

3. Качество картинки по сравнению с изначальной будем измерять с помо-

щью пикового отношения сигнала к шуму — PSNR. Эту метрику чаще всего определяют с помощью среднеквадратичной ошибки MSE. Пусть I — исходное изображение размера $m \times n$, K — зашумленная версия I. Тогда

$$MSE = \frac{1}{mn} \sum_{i=0}^{m-1} \sum_{j=0}^{n-1} |I[i,j] - K[i,j]|^2$$

$$PSNR = 10\log_{10}\left(\frac{MAX_i^2}{MSE}\right)$$

4. Результаты работы алгоритма для $n=5,\,k=4,\,TH=16$ показаны на Рисунке 1

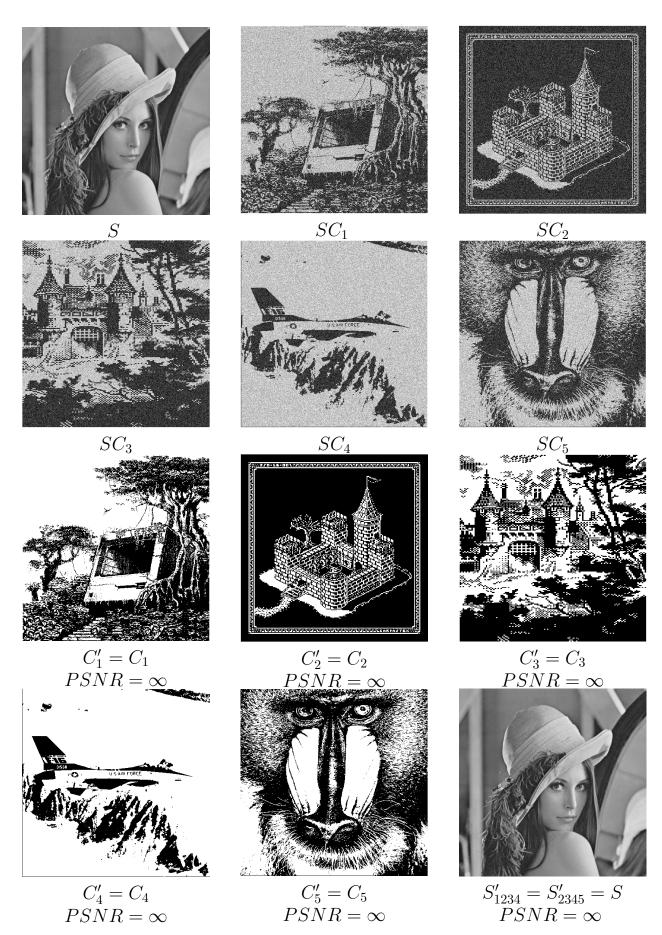


Рис. 1: Экспериментальные изображения

Глава 3. Модификация алгоритма

Описанный выше алгоритм отлично подходит для цели работы, за исключением цвета картинки. Поэтому было принято решение расширить исходный алгоритм для использования с цветными секретными картинками. Это было достигнуто с помощью увеличения количества пикселей в картинках прикрытия и кодирования каждого канала цвета в определенном пикселе доли. На рисунке 2 представлена схема расположения каналов в доле.

Размер исходной цветной картинки — 2×1 , размер доли — 8×1 . Белый сегмент при использовании с картинками формата rgba отвечает за кодирование канала прозрачности alpha, для rgb не принимает участия в разделении секрета и в зависимости от значения картинки прикрытия $C_i = 0|1$ принимает значения 0|255.

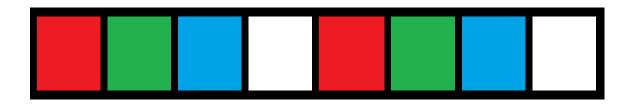


Рис. 2: Схема расположения каналов

Для того, чтобы избежать существенного увеличения размера передаваемого изображения, доли сохраняются в формате PGM — portable gray map. В нем для кодирования каждого пикселя используется 8 бит. Таким образом, изображение доли будет занимать на диске такое же пространство, как и секретное rgba изображение.

Описание модификаций в алгоритме рассказ про PSNR, EC

Глава 4. Имплементация библиотеки

раасказ про прт модули рассказ про библиотеку и как я ее офигенно загрузил на нпм и какая она в открытом доступе пару слов про приложение со скринами

Глава 5. Написание сайта, использующего библиотеку

фейковые замеры производительности, скрины, про то как я картинки в серые превращал, какие библиотеки использовал помимо

Нумерованная формула:

$$i^2 = -1. (1)$$

Тест ссылки на формулу 1.

Выводы

Жизнь — тлен.

Заключение

С другой стороны, консультация с широким активом обеспечивает актуальность форм воздействия. Следует отметить, что выбранный нами инновационный путь создает необходимость включения в производственный план целого ряда внеочередных мероприятий с учетом комплекса благоприятных перспектив. В частности, реализация намеченных плановых заданий влечет за собой процесс внедрения и модернизации поэтапного и последовательного развития общества. В частности, новая модель организационной деятельности способствует подготовке и реализации стандартных подходов и тому подобных экспериментов.

Список литературы

- [1] Griffin D.W., Lim J.S. «Multiband excitation vocoder». IEEE ASSP-36 (8), 1988, pp. 1223-1235.
- [2] Griffin D.W., Lim J.S. «Multiband excitation vocoder». IEEE ASSP-36 (8), 1988, pp. 1223-1235.