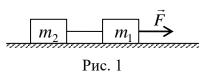
# Тема 1. Кинематика материальной точки и твердого тела

- 1. Определите скорость  $\upsilon$  и полное ускорение a точки в момент времени t=2 с, если она движется по окружности радиусом R=1 м согласно уравнению  $s=At+Bt^3$ , где A=8 м/с; B=-1 м/с<sup>3</sup>; s- криволинейная, т. е. дуговая координата, отсчитанная вдоль дуги окружности от некоторой точки на траектории, принятой за начальную.
- 2. По прямой линии движутся две материальные точки согласно уравнениям:  $x_1 = A_1 + B_1 t + C_1 t^2$  и  $x_2 = A_2 + B_2 t + C_2 t^2$ , где  $A_1 = 10$  м;  $B_1 = 1$  м/c;  $C_1 = 2$  м/c<sup>2</sup>;  $A_2 = 3$  м;  $B_2 = 2$  м/c;  $C_2 = 1$  м/c<sup>2</sup>. В какой момент времени  $\tau$  скорости этих точек будут одинаковы? Найдите ускорения  $a_1$  и  $a_2$  этих точек.
- 3. Точка движется по окружности радиусом R=9 м. В некоторый момент времени нормальное ускорение  $a_n$  точки равно 4 м/с², вектор полного ускорения  $\vec{a}$  образует в этот момент с вектором нормального ускорения  $\vec{a}_n$  угол  $\alpha=60^\circ$ . Найдите скорость  $\nu$  и тангенциальное ускорение  $a_\tau$  точки.
- 4. Точка движется по прямой согласно уравнению  $x = At + Bt^3$ , где A = 6 м/c; B = -0.125 м/c<sup>3</sup>. Определите среднюю путевую скорость  $\langle \upsilon_{\rm cp} \rangle$  точки в интервале времени от  $t_1 = 2$  с до  $t_2 = 6$  с.
- 5. Материальная точка движется прямолинейно. Уравнение движения имеет вид  $x = At + Bt^3$ , где A = 3 м/с; B = 0.06 м/с<sup>3</sup>. Найдите скорость  $\upsilon$  и ускорение a точки в моменты времени  $t_1 = 0$  и  $t_2 = 3$  с. Каковы средние значения скорости  $\langle \upsilon_{cp} \rangle$  и ускорения  $\langle a_{cp} \rangle$  за первые 3 с движения?
- 6. Диск радиусом R = 0.2 м вращается согласно уравнению  $\varphi = A + Bt + Ct^3$ , где A = 3 рад; B = -1 рад/с; C = 0.1 рад/с<sup>3</sup>. Определите тангенциальное  $a_{\tau}$ , нормальное  $a_n$  и полное a ускорения точек на ободе диска для момента времени  $t_1 = 10$  с.
- 7. Скорость точки, движущейся по окружности радиусом 4 м, изменяется по закону  $\upsilon = At + Bt^2$ , где  $A = 1 \text{ m/c}^2$ ;  $B = 3 \text{ m/c}^3$ . Найдите тангенциальное и полное ускорения точки в момент времени  $t_1 = 1 \text{ c}$ .
- 8. Найдите линейную скорость и нормальное ускорение точек поверхности Земли в ее суточном вращении на широте Минска ( $\varphi = 54^{\circ}$ ). Радиус Земли принять равным 6400 км.
- 9. Свободно падающее тело в последнюю секунду движения проходит половину всего пути. С какой высоты падает тело, и каково время  $t_1$  его падения?
- 10. Найдите угловое ускорение  $\varepsilon$  колеса, если известно, что через время  $t_1 = 2$  с после начала движения вектор полного ускорения точки, лежащей на ободе, составляет угол  $\alpha = 60^{\circ}$  с вектором ее линейной скорости.
- 11. Студент проехал половину пути на велосипеде со скоростью  $\upsilon_1=16$  км/ч. Далее половину оставшегося времени он ехал со скоростью  $\upsilon_2=12$  км/ч, а затем до конца пути шел пешком со скоростью  $\upsilon_3=5$  км/ч. Определите среднюю скорость студента на всем пути.
- 12. Двигаясь с постоянным ускорением в одном направлении, тело за два последовательных промежутка времени величиной по t=2 с каждый проходит отрезки пути  $s_1=16$  м и  $S_2=8$  м. Найдите скорость тела в начале первого отрезка?
- 13. Самолет летит на высоте h = 180 м со скоростью  $\upsilon_1 = 180$  км/ч. С самолета надо сбросить пакет на катер, который движется со скоростью  $\upsilon_2 = 21,3$  км/ч навстречу самолету. На каком расстоянии от катера нужно сбросить пакет?
- 14. Колесо автомашины вращается равнозамедленно. За время t=2 мин оно изменило частоту вращения от  $n_1=240$  об/мин до  $n_2=60$  об/мин. Определите угловое ускорение колеса и число полных оборотов.
- 15. Три четверти пути автомобиль прошел со скоростью  $\upsilon_1 = 60$  км/ч, оставшуюся часть пути со скоростью  $\upsilon_2 = 80$  км/ч. Какова средняя скорость автомобиля?
- 16. Тело движется из состояния покоя равноускоренно и в течение пятой секунды от начала движения прошло путь s = 27 м. С каким ускорением двигалось тело?

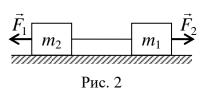
- 17. В мишень с расстояния l=50 м сделали два выстрела в горизонтальном направлении при одинаковой наводке винтовки. Скорость первой пули  $\upsilon_1=320$  м/с, второй  $-\upsilon_2=350$  м/с. Определите расстояние между пробоинами.
- 18. Трамвай начал двигаться равноускоренно по закругленному участку пути и, пройдя расстояние  $s=250\,$  м, развил скорость  $\upsilon=36\,$  км/ч. Найдите тангенциальное, нормальное и полное ускорения трамвая через время  $t=40\,$  с после начала движения. Радиус закругления  $R=200\,$  м.
- 19. Расстояние между двумя светофорами машина прошла на первом участке, равном 0,1 всей его длины, равноускоренно и набрала скорость  $\upsilon = 20$  м/с. Затем она шла равномерно с этой скоростью и на последнем участке, равном по длине первому, тормозила с постоянным ускорением. Какова средняя скорость автомашины?
- 20. Свободно падающее тело последние h=196 м прошло за время t=4 с. С какой высоты и сколько времени падало тело?
- 21. С башни высотой h=30 м в горизонтальном направлении брошено тело с начальной скоростью  $\upsilon_0=10$  м/с. Определите уравнение траектории тела и скорость тела в момент падения на Землю.
- 22. Якорь электродвигателя, имеющий частоту вращения n=50 об/с после выключения тока, сделав N=628 оборотов, остановился. Определите угловое ускорение якоря.
- 23. Расстояние между двумя станциями, равное S=36 км, поезд прошел со средней скоростью  $\upsilon_{\rm cp}=54$  км/ч. На разгон он тратил время  $t_1=2$  мин, на снижение скорости  $-t_3=1$  мин, а остальное время поезд двигался с постоянной скоростью. Определите наибольшую скорость  $\upsilon_{\rm max}$ .
- 24. Тело движется из состояния покоя равноускоренно. Во сколько раз путь, пройденный за вторую секунду, больше пути, пройденного за первую секунду?
- 25. Диск радиусом R=10 см вращается так, что зависимость линейной скорости точек, лежащих на ободе диска, от времени задается уравнением  $\upsilon = At + Bt^2$ , где A=0,3 м/с², B=0,1 м/с³. Определите угол  $\alpha$ , который образует вектор полного ускорения с радиусом диска через время  $t_2=2$  с от начала движения.
- 26. Из пункта A в пункт B пароход идет по течению реки  $t_1 = 5$  сут, а обратно  $-t_2 = 7$  сут. Как долго будет плыть плот от пункта A до пункта B?
- 27. Автомобиль, двигаясь равноускоренно, через время t = 5 с после начала движения достиг скорости  $\upsilon = 36$  км/ч. Какой путь прошел автомобиль за третью секунду движения?
- 28. Тело брошено горизонтально со скоростью  $\upsilon_0=15$  м/с. Пренебрегая сопротивлением воздуха, определите радиус кривизны R траектории тела через время t=2 с после начала движения.
- 29. С какой высоты падало тело без начальной скорости, если путь, пройденный за последнюю секунду, в n=7 раз больше пути, пройденного за первую секунду.
- 30. Колесо вращается с постоянным угловым ускорением  $\varepsilon = 3$  рад/ $c^2$ . Определите радиус колеса, если через время t = 1 с после начала движения полное ускорение колеса составляло a = 7.5 м/ $c^2$ .
- 31. Точка движется по окружности радиусом R=30 см с постоянным угловым ускорением  $\epsilon$ . Определить тангенциальное ускорение  $a_{\tau}$  точки, если известно, что за время t=4 с она совершила три оборота и в конце третьего оборота ее нормальное ускорение  $a_n$  =2,7 м/c².
- 32. Материальная точка движется по окружности постоянной угловой скоростью  $\omega = \pi/6$  рад/с. Во сколько раз путь  $\Delta S$ , пройденный точкой за время t=4 с, будет больше модуля ее перемещения  $\Delta r$ ?

# Тема 2. Динамика материальной точки и поступательного движения твердого тела

- 1. С высоты h=2 м на стальную плиту свободно падает шарик массой m=200 г и подпрыгивает на высоту  $h_1=0.5$  м. Определите изменение  $\Delta p$  импульса шарика при ударе, а также среднюю силу, полученную стенкой при ударе, если длительность удара  $\Delta t=0.01$  с.
- 2. Определите импульс  $\Delta \vec{p}$ , полученный стенкой при ударе о нее шарика массой m=300 г, а также среднюю силу удара, если шарик двигался со скоростью  $\upsilon_0=8$  м/с под углом  $\alpha=60^\circ$  к плоскости стенки. Удар о стенку считать упругим. Длительность удара  $\Delta t=0.02$  с.
- 3. Через блок, укрепленный на конце стола, перекинута нерастяжимая нить, к концам которой прикреплены грузы, один из которых ( $m_1 = 400 \, \Gamma$ ) движется по поверхности стола, а другой ( $m_2 = 600 \, \Gamma$ ) вдоль вертикали вниз. Коэффициент трения f груза о стол равен 0,1. Считая нить и блок невесомыми, определите: 1) ускорение a; 2) силу натяжения T нити.

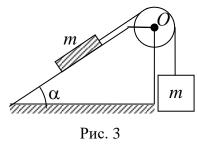


- 4. Два груза ( $m_1 = 0.5$  кг и  $m_2 = 0.7$  кг), связанные невесомой и нерастяжимой нитью, лежат на шероховатой горизонтальной поверхности (рис. 1). К грузу  $m_1$  приложена горизонтально направленная сила F = 6 Н. Коэффициент трения грузов о поверхность f = 0.1. Определите: 1) ускорение a грузов; 2) силу натяжения T нити.
- 5. Наклонная плоскость, образующая угол  $\varphi = 25^{\circ}$  с горизонтом, имеет длину l = 2 м. Тело соскользнуло с этой плоскости за  $t_1 = 2$  с. Определите коэффициент трения f тела о плоскость.
- 6. Тело скользит по наклонной плоскости, составляющей с горизонтом угол  $\alpha=45^\circ$ . Зависимость пройденного телом пути от времени описывают уравнением  $s=ct^2$ , где c=1,73 м/c². Определите коэффициент трения f тела о плоскость.



- 7. Под действием некоторой силы  $\vec{F}$  материальная точка массой m=2 кг движется прямолинейно согласно уравнению  $x=2+5t+t^2-0.2t^3$ . Найдите значение этой силы в моменты времени  $t_1=2$  с и  $t_2=5$  с. В какой момент времени  $t_3$  сила равна нулю?
- 8. Два тела массами  $m_1=4$  кг и  $m_2=6$  кг связаны нитью, выдерживающей натяжение T=16 H (рис. 2). К телам приложены

силы  $F_1 = 2kt$  и  $F_2 = kt$  (коэффициент k = 0,1 H/c; t - время). Определите, в какой момент времени нить порвется. Трением пренебречь.



- 9. В установке угол  $\alpha$  наклона плоскости с горизонтом равен 30°, массы тел одинаковы и равны m=1 кг (рис. 3). Считая нить и блок невесомыми и пренебрегая трением в оси блока, определите силу давления на ось, если коэффициент трения f между наклонной плоскостью и движущимся по ней телом равен 0,1.
- 10. К пружинным весам подвешен блок. Через блок перекинут шнур, к концам которого привязаны грузы  $m_1 = 1,5$  кг и  $m_2 = 3$  кг. Каково будет показание T весов во время движения грузов? Массой блока и шнура пренебречь.
- 11. Найдите удлинение стальной пружины длиной l = 50 см, к концу которой прикреплен шарик массой m = 100 г, если он при вращении делает n = 60 об/мин. Жесткость пружины k = 10 кН/м.
- 12. Груз массой m=100 кг перемещают равноускоренно по горизонтальной поверхности, прилагая силу F=200 H, направленную под углом  $\alpha=30^\circ$  к горизонту. С каким ускорением движется тело, если коэффициент трения равен f=0,1? Начальная скорость равна нулю.
- 13. На дне шахтной клети лежит груз массой m=100 кг. Каков будет вес этого груза, если клеть: а) поднимается с ускорением a=0,3 м/с<sup>2</sup> вертикально вверх; б) движется равномерно; в) опускается с ускорением a=0,4 м/с<sup>2</sup>; г) свободно падает?
- 14. Ящик массой m=20 кг тянут с силой F=120 Н по горизонтальной поверхности. Если эта сила приложена под углом  $\alpha_1=60^\circ$  к горизонту, то ящик движется равномерно. С каким ускорением будет двигаться ящик, если ту же силу приложить под углом  $\alpha_2=30^\circ$  к горизонту?
- 15. С горы высотой h=2 м и основанием b=5 м съезжают санки, которые останавливаются, пройдя горизонтально путь s=35 м от основания горы. Найдите коэффициент трения, считая его постоянным на всем пути.
  - 16. На длинной нити, перекинутой через блок, подвешены на одном уровне одинаковые грузы.

От одного из грузов отделяется часть, масса которой равна 1/5 массы груза, и через время t=1 с падает на землю. Через какое время после этого достигнет земли другой груз?

- 17. Автомобиль массой m=1 т едет по выпуклому мосту, радиус кривизны которого R=250 м, со скоростью  $\upsilon=72$  км/ч. С какой силой F давит автомобиль на мост в точке, направление на которую из центра кривизны моста составляет угол  $\alpha=30^\circ$  с вертикалью?
- 18. Вес некоторого тела на полюсе Земли на  $\Delta P=313,6$  мН больше, чем его вес на экваторе. Чему равна масса этого тела? Угловая скорость вращения Земли вокруг своей оси  $\omega=79$  мкрад/с, радиус Земли  $R_3=6400$  км.
- 19. На какой высоте над поверхностью Земли ускорение свободного падения в 16 раз меньше, чем на земной поверхности? Радиус Земли  $R_3 = 6400$  км.
- 20. Брусок массой m=2,8 кг перемещают вверх вдоль вертикальной стены с помощью силы, равной  $F=70\,$  Н и направленной под углом  $\alpha$  к вертикали. Найдите ускорение бруска, если известно, что  $\sin\alpha=0,6$ , а коэффициент трения между стеной и бруском  $\mu=0,4$ .
- 21. Через блок перекинута нить, к одному концу которой прикреплен груз массой  $m_1 = 30$  г. Другой конец нити соединен с невесомой пружиной, к концу которой прикреплен груз массой  $m_2 = 50$  г. При движении грузов длина пружины равна l = 17,5 см. Какова длина пружины в нерастянутом состоянии, если под действием силы в F = 1 Н пружина удлиняется на  $\Delta l = 0,2$  м?
- 22. Радиус некоторой планеты в 10 раз больше, чем радиус Земли, а средняя плотность вещества планеты в 2 раза меньше средней плотности Земли. Во сколько раз ускорение свободного падения на поверхности планеты больше, чем на поверхности Земли?
- 23. Деревянный брусок массой  $m_1 = 400$  г лежит на столе. К нему привязана нить, перекинутая через неподвижный блок, укрепленный на конце стола. К свободному концу нити подвешен груз массой  $m_2 = 100$  г, вследствие чего брусок приходит в движение и проходит из состояния покоя путь s=8 см за время t=2 с. Найдите коэффициент трения.
- 24. Лыжник спускается с горы высотой h=12 м и длиной l=36 м, а затем движется по горизонтальному пути до полной остановки. Определите длину горизонтального пути, если коэффициент трения f=0.05.
- 25. Какой угол с вертикалью образует нить конического маятника (тело, подвешено на нити, которая при движении описывает коническую поверхность) длиной  $l=1,2\,$  м, если его период обращения  $T=2\,$  с?
- 26. С какой минимальной скоростью должен ехать мотоциклист по внутренней поверхности вертикального цилиндра радиусом R=10 м, чтобы все время оставаться в одной горизонтальной плоскости? Коэффициент трения между шинами мотоцикла и поверхностью цилиндра равен f=0,25.
- 27. Расстояние между центрами Земли и Луны равно 60 земным радиусам. Масса Луны в 81 раз меньше массы Земли. На каком расстоянии от поверхности Земли находится точка, в которой тело притягивается Землей и Луной с одинаковой силой?
- 28. Гирька массой m=100 г, привязанная к резиновому шнуру, вращается с угловой скоростью  $\omega=10$  рад/с по окружности в горизонтальной плоскости так, что шнур составляет угол  $\alpha=60^\circ$  с вертикалью. Найдите длину нерастянутого шнура, если его жесткость k=40 Н/м.
- 29. Для равномерного подъема груза массой m=100 кг по наклонной плоскости с углом наклона  $\alpha=30^\circ$  надо прилагать силу F=600 Н. С каким ускорением будет двигаться груз вниз, если его отпустить?
- 30. Груз массой 20 кг перемещается вверх по наклонной плоскости с углом наклона 30° и коэффициентом трения 0.05 под действием силы 500 H, направленной горизонтально. За сколько времени тело из состояния покоя пройдет путь 2 м и какую скорость приобретет в конце этого пути?
- 31. Небольшой шарик массой 250 г, прикрепленный к концу нити, равномерно вращают в вертикальной плоскости. На сколько сила натяжения нити в нижней точке траектории больше, чем в верхней?
- 32. Два бруска, связанные нитью, поднимают вверх вдоль наклонной плоскости, прикладывая к верхнему бруску массой 2 кг силу 30 H, параллельную плоскости. Коэффициенты трения между брусками и плоскостью одинаковы. Найдите силу натяжения нити, если масса нижнего бруска 4 кг.

#### Тема 3. Импульс, работа, мощность, энергия

- 1. Снаряд, летевший горизонтально со скоростью  $\upsilon_0 = 400$  м/с, разорвался на два осколка. Меньший осколок, масса которого составляет 40% от массы снаряда, полетел в противоположном направлении со скоростью  $\upsilon_1 = 200$  м/с. Определите скорость  $\upsilon_2$  большого осколка.
- 2. В подвешенный на нити длиной l=1,8 м деревянный шар массой  $m_1=8$  кг попадает горизонтально летящая пуля массой  $m_2=4$  г. С какой скоростью летела пуля, если нить с шаром и застрявшей в нем пулей отклонилась от вертикали на угол  $\alpha=3^\circ$ ? Размером шара пренебречь. Удар пули считать прямым, центральным.
- 3. На подножку вагонетки массой  $m_0$ , которая движется прямолинейно со скоростью  $\upsilon_0$ , прыгает человек массой m в направлении, перпендикулярном ходу вагонетки. Определите скорость вагонетки вместе с человеком.
- 4. Шар массой m=1 кг, катящийся без скольжения по сильно шероховатой поверхности, ударяется о стену и отскакивает от нее. Скорость центра шара до удара  $\upsilon_1=10$  м/с, после удара  $-\upsilon_2=8$  м/с. Найдите количество теплоты, выделившееся при ударе.
- 5. Снаряд массой  $m_1 = 29$  кг, летевший горизонтально, попадает в платформу с песком массой  $m_2 = 10~000$  кг и застревает в песке. С какой скоростью летел снаряд, если платформа начала двигаться со скоростью  $\upsilon_2 = 1~\text{m/c}$ ?
- 6. При горизонтальном полете со скоростью  $\upsilon_0 = 250$  м/с снаряд массой m=8 кг разорвался на две части. Большая часть массой  $m_1=6$  кг получила скорость  $\upsilon_1=400$  м/с в направлении полета снаряда. Определите абсолютное значение и направление скорости  $\vec{\upsilon}_2$  меньшей части снаряда.
- 7. Шар массой  $m_1 = 4$  кг движется со скоростью  $\upsilon_1 = 5$  м/с и сталкивается с шаром массой  $m_2 = 6$  кг, который движется ему навстречу со скоростью  $\upsilon_2 = 2$  м/с. Считая удар прямым центральным, а шары однородными абсолютно упругими, найдите проекции их скоростей после удара на ось x, направленную вдоль вектора  $\vec{\upsilon}_1$ .
- 8. Вагон массой m=30 т движется на упор (стенку) со скоростью  $\upsilon_0=0.2$  м/с. При полном торможении вагона (в момент его остановки) буферные пружины вагона сжимаются на  $\Delta l=12$  см. Определите максимальную силу  $F_{\rm max}$  сжатия пружин.
- 9. Шар массой  $m_1 = 5$  кг движется со скоростью  $\upsilon_1 = 1$  м/с и сталкивается с покоящимся шаром массой  $m_2 = 3$  кг. Определите скорости  $u_1$  и  $u_2$  шаров после удара. Шары считать однородными, абсолютно упругими, удар прямым центральным.
- 10. Стальная пуля массой m=10 г, имеющая скорость  $\upsilon_0$ , пробивает подвешенный на тонкой нити свинцовый шар массой M=0,1 кг, в результате чего скорость пули уменьшается вдвое. Какая часть начальной кинетической энергии пули пошла на нагревание?
- 11. Тележка двигается с постоянной скоростью. Человек, скорость которого в 2 раза больше, догоняет тележку, вскакивает на нее и остается на ней, в результате чего скорость тележки увеличивается на 20%. Во сколько раз масса тележки больше массы человека?
- 12. Определите мощность подъемника, который равномерно поднимает вверх по наклонной плоскости с углом наклона  $\alpha=30^\circ$  груз, импульс которого  $p=3\cdot 10^3$  кг·м/с. Коэффициент трения равен  $\mu=0,2$ .
- 13. С башни высотой h=30 м горизонтально брошен камень. Найдите потенциальную энергию камня через время t=2 с после начала движения. Масса камня m=0,2 кг. На поверхности земли потенциальная энергия равна нулю.
- 14. Тело массой  $m_1 = 0.5$  кг падает с некоторой высоты на плиту массой  $m_2 = 1$  кг, укрепленную на пружине жесткостью k = 4 кH/м. Определите, на какую длину сожмется пружина, если в момент удара скорость груза  $\upsilon = 5$  м/с. Удар считать неупругим.
- 15. В воде с глубины h=5 м поднимают равномерно до поверхности камень объемом V=0.6 м<sup>3</sup>. Плотность камня  $\rho=2500$  кг/м<sup>3</sup>. Найдите работу по подъему камня. Плотность воды  $\rho_{\rm B}=10^3$  кг/м<sup>3</sup>.
- 16. В результате взрыва ракета разлетается на три части. Два куска летят под прямым углом друг к другу. Кусок массой  $m_1 = 1$  кг со скоростью  $\upsilon_1 = 12$  м/с, кусок массой  $m_2 = 2$  кг со скоростью  $\upsilon_2 = 8$  м/с. Третий кусок отлетает со скоростью  $\upsilon_3 = 40$  м/с. Какова его масса? 2 семестр 2023-2024 уч.г., ФИТ, 1 курс, Тульев В.В.

- 17. Две пружины одинаковой длины, имеющие жесткости  $k_1$  и  $k_2$ , соединены между собой одним концом последовательно. Какую работу надо совершить, чтобы растянуть пружины на x см?
- 18. Если акробат стоит неподвижно на сетке, то она прогибается на  $\Delta l = 5$  см. На сколько прогнется эта сетка, если акробат прыгнет на нее с высоты h = 10 м?
- 19. Неупругие шары массами  $m_1 = 1$  кг и  $m_2 = 2$  кг движутся навстречу друг другу со скоростями соответственно  $\upsilon_1 = 1$  и  $\upsilon_2 = 2$  м/с. Найдите изменение кинетической энергии системы при ударе.
- 20. Тело массой m=1 кг свободно падает с высоты h=20 м на вертикально стоящую пружину. При ударе пружина сжимается на  $\Delta l=0,1$  м. Определите жесткость пружины.
- 21. Шар массой m=4 кг, имевший скорость  $\upsilon_1=5$  м/с, сталкивается с покоящимся шаром такой же массы. После абсолютно неупругого столкновения шары двигаются с одинаковыми скоростями. Сколько теплоты выделилось при столкновении?
- 22. Груз массой  $m_1=2$  кг соскальзывает без трения с наклонной доски на неподвижную платформу массой  $m_2=18$  кг. С какой скоростью начнет двигаться платформа, когда груз упадет на нее? Угол наклона доски к горизонту  $\alpha=60^\circ$ , высота начального положения груза над уровнем платформы h=1,8 м.
- 23. Человек массой  $m_1 = 60$  кг, стоя на коньках, горизонтально бросает перед собой груз массой  $m_2 = 2$  кг со скоростью  $\upsilon = 3$  м/с, а сам откатывается назад. Через сколько секунд после броска человек остановится, если коэффициент трения коньков о лед  $\mu = 0.01$ ?
- 24. Падающим с высоты h=1,2 м грузом забивают сваю, которая от удара уходит в землю на  $\Delta x=2$  см. Определите среднюю силу удара и его продолжительность, если масса груза m=500 кг, а масса сваи значительно меньше массы груза.
- 25. Пуля, летящая горизонтально, попадает в шар, подвешенный на легком жестком стержне. Масса пули в 1000 раз меньше массы шара. Расстояние от точки подвеса стержня до центра шара равно l=1 м. Найдите скорость пули, если стержень с шаром от удара пули отклонится на угол  $\alpha=10^\circ$  от вертикали.
- 26. Летевший снаряд разорвался на два осколка с равными массами. Скорости осколков равны  $\upsilon_1=300$  м/с и  $\upsilon_2=400$  м/с, угол между векторами скоростей равен  $\alpha=90^\circ$ . Найдите скорость снаряда до разрыва.
- 27. Мяч, летевший со скоростью  $\upsilon_1=15\,$  м/с, отбрасывается ударом ракетки в противоположное направление со скоростью  $\upsilon_2=20\,$  м/с. Чему равно изменение импульса мяча, если изменение его кинетической энергии при этом составляет  $\Delta K=8,75\,$ Дж?
- 28. Вагон массой  $m_1 = 50$  т движется со скоростью  $\upsilon = 12$  км/ч и встречает стоящую на пути платформу массой  $m_2 = 30$  т. Вычислите расстояние, пройденное платформой и вагоном после сцепления, если коэффициент трения равен  $\mu = 0.05$ .
- 29. Санки с седоком общей массой m=100 кг съезжают с горы высотой h=8 м и длиной l=100 м. Какова средняя сила сопротивления движению санок, если в конце горы они достигли скорости  $\upsilon=10$  м/с, а начальная скорость равна нулю.
- 30. Груз массой m=5 кг падает с высоты h=5 м и проникает в грунт на  $\Delta x=5$  см. Определите среднюю силу сопротивления грунта.
- 31. Шар массой  $m_1$ =4 кг движется со скоростью  $v_1$ =5 м/с и сталкивается с шаром массой  $m_2$ =6 кг, который движется ему навстречу со скоростью  $v_2$ =2 м/с. Определить скорости  $u_1$  и  $u_2$  шаров после удара. Удар считать абсолютно упругим, прямым, центральным.
- 32. Налетев на пружинный буфер, вагон массой m=16 т, двигавшийся со скоростью v=0.6 м/с, остановился, сжав пружину на  $\Delta l=8$  см. Найти общую жесткость k пружин буфера.

#### Тема 4. Динамика поступательного и вращательного движений твердого тела.

- 1. На обод маховика диаметром d=60 см намотан шнур, к концу которого привязан груз массой m=2 кг. Определите осевой момент инерции  $I_x$  маховика, если он, вращаясь равноускоренно под действием силы тяжести груза, за время  $t_1=3$  с приобрел угловую скорость  $\omega_1=9$  рад/с.
- 2. Нить с привязанными к ее концам грузами массой  $m_1 = 50$  г и  $m_2 = 60$  г перекинута через блок диаметром d = 4 см. Определите осевой момент инерции блока, если он вращается с угловым ускорением  $\varepsilon = 1,5$  рад/ $c^2$ .
- 3. Стержень массой m=0,3 кг и длиной l=40 см вращается вокруг оси, проходящей через его середину согласно уравнению  $\varphi=At+Bt^3$ , где B=0,2 рад/с $^3$ . Определите вращающий момент M, действующий на стержень в момент времени  $t_1=2$  с.
- 4. Горизонтальная платформа массой  $m_1 = 120$  кг вращается с частотой  $n_1 = 6$  об/мин. Человек массой  $m_2 = 80$  кг стоит на краю платформы. С какой частотой  $n_2$  начнет вращаться платформа, если человек перейдет в ее центр? Платформу принять за однородный диск, а человека считайте материальной точкой.
- 5. Определите момент силы M, который необходимо приложить к блоку, вращающемуся с частотой  $n_0 = 12$  с<sup>-1</sup>, чтобы он при равнозамедленном торможении остановился в течение времени  $\Delta t = 8$  с. Диаметр блока d = 30 см. Массу блока m = 6 кг считать равномерно распределенной по ободу.
- 6. Блок, имеющий форму диска массой m=0,4 кг, вращается под действием сил натяжения нити, к концам которой подвешены грузы массами  $m_1=0,3$  кг и  $m_2=0,7$  кг. Определите силы  $T_1$  и  $T_2$  натяжения нити по обе стороны блока.
- 7. К ободу однородного сплошного диска массой m=10 кг, насаженного на ось, приложена касательная сила F=30 Н. Определите радиус R диска, если через время  $t_1=4$  с после начала действия силы угловая скорость  $\omega_1$  стала равной 240 рад/с.
- 8. К ободу однородного сплошного диска радиусом R=0.5 м приложена постоянная касательная сила F=100 Н. При вращении диска на него действует момент сил трения  $M_{\rm Tp}=2$  Н·м. Определите массу m диска, если известно, что его угловое ускорение  $\varepsilon$  постоянно и равно  $\varepsilon=16$  рад/ ${\rm c}^2$ .
- 9. На барабан радиусом R = 0.5 м намотан шнур, к концу которого привязан груз массой m = 10 кг. Найдите осевой момент инерции барабана, если известно, что груз опускается с ускорением a = 2.04 м/с<sup>2</sup>.
- 10. Вертикально расположенный стержень массой m=2 кг и длиной l=1 м может вращаться вокруг горизонтальной оси, проходящей через его середину перпендикулярно стержню. В конец стержня попадает пуля массой  $m_2=10$  г, летящая перпендикулярно оси и стержню со скоростью  $\upsilon=500$  м/с. Определите угловую скорость, с которой начнет вращаться стержень, если пуля застрянет в нем.
- 11. Маховик в виде сплошного диска, момент инерции которого I = 1,5 кг·м², вращаясь при торможении равнозамедленно за промежуток времени t = 1 мин уменьшил частоту своего вращения с  $n_1 = 240$  об/мин до  $n_2 = 120$  об/мин. Определите угловое ускорение маховика, момент силы торможения и работу торможения.
- 12. На однородный сплошной цилиндрический вал радиусом R=50 см намотана легкая нить, к концу которой прикреплен груз массой m=6,4 кг. Груз, разматывая нить, опускается с ускорением a=2 м/с². Определите момент инерции вала.
- 13. Человек массой  $m_1 = 60$  кг, стоящий на краю горизонтальной платформы массой  $m_2 = 120$  кг, вращающейся по инерции вокруг неподвижной вертикальной оси с частотой  $n_1 = 10$  об/мин, переходит к ее центру. Считая платформу круглым однородным диском, а человека точечной массой, определите, с какой частотой будет вращаться платформа.
- 14. К ободу однородного сплошного диска массой m=10 кг, насаженного на ось, приложена постоянная касательная сила F=30 Н. Определите кинетическую энергию через время t=4 с после начала действия силы.
- 15. На однородный сплошной цилиндрический вал радиусом R=20 см, момент инерции которого I=0,15 кг·м², намотана легкая нить, к концу которой прикреплен груз массой m=0,5 кг. До начала вращения барабана высота груза над полом составляла h=2,3 м. Определите время спуска груза до пола.
- 16. Вентилятор вращается с частотой n=600 об/мин. После выключения он начал вращаться равнозамедленно и, сделав N=50 оборотов, остановился. Работа сил торможения равна A=31.4 Дж. Определите момент сил торможения и момент инерции вентилятора.

- 17. Через неподвижный блок в виде однородного сплошного цилиндра массой m=0,2 кг перекинута невесомая нить, к концам которой прикреплены тела массой  $m_1=0,35$  кг и  $m_2=0,55$  кг. Пренебрегая трением в оси блока, определите ускорение грузов.
- 18. К ободу однородного сплошного диска радиусом R = 50 см приложена постоянная касательная сила F = 100 Н. При вращении диска на него действует момент сил трения  $M_{\rm rp} = 2$  Н·м. Определите массу диска, если известно, что его угловое ускорение постоянно и равно  $\varepsilon = 16$  рад/с<sup>2</sup>.
- 19. К ободу однородного диска радиусом R = 0.2 м приложена касательная сила F = 98.1 Н. При вращении на диск действует момент сил трения  $M_{\rm Tp} = 4.9$  Н·м. Найти массу m диска, если известно, что диск вращается с угловым ускорением  $\varepsilon = 100$  рад/с<sup>3</sup>.
- 20. Шар массой m=1 кг, катящийся без скольжения, ударяется о стенку и откатывается от нее. Скорость шара до удара о стенку  $\upsilon=10$  см/с, после удара u=8 см/с. Найти количество теплоты Q, выделившееся при ударе шара о стенку.
- 21. Однородный диск радиусом R=0.2 м и массой m=5 кг вращается вокруг оси, проходящей через его центр перпендикулярно к его плоскости. Зависимость угловой скорости  $\omega$  вращения диска от времени t дается уравнением ( $\omega=A+Bt$ , где B=8 рад/ $c^2$ ). Найти касательную силу F, приложенную к ободу диска. Трением пренебречь.
- 22. Маховик, момент инерции которого I = 63,6 кг-м², вращается с угловой скоростью  $\omega = 31,4$  рад/с. Найти момент сил торможения M, под действием которого маховик останавливается через время t = 20 с. Маховик считать однородным диском.
- 23. К ободу колеса радиусом R = 0.6 м и массой m = 50 кг приложена касательная сила F = 98.1 Н. Найти угловое ускорение  $\varepsilon$  колеса. Через какое время t после начала действия силы колесо будет иметь частоту вращения n = 100 об/с? Колесо считать однородным диском. Трением пренебречь.
- 24. На краю платформы в виде диска, вращающейся по инерции вокруг вертикальной оси с частотой  $n_1 = 8$  мин<sup>-1</sup>, стоит человек массой  $m_1 = 70$  кг. Когда человек перешел в центр платформы, она стала вращаться с частотой  $n_2 = 10$  мин<sup>-1</sup>. Определите массу  $m_2$  платформы. Момент инерции человека рассчитывать как для материальной точки.
- 25. Две гири с массами  $m_1$  =2 кг и  $m_2$  = 1 кг соединены нитью, перекинутой через блок массой m =1 кг. Найти ускорение a, с которым движутся гири, и силы натяжения  $T_1$  и  $T_2$  нитей, к которым подвешены гири. Блок считать однородным диском. Трением пренебречь.
- 26. На барабан массой  $m_0 = 9$  кг намотан шнур, к концу которого привязан груз массой m = 2 кг. Найти ускорение a груза. Барабан считать однородным цилиндром. Трением пренебречь.
- 27. Колесо радиусом R=30 см и массой m=3 кг скатывается без трения по наклонной плоскости длиной l=5 м и углом наклона  $\alpha=25^{\circ}$ . Определите момент инерции колеса, если его скорость в конце движения составляла  $\upsilon=4,6$  м/с.
- 28. Человек находится на платформе и держит в руках стержень длиной 2.4 м и массой 8 кг, расположенный вертикально по оси вращения платформы. Платформа с человеком вращается с частотой 1  $\rm c^{-1}$ . С какой частотой будет вращаться платформа с человеком, если он повернёт стержень в горизонтальное положение. Суммарный момент инерции человека и платформы 6 кг·м<sup>2</sup>..
- 29. Горизонтально расположенный деревянный стержень массой  $m_1 = 0.8$  кг и длиной l = 1.8 м может вращаться вокруг перпендикулярной к нему вертикальной оси, проходящей через его середину. В конец стержня попадает и застревает в нем пуля массой  $m_2 = 3$  г, летящая перпендикулярно к оси и к стержню со скоростью  $\upsilon_2 = 50$  м/с. Определите угловую скорость  $\omega$ , с которой начинает вращаться стержень.
- 30. Блок массой m=1 кг укреплен на конце стола. Гири 1 и 2 одинаковой массы  $m_1=m_2=1$  кг соединены нитью, перекинутой через блок. Коэффициент трения гири 2 о стол f=0,1. Найти ускорение a, с которым движутся гири, и силы натяжения  $T_1$  и  $T_2$  нитей. Блок считать однородным диском. Трением в блоке пренебречь.
- 31. На краю платформы в виде диска, вращающейся по инерции вокруг вертикальной оси с частотой  $n_1 = 8$  мин $^{-1}$ , стоит человек массой  $m_1 = 70$  кг. Когда человек перешел в центр платформы, она стала вращаться с частотой  $n_2 = 10$  мин $^{-1}$ . Определите массу  $m_2$  платформы. Момент инерции человека рассчитывать как для материальной точки.
- 32. Колесо радиусом R=30 см и массой m=3 кг скатывается без трения по наклонной плоскости длиной l=5 м и углом наклона  $\alpha=25^\circ$ . Определите момент инерции колеса, если его скорость в конце движения составляла  $\upsilon=4,6$  м/с.

## Тема 5. Термодинамические процессы. Внутренняя энергия идеального газа

- 1. Вычислите удельные теплоемкости  $c_V$  и  $c_p$  смеси неона и водорода, если массовые доли неона и водорода соответственно равны 80% и 20%. Газы считать идеальными.
- 2. Определите суммарную кинетическую энергию поступательного движения всех молекул идеального газа, находящегося в сосуде вместимостью V=3 л под давлением p=540 кПа.
- 3. Для одного моля ( $\nu=1$  моль) некоторого двухатомного газа внутренняя энергия U=6,02 кДж/моль. Определите среднюю кинетическую энергию вращательного движения одной молекулы этого газа. Газ считать идеальным.
- 4. Определите молярную массу M двухатомного идеального газа и его удельные теплоемкости, если известно, что разность удельных теплоемкостей этого газа равна  $c_p c_V = 260$  Дж/(кг·К).
- 5. Определите показатель адиабаты идеального газа, который при температуре T = 350 K и давлении  $p = 0.4 \text{ M}\Pi$ а занимает объем V = 300 л, а его теплоемкость  $C_V = 857 \text{ Дж/K}$ .
- 6. Определите молярные теплоемкости идеального газа, если его удельные теплоемкости  $c_V = 10.4 \text{ кДж/(кг·K)}$  и  $c_p = 14.6 \text{ кДж/(кг·K)}$ .
- 7. Трехатомный идеальный газ под давлением  $p=240~{\rm k\Pi a}$  и температуре  $t=20{\rm ^{\circ}C}$  занимает объем V=10 л. Определите теплоемкость  $C_p$  этого газа при постоянном давлении.
- 8. Углекислый газ массой m=88 г занимает при температуре T=290 К объем V=1000 см<sup>3</sup>. Рассчитайте его внутреннюю энергию, если газ идеальный.
- 9. Определите показатель адиабаты  $(C_p/C_V)$  для смеси газов, содержащей гелий массой  $m_1 = 8$  г и водород массой  $m_2 = 2$  г. Газы считать идеальными.
- 10. Чему равна степень диссоциации молекул азота, если известно, что отношение  $C_p/C_V = 1.47?$  Газ считать идеальным.
- 11. Определите количество теплоты Q, которое надо сообщить кислороду объемом V=50 л при его изохорном нагревании, чтобы давление газа повысилось на  $\Delta p=0.5$  МПа. Газ считать идеальным.
- 12. Азот массой m=280 г занимает объем  $V_1=100$  л и находится под давлением  $p_1=100$  кПа. При нагревании газ расширился при постоянном давлении до объема  $V_2=500$  л, а затем его давление возросло до  $p_3=300$  кПа при неизменном объеме. Найдите изменение внутренней энергии  $\Delta U$  газа, совершенную газом работу A и теплоту Q, переданную газу. Постройте график процесса. Газ считать идеальным.
- 13. При изотермическом расширении азота при температуре  $T=280~{\rm K}$  его объем увеличился в 2 раза. Масса азота  $m=0,2~{\rm kr}$ . Определите: 1) совершенную при расширении работу A; 2) изменение  $\Delta U$  внутренней энергии; 3) количество теплоты Q, полученное газом. Газ считать идеальным.
- 14. Кислород массой m=200 г занимает объем  $V_1=100$  л и находится под давлением  $p_1=200$  кПа. При нагревании газ расширился при постоянном давлении до объема  $V_2=300$  л, а затем его давление возросло до  $p_3=500$  кПа при неизменном объеме. Найдите изменение внутренней энергии  $\Delta U$  газа, совершенную газом работу A и теплоту Q, переданную газу. Постройте график процесса. Газ считать идеальным.
- 15. При изобарном нагревании некоторого идеального газа ( $\nu=2$  моль) на  $\Delta T=90$  К ему было сообщено количество теплоты Q=5,25 кДж. Определите: 1) работу, совершенную газом; 2) изменение внутренней энергии; 3) величину  $\gamma=C_p/C_V$ .
- 16. Азот массой m=280 г расширяется в результате изобарного процесса при давлении  $p=1\,$  МПа. Определите: 1) работу расширения; 2) конечный объем газа, если на расширение затрачена теплота  $Q=5\,$  кДж, а начальная температура азота  $T_1=290\,$  К. Газ считать идеальным.
- 17. Идеальный газ занимал объем  $0.01~{\rm m}^3$  и находился под давлением  $100~{\rm k}$ Па при температуре  $300~{\rm K}$ . Затем газ был нагрет без изменения объема до температуры  $320~{\rm K}$ , а после этого нагрет при постоянном давлении до  $350~{\rm K}$ . Найдите работу, совершенную газом при переходе из начального в конечное состояние.

- 18. Азот массой m=0,1 кг был изобарно нагрет от температуры  $T_1=200$  К до температуры  $T_2=400$  К. Определите работу A, совершенную газом, полученную им теплоту Q и изменение  $\Delta U$  внутренней энергии азота. Газ считать идеальным.
- 19. Определите работу A, которую совершит двухатомный идеальный газ, если ему при постоянном давлении сообщить количество теплоты Q=21 кДж. Найдите также изменение  $\Delta U$  внутренней энергии этого газа.
- 20. Кислород объемом V=1 л находится под давлением p=1 МПа. Определите, какое количество теплоты необходимо сообщить газу, чтобы: 1) увеличить его объем вдвое в результате изобарного процесса; 2) увеличить его давление вдвое в результате изохорного процесса. Газ считать идеальным.
- 21. Некоторый газ массой m=5 г расширяется изотермически от объема  $V_1$  до объема  $V_2=2V_1$ . Работа расширения A=1 кДж. Считая газ идеальным, определите среднюю квадратичную скорость молекул газа.
- 22. Кислород в количестве v=1 моля (идеальный газ), занимавший при  $T_1=400$  К объем  $V_1=1$  л, расширяется изотермически до  $V_2=2V_1$ . Определите работу при расширении, количество сообщенной теплоты и изменение внутренней энергии.
- 23. Азот массой m=14 г сжимают изотермически при температуре T=300 К от давления  $p_1=100$  кПа до давления  $p_2=500$  кПа. Определите: 1) изменение внутренней энергии газа; 2) работу сжатия; 3) количество выделившейся теплоты. Газ считать идеальным.
- 24. Во сколько раз увеличится объем водорода, содержащий количество вещества  $\nu=0,4$  моль при изотермическом расширении, если при этом газ получит количество теплоты Q=800 Дж? Температура водорода T=300 К. Газ считать идеальным.
- 25. Определите работу A, которую совершит трехатомный идеальный газ, если ему при постоянном давлении сообщить количество теплоты Q=21 кДж. Найдите также изменение  $\Delta U$  внутренней энергии этого газа.
- 26. Работа расширения некоторого двухатомного идеального газа A = 2 кДж. Определите количество подводимой теплоты, если процесс протекал: 1) изотермически; 2) изобарно.
- 27. При адиабатном расширении кислорода (v = 2 моля), находящегося при нормальных условиях, его объем увеличился в 3 раза. Определите: 1) изменение внутренней энергии газа; 2) работу расширения газа. Газ считать идеальным.
- 28. Азот массой m=1 кг занимает при температуре  $T_1=300$  К объем  $V_1=0.5$  м<sup>3</sup>. В результате адиабатного сжатия давление газа увеличилось в 3 раза. Определите: 1) конечный объем газа; 2) конечную температуру: 3) изменение внутренней энергии газа. Газ считать идеальным.
- 29. Кислород, занимающий при давлении  $p_1 = 0.5$  МПа объем  $V_1 = 5$  л расширяется так, что объем увеличивается в 3 раза. Определите конечное значение давления и работу, совершенную газом, если процесс протекал адиабатически. Газ считать идеальным.
- 30. Азот, находившийся при температуре  $T_1 = 400$  K, подвергли адиабатному расширению. В результате расширения объем увеличился в 5 раз, а внутренняя энергия уменьшилась на 4 кДж. Определите массу азота. Газ считать идеальным.
- 31. Давление газа 30 кПа, его плотность 1 кг/м $^3$ . Чему равна средняя квадратичная скорость молекул газа?
- 32. В баллоне находится газ массой 2 кг при температуре  $27^{\circ}$  С и давлении  $2 \cdot 10^{5}$  Па. Когда часть газа была выпущена, а оставшаяся часть нагрета до  $627^{\circ}$  С, то давление возросло до  $3 \cdot 10^{5}$  Па. Какова будет плотность оставшейся части газа, если объем баллона  $1 \text{ м}^{3}$ ?