卢瑟福散射

钱思天 2001112187

2021年5月18日

摘要

本实验利用了卢瑟福散射仪器,测量了 241 Am 放射源的 α 粒子在金箔上的不同散射角度的分布。通过对散射粒子的测量得到微分散射截面,并与理论结果比较,验证了卢瑟福散射的结论。

关键词: 卢瑟福散射、步进电机、α 粒子

1 实验原理

卢瑟福散射的基本思想: α 粒子被看做一带电质点,在核库仑场中的运动遵从经典运动方程;原子核的大小和原子相比是很小的,且原子核具有正电荷 Ze 和原子的大部分质量;电子的质量很小,对 α 粒子运动的影响可忽略不计。

1. 瞄准距离与散射角的关系

卢瑟福把 α 粒子和靶原子都当做点电荷,假设两者之间的静电斥力是唯一的相互作用力。这是一个两体碰撞问题,如图1,设 α 粒子以速度 v_0 沿 AT 方向入射,由于受到靶核电荷的库仑场作用, α 粒子将沿轨道 ABC 运动,即发生了散射。因原子核的质量比 α 粒子的质量大得多,可近似认为靶核静止不动。按库仑定律,相距为 r 的 α 粒子与原子核之间的库仑斥力的大小为:

$$F = \frac{2Ze^2}{4\pi\varepsilon_0 r^2} \tag{1}$$

式中 Z 为靶核电荷数。 α 粒子的轨道为双曲线的一支,如图一所示,原子核与 α 粒子入射方向之间的垂直距离 b 称为瞄准距离(碰撞参数),是入射方向与散射方向之间的夹角。

由牛顿第二定律,可以导出散射角和瞄准距离之间的关系为:

$$\cos \theta = \frac{2b}{D} \tag{2}$$

其中 $D = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{2Ze^2}{mv^2/2}$ 。 m 为 α 粒子质量。

2. 卢瑟福的微分散射截面

有散射角与瞄准距离的关系式(2)可见,瞄准距离 b 增大,散射角就小;反之,b 小,就大。只要瞄准距离 b 足够小,就可以足够大,这就解释了大角度散射的可能性。但要从实验上验证公式(2),显然是不可能的,因为我们无法测量瞄准距离 b,然而我们可以求出 α 粒子按瞄准距离的分布,根据这种分布和式(2),就可以推出散射 α 粒子的角分布,而这个角分布是可以直接测量到的。

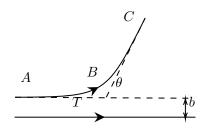


图 1: 散射角与碰撞参数的关系

设有截面为 S 的 α 粒子束射到厚度为 t 的靶上. 其中某一 α 粒子的通过靶时相对于靶中某一原子核的瞄准距离在之间的概率,应等于圆周半径分别为 $b \sim b + db$ 圆环面积与入射粒子截面 S 之比. 若靶的原子密度为 n,则 α 粒子束所经过的这块体积内共有 nSt 个原子核,因此,该 α 粒子相对于靶中任一原子核的瞄准距离在 b 与 db 之间的概率为:

$$d\omega = \frac{2\pi bdb}{S}nSt = 2\pi nbdb \tag{3}$$

这也就是该 α 粒子被散射到 θ 和 $d\theta$ 之间的概率.

对(2)式求微分,得到

$$b|db| = \frac{1}{2} \left(\frac{D}{2}\right)^2 \frac{\cos(\theta/2)}{\sin^3(\theta/2)} d\theta \tag{4}$$

于是

$$d\omega = \pi n t \left(\frac{D}{2}\right)^2 \frac{\cos(\theta/2)}{\sin^3(\theta/2)} d\theta \tag{5}$$

另外, 由角度为 θ 和 $d\theta$ 的两个圆锥面所围成的立体角可表示为

$$d\Omega = \frac{dA}{r^2} = 2\pi \sin\theta d\theta \tag{6}$$

因此, α 粒子被散射到该范围内的单位立体角的概率为

$$\frac{d\omega}{d\Omega} = nt(\frac{D}{4})^2 \frac{1}{\sin^4(\theta/2)} \tag{7}$$

上式除以单位面积内的靶原子数 nt 可得到微分散射截面

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = (\frac{D}{4})^2 \frac{1}{\sin^4(\theta/2)} = (\frac{1}{4\pi\varepsilon_0})^2 (\frac{Ze^2}{mv_0^2})^2 \frac{1}{\sin^4(\theta/2)}$$
(8)

实验过程中,设探测器的灵敏面积对靶所张的立体角为 $\Delta\Omega$,由卢瑟福散射公式可知在某段时间间隔内所观察到的 α 粒子数 N 应为

$$N = \left(\frac{1}{4\pi\varepsilon_0}\right)^2 \left(\frac{Ze^2}{mv_0^2}\right)^2 \frac{\Delta\Omega}{\sin^4(\theta/2)} ntT \tag{9}$$

式中 T 为该时间内射到靶上的 α 粒子总数. 由于式中 N、 $\Delta\Omega$ 、 θ 等都是可观测的,所以式(9)可以和实验进行比较。由该式可见,在 θ 方向上内所观测到 α 粒子数 N 与散射靶的核电荷数 Z、 α 粒子动能 $\frac{1}{2}mv_0^2$ 及散射角 θ 等因素都有关,其中 N 正比于 $\frac{1}{\sin^4(\theta/2)}$ 的关系是卢瑟福理论的最有力的验证。

2 实验介绍

2.1 实验装置

卢瑟福散射实验装置主要包括散射真空室部分、电子学系统部分和步进电机的控制系统部分。下面分别介绍。

- 1. 散射真空室
- 2. 散射真空室主要包括有 α 放射源、散射样品台,Au-Si 面垒半导体 α 射线探测器、步进电机及传动装置等。放射源 为 241 Am,主要出射 α 粒子的能量为 5.486MeV。真空室是和机械泵相连,开启机械泵后使靶室处于真空状态。
- 3. 电子学系统

电子学系统包括灵敏电荷前置放大器(在靶室内)、主放大器、双路定标计数器、探测器偏压电源、低压电源等。此外,在系统的调试过程中,还要用到脉冲信号发生器、示波器和多道分析器等.

4. 步进电机及其控制系统

在实验过程中,需在真空条件下测量不同散射角的出射 α 粒子计数率,这样就需要不断地转换散射角,在本实验装置中利用步进电机是散射靶转动到来控制散射角,可使实验进行过程变得极为方便,即只需在真空室外控制步进电机转动相应的角度,步进电机精度可靠。可以准确定位。

2.2 实验操作

本实验所用放射源为 241 Am, 活度为 0.2mCi。

- 1. 检查连线是否正常,用示波器监测是否有异常信号。
- 2. 确定散射角 $\theta = 0^{\circ}$ 的物理位置。

打开靶室,转动步进电机;确定 push 键 "按下"与"弹出"对应的转动角的正负关系: 找出 + 方向,给出大约 0° 的位置。加上本底盘后,盖上靶室盖,加偏压 80V,并抽真空。在为 $\pm 10^\circ$ 范围内,每隔 1° 测一次数,根据峰值确定真正的 $\theta=0^\circ$ 的物理位置。(计数时间为 30s)

3. 测量不同散射角度处本底散射 α 粒子数。

真空下,分别测 + 方向 $\theta = 20^{\circ}, 25^{\circ}, 30^{\circ}, 35^{\circ}, 40^{\circ}, 45^{\circ}, 50^{\circ}$ 时的计数。(计数时间为 600s)

4. 测量有金箔靶时不同角度对应的散射 α 粒子数。

退掉偏压,停止抽真空,向靶室放气(注意:一定要缓慢放气);然后打开靶室,加上金箔靶,盖上靶室上盖,并抽真空,同时加偏压到 80V。重复步骤 2,重新确定 $\theta=0^\circ$ 的物理位置后(避免螺旋距差),分别测量 + 方向 $\theta=20^\circ,25^\circ,30^\circ,35^\circ,40^\circ,45^\circ,50^\circ$ 时的计数。(计数时间为 600s)

- 5. 用加上金箔靶时的计数减去本底计数,即得从金箔上散射的 α 粒子计数。以散射角为横坐标,散射计数为纵坐标作图,以函数形式 N 对实验数据进行拟合,并在同一坐标上画出拟合曲线。
- 6. 退掉偏压, 停止抽真空, 向靶室放气(注意:一定要缓慢放气,以免冲破金箔), 打开靶室,取出金箔,关掉电源。

3 实验记录与数据处理

3.1 物理原点的确定

偏压 80V,测量时间 30s。取逆时针旋转为正,顺时针旋转为负。原点测定的数据如表1。通过数据可以看出,当 0° 时计数达到最大,说明 0° 对应着物理零点。

表 1: 本底测量的原点标定

Degree	Count	Degree	Count
-10	1400	1.0	29148.0
-9	3169	2.0	28206.0
-8	5460	3.0	26948.0
-7	9434	4.0	25646.0
-6	12398	5.0	23441.0
-5	17243	6.0	21836.0
-4	20354	7.0	18736.0
-3	24540	8.0	17042.0
-2	27074	9.0	13331.0
-1	28412	10.0	10628.0
0	29291	_	_

表 2: 本底测量

DegreeOrigin	DegreeReal	Count
20	20	81
25	25	16
30	30	5
35	35	1
40	40	0
45	45	1999
50	50	4914

3.2 本底计数的测量

测量时间 600s。数据记录如表2。 在大角度时,由于存在噪声,计数出现异常(标红)。

3.3 加入金箔靶后,物理原点的确定

测量时间 30s。原点测定的数据如表3。通过数据可以看出,当 2°时计数达到最大,说明 2°对应着物理零点,这是由

表 3: 金箔散射测量的原点标定

Degree	Count	Degree	Count
-10	454	1.0	4228.0
-9	758	2.0	4349.0
-8	994	3.0	4005.0
-7	1480	4.0	3955.0
-6	1916	5.0	3730.0
-5	2541	6.0	3570.0
-4	2963	7.0	3048.0
-3	3494	8.0	2748.0
-2	3743	9.0	1953.0
-1	4081	10.0	1587.0
0	4107	-	-

于螺旋距差的影响。

3.4 金箔靶散射计数的测量

测量时间 600s。数据记录如表4。

表 4: 金箔散射信号测量

DegreeOrigin	DegreeReal	Count
22	20	99
27	25	25
32	30	6
37	35	10
42	40	2
47	45	9
52	50	8956

在大角度时,由于存在噪声,计数出现异常(标红)。

3.5 验证卢瑟福散射公式

根据 2、4 步的测量结果,计算散射 α 粒子的计数(舍去标红的噪声较大的数据点)对其进行线性拟合,得到的拟合曲线如图2。

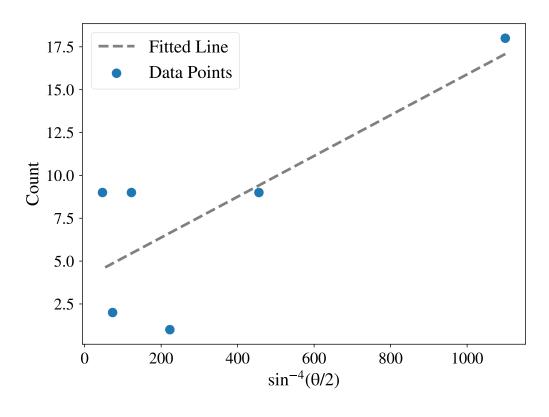


图 2: 拟合计数图

可以看出,虽然计数的误差很大,但是整体上看,散射 α 计数 N 与 $\frac{1}{\sin^4 \frac{\theta}{2}}$ 基本呈线性关系,定性上验证了公式 (9)。

4 致谢

感谢赵捷老师的指导。

附录

A 思考题: (一)

- 1. 散射 α 粒子计数 N 与散射角 θ 。通过测量不同的散射角 θ 下散射 α 粒子计数 N 以确定二者的关系。
- 2. 实验需要验证的关系是散射 α 粒子计数 N 与 $\frac{1}{\sin^4 \frac{\ell}{2}}$ 线性关系,公式中的 θ 是以物理零点作为基准确定的,所以需要进行零点校准。首先打开本底盖,大致找出 $\theta = 0^\circ$ 的位置,在 $\pm 10^\circ$ 的范围内,每隔 1° 测量一个散射计数,计数峰值对应的散射角度就是物理原点。同时,尽量让一次测量(本底或者信号)下步进马达沿同一个方向运动,这样可以避免螺距差。打开本底盖,在显示为 + 时按下 start,观察电机转动方向,确定逆时针为 + θ 方向。
 - 3. 散射 α 粒子计数 N $\frac{1}{\sin^4 \frac{\theta}{2}}$ 基本呈线性关系, θ 较小时,计数太大。散射角度从 20° 变到 25°,散射计数迅速下降。
 - 4. 可以用计数的平方根作为 Poisson 分布的误差。
 - 5. 实验结果跟理论线符合的很差,主要是因为存在极大的噪声,几乎淹没了信号。

B 思考题: (二)

从式(9)可以看出散射 α 粒子计数 N 与 $\frac{1}{\sin^4\frac{\theta}{2}}$ 的线性相关系数既与靶原子序数的平方成正比,又与单位面积上的靶原子的原子序数成正比。因此通过用 α 粒子轰击未知靶,然后测量不同的散射角 θ 下散射 α 粒子计数 N,可以得到 N 与 $\frac{1}{\sin^4\frac{\theta}{2}}$ 的线性拟合关系。再通过与标准核(如金箔的散射结果)比较,就可以获得未知靶核的信息。