

# 实验十九 分光计测量棱镜折射率 实验报告

钱思天 1600011388 No.8

2017 年 12 月 18 日

## 1 实验数据与处理

### 1.1 实测数据

#### 1.1.1 顶角 A 测量

根据实测结果，并根据公式

$$\phi = \frac{\theta_1 - \theta'_1 + \theta_2 - \theta'_2}{2}$$

表 1: 顶角 A 测量结果

角度	$\theta_1$	$\theta_2$	$\theta'_1$	$\theta'_2$	$\phi$
1	167°18'	107°22'	347°16'	287°16'	59°58'
2	191°23'	131°23'	371°20'	311°21'	60°00'
3	136°02'	76°06'	316°04'	256°02'	59°59'
Average	-	-	-	-	59°58.8'

得

$$\text{顶角: } A = \bar{\phi} = 59^\circ 58.8'$$

1.1.2 掠入射法

表 2: 掠入射法测量结果

角度	$\alpha_1$	$\alpha_2$	$\alpha'_1$	$\alpha'_2$	$\beta$	$n_i$
1	150°31'	109°07'	330°28'	289°04'	41°24'	1.6728
2	135°59'	94°37'	315°57'	274°32'	41°24'	1.6728
3	86°55'	45°30'	266°51'	225°28'	41°24'	1.6728
Average	-	-	-	-	41°23.8'	1.6728

得

掠入射角： $\gamma = \bar{\beta} = 41^{\circ}23.8'$

1.1.3 最小偏转角法

根据实测结果，并根据公式

$$\eta = \frac{\zeta_1 - \zeta'_1 + \zeta_2 - \zeta'_2}{2}$$

表 3: 最小偏向角法测量结果

角度	$\zeta_1$	$\zeta_2$	$\zeta'_1$	$\zeta'_2$	$\eta$
1	87°51'	33°42'	267°51'	213°45'	54°08'
2	102°24'	48°18'	282°20'	228°17'	54°05'
3	97°53'	43°45'	277°50'	223°43'	54°08'
Average	-	-	-	-	54°06.5'

得

最小偏转角： $\delta_m = \bar{\eta} = 54^{\circ}06.5'$

1.2 计算

1.2.1 顶角 A 的测量

根据顶角的计算公式，其不确定度分为两项：

B 类不确定度：分光计的允差

$$e_0 = 1'$$

得

$$\sigma_1 = \frac{\frac{(4e_0)}{2}}{\sqrt{3}} = \frac{2'}{\sqrt{3}} = 1.2'$$

A 类不确定度：根据标准差公式

$$\sigma_2 = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^3 (A_i - \bar{A})^2}{3 \times 2}} = 0.4'$$

故

$$\sigma_A = \sqrt{\sigma_2^2 + \sigma_1^2} = 1.3'$$

$$A \pm \sigma_A = 59^\circ 59.8' \pm 1.3'$$

同理，还可以求得掠入射法中的掠入射角  $\gamma$  和最小偏转角法中的最小偏转角  $\delta_m$  的不确定度

$$\sigma_\gamma = 1.2'; \sigma_\delta = 1.6'$$

$$\gamma \pm \sigma_\gamma = 41^\circ 23.8' \pm 1.2'$$

$$\delta_m \pm \sigma_\delta = 54^\circ 06.5' \pm 1.6'$$

### 1.2.2 掠入射法测折射率

由公式

$$n = \bar{n}_i = 1.6728$$

$$\sigma_n = \sqrt{\left(\frac{\partial n}{\partial A}\right)^2 \sigma_A^2 + \left(\frac{\partial n}{\partial \gamma}\right)^2 \sigma_\gamma^2}$$

而

$$\left(\frac{\partial n}{\partial A}\right)^2 \sigma_A^2 = \sigma_A^2 \left(-\frac{\csc^3(A)(\cos(A) + \sin(\gamma))(\cos(A) \sin(\gamma) + 1)}{\sqrt{\csc^2(A)(\cos(A) + \sin(\gamma))^2 + 1}}\right)^2$$

$$\left(\frac{\partial n}{\partial \gamma}\right)^2 \sigma_\gamma^2 = \sigma_\gamma^2 \left(\frac{\csc^2(A) \cos(\gamma)(\cos(A) + \sin(\gamma))}{\sqrt{\csc^2(A)(\cos(A) + \sin(\gamma))^2 + 1}}\right)^2$$

为计算不确定度，将角度制转化为弧度制计算，得

$$\sigma_n = \sqrt{\left(\frac{\partial n}{\partial A}\right)^2 \sigma_A^2 + \left(\frac{\partial n}{\partial \gamma}\right)^2 \sigma_\gamma^2} = 0.0006$$

$$n \pm \sigma_n = 1.6728 \pm 0.0006$$

## 1.2.3 最小偏转角法测折射率

由公式

$$n = \csc\left(\frac{A}{2}\right) \sin\left(\frac{1}{2}(A + \delta_m)\right) = 1.6787$$

$$\sigma_n = \sqrt{\left(\frac{\partial n}{\partial A}\right)^2 \sigma_A^2 + \left(\frac{\partial n}{\partial \delta_m}\right)^2 \sigma_{\delta_m}^2}$$

而

$$\left(\frac{\partial n}{\partial A}\right)^2 \sigma_A^2 = \sigma_A^2 \left(-\frac{1}{2} \csc^2\left(\frac{A}{2}\right) \sin\left(\frac{\delta_m}{2}\right)\right)^2$$

$$\left(\frac{\partial n}{\partial \delta_m}\right)^2 \sigma_{\delta_m}^2 = \sigma_{\delta_m}^2 \left(\frac{1}{2} \csc\left(\frac{A}{2}\right) \cos\left(\frac{1}{2}(A + \delta_m)\right)\right)^2$$

为计算不确定度，将角度制转化为弧度制计算，得

$$\sigma_n = \sqrt{\left(\frac{\partial n}{\partial A}\right)^2 \sigma_A^2 + \left(\frac{\partial n}{\partial \delta_m}\right)^2 \sigma_{\delta_m}^2} = 0.0004$$

$$n \pm \sigma_n = 1.6784 \pm 0.0004$$

## 1.3 选做部分 -测量汞灯的其余谱线

根据实测结果，并根据公式

$$\psi = \frac{\xi_1 - \xi'_1 + \xi_2 - \xi'_2}{2}$$

$$n = \csc\left(\frac{A}{2}\right) \sin\left(\frac{1}{2}(A + \psi)\right)$$

表 4: 汞灯各谱线测量结果

角度	$\xi_1$	$\xi_2$	$\xi'_1$	$\xi'_2$	$\psi$	$n$
黄	97°25'	44°07'	277°26'	224°07'	53°19'	1.6709
暗绿	98°05'	42°46'	278°01'	222°42'	55°19'	1.6898
紫	98°15'	41°44'	278°17'	221°45'	56°31'	1.7009
暗紫	98°14'	41°42'	278°16'	221°41'	56°32'	1.7107

## 2 分析与讨论

答 在我看来，本次实验的误差来源有以下几点

1 狭缝的宽度，过窄的宽度亮度较小，过宽的又存在像的尺度问题，都会对实验产生影响。

2 环境光过高影响衬比度。

3 不可避免的仪器允差等。

### 3 收获与感想

分光计，在高中时我就对它又爱又恨。爱的是分光计的使用很有趣而原理又很巧妙，精度也很高；恨的，就是他那有些繁琐的调节了。

这次做实验也不例外，一大半的时间都消耗在了分光计的调节上。

当然，除了调节之外，这次实验的收获还是很大的。

其一就是分光计的使用了，每一次使用分光计，都不由得为它的精巧所折服。而且从分光计的原理中，我还感受到了对于几何关系的运用。

此外，调节分光计时，我也对逐步逼近，控制自由度等思想有了更深的理解。