# Projet Algorithmique et Programmation

# Lacaze Yon, Loya Dylan

# 16 Décembre 2022

# Table des matières

_	Arbre 2-3-4	2
	1.1 Question 1:	2
	1.2 Question 2:	2
	1.3 Question 4:	3
2	Arbre Rouge-Noir	3
3	Bonus	3

#### 1 Arbre 2-3-4

### 1.1 Question 1:

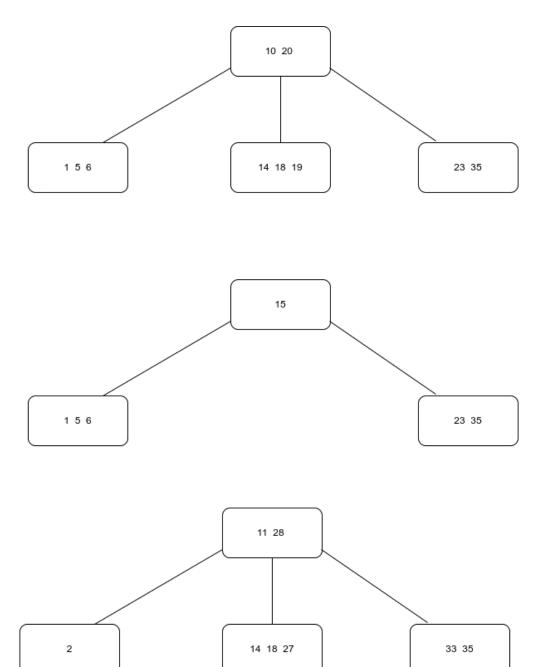


FIGURE 1 - arbres 2-3-4.

#### 1.2 Question 2:

On sait que dans un arbre 2-3-4 toutes les feuilles ont la même profondeur, ce qui implique qu'un arbre 2-3-4 est un arbre parfait et plus précisément un arbre complet. On sait que l'arbre binaire complet est de taille  $2^{h+1}-1$  avec h la hauteur de l'arbre. Sachant qu'un arbre 2-3-4 est de hauteur maximale si tout ses noeuds internes ont 2 fils, on peut dire que la hauteur maximale est la hauteur d'un arbre binaire complet soit  $log_2(n+1)$  avec n le nombre de noeuds. On a donc  $h+1 \le log_2(n+1)$ .

On sait que l'arbre 2-3-4 de la plus petite hauteur est l'arbre où tout les noeuds internes ont 4 fils. Donc de manière analogue, on peut prouver que sa hauteur est  $log_4(n+1)$  avec n le nombre de noeuds. On a donc, pour un arbre 2-3-4 :  $log_4(n+1) \le h+1 \le log_2(n+1)$ .

#### 1.3 Question 4:

La complexité de l'opération de recherche dans un arbre 2-3-4 de recherche est en fonction de la hauteur de l'arbre. Donc la complexité est, dans le pire des cas, en  $O(log_2(n))$ , et dans le meilleur des cas en  $O(log_4(n))$ .

## 2 Arbre Rouge-Noir

## 3 Bonus