

Projet Algorithmique et Programmation

Lacaze Yon, Loya Dylan

16 Décembre 2022

Table des matières

1	Arbre 2-3-4	2
1.1	Question 1 :	2
1.2	Question 2 :	2
2	Arbre Rouge-Noir	3
3	Bonus	3

1 Arbre 2-3-4

1.1 Question 1 :

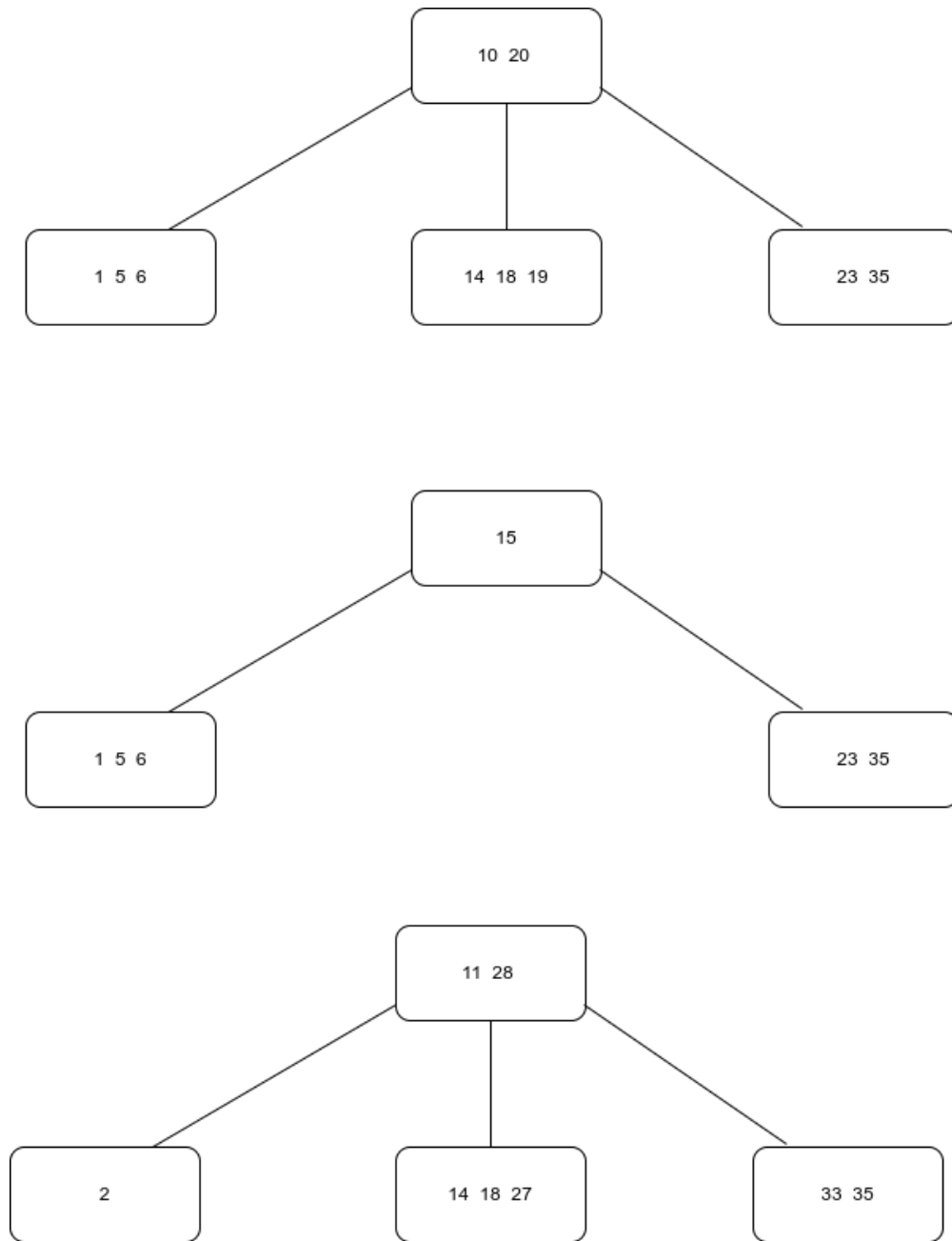


FIGURE 1 – arbres 2-3-4.

1.2 Question 2 :

On sait que dans un arbre 2-3-4 toutes les feuilles ont la même profondeur, ce qui implique qu'un arbre 2-3-4 est un arbre parfait et plus précisément un arbre complet. On sait que l'arbre binaire complet est de taille $2^{h+1} - 1$ avec h la hauteur de l'arbre. Sachant qu'un arbre 2-3-4 est de hauteur maximale si tout ses noeuds internes ont 2 fils, on peut dire que la hauteur maximale est la hauteur d'un arbre binaire complet soit $\log_2(n + 1)$ avec n le nombre de noeuds. On a donc $h + 1 \leq \log_2(n + 1)$.

On sait que l'arbre 2-3-4 de la plus petite hauteur est l'arbre où tout les noeuds internes ont 4 fils. Donc de manière

analogue, on peut prouver que sa hauteur est $\log_4(n + 1)$ avec n le nombre de noeuds. On a donc, pour un arbre 2-3-4 : $\log_4(n + 1) \leq h + 1 \leq \log_2(n + 1)$.

2 Arbre Rouge-Noir

3 Bonus