Practica 2. Algoritmo genético para codificación de permutaciones.

Algoritmos Bioinspirados

Diego Castillo Reyes Marthon Leobardo Yañez Martinez Aldo Escamilla Resendiz

12 de abril de 2024

Índice general

1.	Introducción	2
	Desarrollo	2
3.	Conclusión	9

1. Introducción

En esta práctica se implementó un algoritmo genético para resolver el problema de codificación de permutaciones. En especifico encontrar las combinaciones para las soluciones de un cuadrado mágico. El cuadrado mágico se refiere a una matriz cuadrada de números enteros en la que la suma de los números en cada fila, columna y diagonal es la misma.

Por ejemplo:

8	1	6
3	5	7
4	9	2

Cuadro 1: Ejemplo de un cuadrado mágico

En este ejemplo la suma de los números en cada fila, columna y diagonal es 15.

La idea del algoritmo genético es encontrar la permutación de los números del 1 al 9 que formen un cuadrado mágico de tamaño nxn.

2. Desarrollo

Para la implementación del algoritmo genético se utilizó el lenguaje de programación Python.

```
import math
   import random
   import copy
   import sys
   import time
   import matplotlib.pyplot as plt
   import statistics
7
   random.seed(2)
9
10
11
   n = 3
   nn = n * n
12
   n2 = nn // 2
13
   magic_number = n * (n ** 2 + 1) / 2
14
15
   tamano_poblacion = 200
   num_elites = 150
16
   num_mutaciones = 0.9
17
   probabilidad_mutacion = 1
   epocas = 1000000
19
   intentos_cruce = 20
   tenencia_tabu = 10
21
22
   poblacion = []
23
   aptitud = []
24
25
   lista_tabu = []
26
27
   def generar_individuos():
        poblacion_generada = []
28
        for _ in range(tamano_poblacion):
29
            cuadrado = list(range(1, nn + 1))
30
            random.shuffle(cuadrado)
31
            poblacion_generada.append(cuadrado)
32
        return poblacion_generada
33
34
   def calcular_aptitud_poblacional(poblacion_actual):
35
        aptitudes = []
36
37
        for individuo in poblacion_actual:
38
            aptitudes.append(calcular_aptitud_cuadrado(individuo))
        return aptitudes
39
```

```
40
41
    def calcular_aptitud_cuadrado(cuadrado):
        aptitud = 0
42
        suma = 0
43
44
        for i in range(nn):
            if (i % n == 0 and i != 0):
45
                 aptitud += abs(magic_number - suma)
46
                suma = 0
47
            suma += cuadrado[i]
48
        aptitud += abs(magic_number - suma)
49
50
51
        for j in range(n):
52
            suma = 0
            for i in range(j, nn, n):
53
54
                suma += cuadrado[i]
            aptitud += abs(magic_number - suma)
55
        suma = 0
57
        for i in range(0, nn, n + 1):
58
            suma += cuadrado[i]
        aptitud += abs(magic_number - suma)
60
61
        suma = 0
62
        for i in range(n - 1, nn - 1, n - 1):
63
            suma += cuadrado[i]
64
        aptitud += abs(magic_number - suma)
65
66
        return aptitud
67
68
    def verificar_exito(aptitudes):
69
        if 0.0 in aptitudes:
70
            return aptitudes.index(0.0), 'exito'
71
72
73
        umbral_error_minimo = 5
        for indice, valor_aptitud in enumerate(aptitudes):
74
            if valor_aptitud <= umbral_error_minimo:</pre>
75
                 return indice, 'error_minimo'
76
77
        return -1, 'no_encontrado'
78
79
80
    def es_cuadrado_valido(cuadrado):
        numeros = set(range(1, nn + 1))
81
        cuadrado_posible = set(cuadrado)
82
83
        if numeros == cuadrado_posible:
84
85
            return True
        return False
86
87
    def obtener_elites(poblacion_actual, aptitudes):
88
        combinados = list(zip(poblacion_actual, aptitudes))
89
        combinados = sorted(combinados, key=lambda x: x[1])
90
        elites, _ = zip(*combinados)
91
        mejor_aptitud = aptitudes[0]
92
        peor_aptitud = aptitudes[-1]
93
        favorito = sum(aptitudes) / len(aptitudes)
94
        desviacion_estandar = statistics.stdev(aptitudes)
95
        print(f"Mejor Aptitud: {mejor_aptitud}")
96
97
        print(f'Peor Aptitud: {peor_aptitud}')
98
        print(f'Aptitud Promedio: {favorito}')
        print(f'Desviacion Estandar: {desviacion_estandar}')
99
        print(f'Élite Top: {elites[0]}')
100
        return list(elites)
101
    def mutar(cuadrado):
        numero_genes = len(cuadrado)
        numero_mutaciones = random.randint(1, numero_genes)
106
        for _ in range(numero_mutaciones):
            i = random.randint(0, numero_genes - 1)
108
            j = random.randint(0, numero_genes - 1)
            cuadrado[i], cuadrado[j] = cuadrado[j], cuadrado[i]
```

```
112
        return cuadrado
    def reproducir(poblacion_actual, aptitudes):
114
        poblacion_copia = copy.deepcopy(poblacion_actual)
        pool_apareamiento = []
        siguiente_generacion = []
117
118
        individuos_restantes = tamano_poblacion - num_elites
        elites = obtener_elites(poblacion_actual, aptitudes)
120
        unicos_elites = []
121
        for elite in elites:
             if elite not in unicos_elites:
                 unicos_elites.append(elite)
124
125
        siguiente_generacion = unicos_elites[0:num_elites]
126
127
        suma_aptitudes = 0
128
129
        inverso_aptitudes = []
        for aptitud in aptitudes:
130
             inverso_aptitudes.append(10000 - aptitud)
131
        for aptitud in inverso_aptitudes:
             suma_aptitudes += aptitud
133
134
        pool_apareamiento.append(inverso_aptitudes[0] / suma_aptitudes)
135
        for i in range(1, len(inverso_aptitudes)):
136
             probabilidad = inverso_aptitudes[i] / suma_aptitudes
137
            pool_apareamiento.append(probabilidad + pool_apareamiento[i - 1])
138
139
        while individuos_restantes > 0:
140
             eleccion1 = random.random()
141
             eleccion2 = random.random()
142
            indice1 = 0
143
144
             indice2 = 0
             for i in range(len(pool_apareamiento)):
145
                 if election1 <= pool_apareamiento[i]:</pre>
146
                     indice1 = i
147
148
            for i in range(len(pool_apareamiento)):
149
                 if election2 <= pool_apareamiento[i]:</pre>
                     indice2 = i
                     break
             candidato1 = copy.copy(poblacion_copia[indice1])
             candidato2 = copy.copy(poblacion_copia[indice2])
            hijo1, hijo2 = cruce(candidato1, candidato2)
158
            if (hijo1 not in siguiente_generacion) and (hijo1 not in lista_tabu):
                 siguiente_generacion.append(hijo1)
160
161
                 individuos_restantes -= 1
                 if len(lista_tabu) >= tenencia_tabu:
162
                     lista_tabu.pop(0)
163
                 lista_tabu.append(hijo1)
164
165
            if ((hijo2 not in siguiente_generacion) and (hijo2 not in lista_tabu) and
166
        individuos_restantes > 0):
                 siguiente_generacion.append(hijo2)
167
                 individuos_restantes -= 1
168
                 if len(lista_tabu) >= tenencia_tabu:
169
                     lista_tabu.pop(0)
                 lista_tabu.append(hijo2)
171
        print()
        return siguiente_generacion
    def cruce(padre1, padre2):
176
177
        index1 = random.randint(0, nn - 1)
        index2 = random.randint(0, nn - 1)
178
        if index1 > index2:
179
            index1, index2 = index2, index1
180
```

```
181
182
        hijo1 = [None] * nn
        hijo2 = [None] * nn
183
184
185
        hijo1[index1:index2 + 1] = padre2[index1:index2 + 1]
        hijo2[index1:index2 + 1] = padre1[index1:index2 + 1]
186
187
        def completar_hijo(hijo, padre):
188
             pos_actual = (index2 + 1) % nn
189
             for gen in padre:
190
                 if gen not in hijo:
191
                     hijo[pos_actual] = gen
193
                     pos_actual = (pos_actual + 1) % nn
194
195
        completar_hijo(hijo1, padre1)
        completar_hijo(hijo2, padre2)
196
197
        return hijo1, hijo2
198
199
    poblacion = generar_individuos()
200
    historial = {'mejor': [], 'peor': [], 'promedio': [], 'desviacion': []}
201
202
    for i in range(epocas):
203
        print(f"Generación actual: {i}")
204
        aptitud = calcular_aptitud_poblacional(poblacion)
205
206
        historial['mejor'].append(min(aptitud))
207
        historial['peor'].append(max(aptitud))
208
        historial['promedio'].append(sum(aptitud) / len(aptitud))
209
        if i % 500 == 0 and i != 0:
211
             for j in range(len(poblacion)):
                 print(f'Cuadrado: {poblacion[j]} Aptitud: {aptitud[j]}')
213
214
             time.sleep(5)
215
        indice, estado = verificar_exito(aptitud)
216
        if estado == 'exito':
             print(f"Cuadrado Mágico Encontrado: {poblacion[indice]}")
218
             break
219
        elif estado == 'error_minimo':
220
221
             print(f"Cuadrado Mágico Encontrado: {poblacion[indice]} con Aptitud {aptitud[indice]}")
222
223
224
        poblacion = reproducir(poblacion, aptitud)
225
    generaciones = list(range(len(historial['mejor'])))
226
227
228
    plt.scatter(generaciones, historial['mejor'], color='green', label='Mejor Aptitud')
    plt.plot(generaciones, historial['mejor'], color='green')
229
230
    plt.scatter(generaciones, historial['peor'], color='red', label='Peor Aptitud')
231
    plt.plot(generaciones, historial['peor'], color='red')
232
233
    plt.scatter(generaciones, historial['promedio'], color='blue', label='Aptitud Promedio')
234
    plt.plot(generaciones, historial['promedio'], color='blue')
235
236
    plt.legend()
237
    plt.xlabel('Épocas')
238
    plt.ylabel('Aptitud')
239
240
    plt.title("Gráfico de Convergencia")
241
    plt.show()
242
243
244
245
    random.seed(29)
    n = 4
246
    nn = n * n
247
    n2 = nn // 2
248
    magic_number = n * (n ** 2 + 1) / 2
249
    population_size = 200
250
    num_elites = 150
251
```

```
num_mutations = 0.9
252
253
    mutation_chance = 1
    epoch = 1000000
254
255
    crossover_attempts = 20
    tabu_tenure = 10
257
    poblacion = []
258
    aptitud = []
259
    tabu_list = []
260
261
    def generar_individuos():
262
263
         pop = []
         for i in range(population_size):
264
             c = list(range(1, nn + 1))
265
             random.shuffle(c)
266
             pop.append(c)
267
268
         return pop
269
270
    def obtener_aptitud_poblacional(pop):
         fit = []
271
         for c in pop:
272
273
             fit.append(encontrar_aptitud2(c))
274
         return fit
275
    def encontrar_aptitud2(criatura):
277
         fit = 0
         suma = 0
278
         for i in range(nn):
279
280
             if (i % n == 0 and i != 0):
                 fit += abs(magic_number - suma)
281
                 suma = 0
282
             suma += criatura[i]
283
         fit += abs(magic_number - suma)
284
285
         for j in range(n):
286
             suma = 0
             for i in range(j, nn, n):
288
                 suma += criatura[i]
289
290
             fit += abs(magic_number - suma)
291
292
         suma = 0
         for i in range(0, nn, n + 1):
293
             suma += criatura[i]
294
295
         fit += abs(magic_number - suma)
296
297
         suma = 0
         for i in range(n - 1, nn - 1, n - 1):
298
299
             suma += criatura[i]
         fit += abs(magic_number - suma)
300
301
302
         return fit
303
304
    def ganamos(apt):
         if 0.0 in apt:
305
             return apt.index(0.0), 'exito'
306
307
         umbral_error_minimo = 5
308
309
         for indice, valor_aptitud in enumerate(apt):
             if valor_aptitud <= umbral_error_minimo:</pre>
310
                  return indice, 'error_minimo'
311
312
         return -1, 'no_encontrado'
313
314
315
316
    def es_cuadrado_valido(criatura):
         numeros = set(range(1, nn + 1))
317
         cuadrado_posible = set(criatura)
318
319
         if numeros == cuadrado_posible:
320
321
             return True
         return False
322
```

```
323
324
325
    def obtener_elites(pop, fit):
         combinados = list(zip(pop, fit))
326
327
         combinados = sorted(combinados, key=lambda x: x[1])
        elites, trash = zip(*combinados)
328
        mejor_aptitud = trash[0]
329
        peor_aptitud = trash[-1]
330
        favorito = sum(trash) / len(trash)
331
332
         desviacion = statistics.stdev(aptitud)
         print(f"Mejor Aptitud: {mejor_aptitud}")
333
334
         print(f'Peor Aptitud: {peor_aptitud}')
         print(f'Aptitud Promedio: {favorito}')
335
        print(f'Desviacion Estandar: {desviacion}')
336
         print(f'Élite Top: {elites[0]}')
337
        return list(elites)
338
339
    def mutar(criatura):
340
341
        nn = len(criatura)
        num_mut = random.randint(1, nn)
342
343
         for _ in range(num_mut):
344
             i = random.randint(0, nn - 1)
345
             j = random.randint(0, nn - 1)
             criatura[i], criatura[j] = criatura[j], criatura[i]
347
348
349
        return criatura
350
351
    def reproducir(pop, fit):
         popc = copy.deepcopy(pop)
352
         pool_apareamiento = []
353
         siguiente_gen = []
354
355
356
         numero_restante = population_size - num_elites
        elites = obtener_elites(pop, fit)
357
         unicos_elites = []
358
         for e in elites:
359
             if not e in unicos_elites:
360
361
                 unicos_elites.append(e)
362
363
         siguiente_gen = unicos_elites[0:num_elites]
364
        fitsum = 0
365
366
         bigfit = []
         for i in aptitud:
367
368
             bigfit.append(10000 - i)
369
370
         for i in bigfit:
             fitsum += i
371
372
373
         pool_apareamiento.append(bigfit[0] / fitsum)
         for i in range(1, len(bigfit)):
374
             prob = bigfit[i] / fitsum
375
             pool_apareamiento.append(prob + pool_apareamiento[i - 1])
376
377
378
         while numero_restante > 0:
             eleccion1 = random.random()
379
380
             eleccion2 = random.random()
             indice1 = 0
381
382
             indice2 = 0
383
             for i in range(len(pool_apareamiento)):
                 if election1 <= pool_apareamiento[i]:</pre>
384
                      indice1 = i
385
                      break
386
             for i in range(len(pool_apareamiento)):
                 if election2 <= pool_apareamiento[i]:</pre>
388
                      indice2 = i
389
390
                      break
391
             candidato1 = copy.copy(popc[indice1])
             candidato2 = copy.copy(popc[indice2])
393
```

```
394
395
             bebe1, bebe2 = cruce(candidato1, candidato2)
396
            if (not bebe1 in siguiente_gen) and (not bebe1 in tabu_list):
397
                 siguiente_gen.append(bebe1)
                 numero_restante -= 1
399
                 if len(tabu_list) >= tabu_tenure:
400
                     tabu_list.pop(0)
401
                 tabu_list.append(bebe1)
402
403
            if ((not bebe2 in siguiente_gen) and (not bebe2 in tabu_list) and numero_restante > 0):
404
405
                 siguiente_gen.append(bebe2)
406
                 numero_restante -= 1
                 if len(tabu_list) >= tabu_tenure:
407
408
                     tabu_list.pop(0)
                 tabu_list.append(bebe2)
409
        print()
411
412
        return siguiente_gen
413
    def cruce(p1, p2):
414
415
        nn = len(p1)
        index1 = random.randint(0, nn - 1)
416
        index2 = random.randint(0, nn - 1)
417
        if index1 > index2:
418
             index1, index2 = index2, index1
419
420
        c1 = [None] * nn
421
        c2 = [None] * nn
422
423
        c1[index1:index2 + 1] = p2[index1:index2 + 1]
424
        c2[index1:index2 + 1] = p1[index1:index2 + 1]
425
426
427
        def complete_child(child, parent):
             current_pos = (index2 + 1) % nn
428
429
             for gene in parent:
                 if gene not in child:
430
                     child[current_pos] = gene
431
432
                     current_pos = (current_pos + 1) % nn
433
434
        complete_child(c1, p1)
        complete_child(c2, p2)
435
436
437
        return c1, c2
438
    poblacion = generar_individuos()
439
    historial_aptitud = {'mejor': [], 'peor': [], 'promedio': [], 'desviacion': []}
440
441
442
    for i in range(epoch):
443
        print(f"Generación actual: {i}")
444
        aptitud = obtener_aptitud_poblacional(poblacion)
445
        historial_aptitud['mejor'].append(min(aptitud))
446
        historial_aptitud['peor'].append(max(aptitud))
447
        historial_aptitud['promedio'].append(sum(aptitud) / len(aptitud))
448
449
450
        if i % 500 == 0 and i != 0:
451
452
             for i in range(len(poblacion)):
                 print(f'Cuadrado: {poblacion[i]} Aptitud: {aptitud[i]}')
453
454
             time.sleep(5)
455
        indice, estado = ganamos(aptitud)
456
        if estado == 'exito':
457
458
             print(f"Cuadrado Mágico Encontrado: {poblacion[indice]}")
459
             break
        elif estado == 'error_minimo':
460
461
             print(f"Cuadrado Mágico Encontrado: {poblacion[indice]} con Aptitud {aptitud[indice]}")
462
463
        poblacion = reproducir(poblacion, aptitud)
464
```

```
465
466
    generaciones = list(range(len(historial_aptitud['mejor'])))
467
   plt.scatter(generaciones, historial_aptitud['mejor'], color='green', label='Mejor Aptitud')
468
   plt.plot(generaciones, historial_aptitud['mejor'], color='green')
470
    plt.scatter(generaciones, historial_aptitud['peor'], color='red', label='Peor Aptitud')
471
    plt.plot(generaciones, historial_aptitud['peor'], color='red')
472
473
   plt.scatter(generaciones, historial_aptitud['promedio'], color='blue', label='Aptitud Promedio')
474
    plt.plot(generaciones, historial_aptitud['promedio'], color='blue')
475
   plt.legend()
477
   plt.xlabel('Generaciones')
478
   plt.ylabel('Aptitud')
   plt.title("Gráfica de convergencia")
480
   plt.show()
```

3. Conclusión

- ¿Cuál fue la función objetivo que encontró más rápido el cuadrado mágico?
- ¿Cómo modificaría el algoritmo para encontrar todos los posibles cuadrados mágicos? (recuerde que existe más de una solución)