



Carátula para entrega de prácticas

Facultad de Ingeniería

Laboratorio de docencia

Laboratorios de computación salas A y B

Professor: Jesus Cruz Navarro

Asignatura: Estructura de Datos y Algoritmos 2

Grupo: 1

No de Práctica(s): 01

Integrante(s): Diego Santiago Gutiérrez

*No. de Equipo de cómputo
empleado:*

No. de Lista o Brigada:

Semestre: Tercer Semestre

Fecha de entrega: 19/10/2020

Observaciones:

CALIFICACIÓN: _____

PRACTICA 03: ALGORITMO DE ORDENAMIENTO

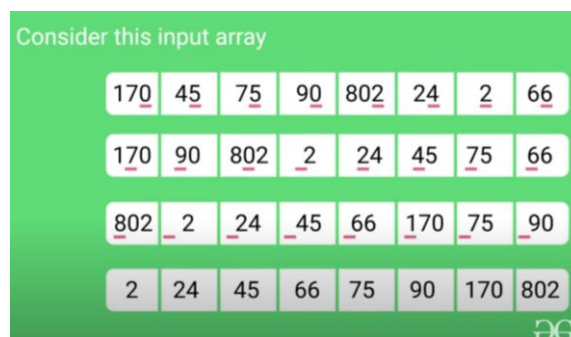
OBJETIVO: El estudiante conocerá e identifica la estructura de los algoritmos de ordenamiento Counting Sort y Radix Sort

INTRODUCCIÓN:

Counting sort es un algoritmo de ordenamiento en el que se cuenta el número de elementos de cada clase para luego ordenarlos. Solo puede ser utilizado por tanto para ordenar elementos que sean contables (como los números enteros en un determinado intervalo, pero no los números reales, por ejemplo)



Radix es un algoritmo de ordenamiento que ordena enteros procesando sus dígitos de forma individual. Como los enteros pueden representar cadenas de caracteres (por ejemplo, nombres o fechas) y, especialmente, números en punto flotante especialmente formateados, *radix sort* no está limitado sólo a los enteros. Existen dos clasificaciones de radix sort: el de dígito menos significativo (**LSD**) y el de dígito más significativo (**MSD**). *Radix sort LSD* procesa las representaciones de enteros empezando por el dígito menos significativo y moviéndose hacia el dígito más significativo. *Radix sort MSD* trabaja en sentido contrario.



REQUERIMIENTOS:

- :
 1. Programar los algoritmos de ordenamiento vistos en clase. Cada algoritmo debe estar en una función. Estos son:
 - a. CountingSort
 - b. RadixSort (para enteros, usando CountingSort para ordenar internamente)
 2. Desarrollar un programa para probar los algoritmos implementados anteriormente y registrar sus tiempos de ejecución con listas de tamaño n . Para probar, ambos algoritmos deben recibir el mismo conjunto de elementos (es decir, si es una lista aleatoria, los algoritmos deben recibir el mismo conjunto aleatorio). El programa debe imprimir al final n y el tiempo de ejecución de cada algoritmo. Se debe probar con listas de diferentes tamaños ($n = 1000, 200, 5000, 10000$) tiempos de ejecución para cada uno de los siguientes casos Mejor Caso, Pero Caso y Caso Promedio:
 - a. Debe explicar cuál es el peor, mejor y caso promedio para estos y diseñar las entradas para validar dichos casos.
 3. Dado que los tiempos pueden variar de una ejecución a otra, realice las pruebas 3 veces y obtenga el promedio de los tiempos
 - .
 4. Genere una gráfica para cada caso (3 gráficas), para comparar los tiempos de ambos algoritmos en función del tamaño de la lista (n vs t , es decir, las n en el eje X y los tiempos en segundos en el eje Y).

DESARROLLO:

1.a) Counting Sort

```
8 def CountingSort(A):
9     n = len(A) #n es del tamaño del arreglo
10    k = max(A) #k es el valor más alto del arreglo
11    C = [0]*(k+1) #Una unidad más que el valor maximo sera el numero de elementos que serán rellenos con 0
12    B = [0]*(n) #Una lista llena de 0 que tenga el tamaño del arreglo que estaremos trabajando
13
14    for j in range(n): #For de j al tamaño del arreglo(Para ir llenando)
15        C[A[j]] += 1 #El arreglo de C (que es el que tiene una unidad mas que k) en la posición 0 del arreglo A se incrementará en uno si el elemento
16        #El numero en la posición de j de A será el numero que guardará registro de su existencia en la posición del arreglo
17        #Es decir, si A[0]=3, entonces C[3]= 1 y este for iterará hasta que se acabe el arreglo
18
19    for j in range(1, k+1): #for de j a el valor maximo mas uno, es decir si el valor maximo es 15, el ciclo irá de 1 a 16
20        C[j] += C[j-1] #C[j] su valor se sumara con la posición anterior y se asignará a la posición de C[j]
21
22    for j in range(n-1,-1,-1): #For ira del tamaño del arreglo hasta -1 e ira decrementando en uno
23        B[C[A[j]]-1] = A[j] #Con en arreglo B que es el que tiene el tamaño del arreglo A
24        #Buscaremos el valor que hay en el inciso a[j] y se le restará una unidad, ejemplo si en su valor es A[j] = 1 -> A[j] = 0
25        #Con el numero del arreglo anterior, se buscará en el índice del arreglo de C[0] siguiendo el ejemplo de arriba
26        #Para que el valor que este en C[0] sea el índice del arreglo B y posterior a eso se tendrá que asignarle el valor de A[j] que era uno
27
28        C[A[j]] -= 1 #Para esto se le resta el valor del contador que llevamos para dar a entender que ese elemnto ha sido acomodado
29    return B #Regresa el arreglo ordenado
```

1.b) Radix Sort

```

31 def RadixSort(A): #Creamos nuestra funcion llamada RadixSort que recibe un arreglo
32     k = max(A) #Sacamos el valor maximo del arreglo
33     d = (int)(math.log10(k)+1) #Creamos d que por medio de una libreria sacamos el valor logaritmico en base diez del valor mas alto del arreglo
34     for i in range(d): # Veces que tendremos que hacer este proceso del calculo del logaritmo del valor más alto del arreglo
35         A = CountingSort2(A,i) #El arreglo sera recursivo y lo que tengamos en A lo iremos procesando con CountingSort2
36     return A #Retornamos el valor del arreglo ya cuando acabe el arreglo
37
38 def CountingSort2(A,i): #Declaramos nuestra funcion que recibirá un arreglo y le pasas el indice del arreglo de Radix
39     n = len(A) #Sacas el tamaño del arreglo en A
40     k = 9
41     C = [0]*(k+1) # llenamos el k+1 espacios de un arreglo con 0
42     B = [0]*(len(A)) #Creamos y llenamos el arreglo B con el tamaño del arreglo A con puros 0
43
44     for j in range(n): #For del tamaño de i hasta el tamaño del arreglo a usar
45         val = A[j] #Val se le asigna el valor del arreglo en la posicion j
46         di = (val // 10**i) % 10 #di nos ayuda a encontrar el modulo del valor mas pequeño de todos los valores, obteniendo la unidad de los numeros que tengamos
47         C[di] += 1 #C ira almacenando y recorriendo para poder hacer este proceso
48
49     for j in range(1, k+1): #j en el rango de (1 a k+1)
50         C[j] += C[j-1] #La posicion en C[j] se sumará al valor que este dentro de la posicion c(j-1) para asignarlo al mismo C[j]
51
52     for j in range(n-1,-1,-1): #Ira del tamaño del arreglo hasta -1, es decir que no haya elemetos y este ira recorriendo de menos uno en menos uno
53         val = A[j] #val se le asignará el valor de lo que tenga la poscicion A[j]
54         di = (val // 10**i) % 10 #Sacamos el valo de la unidad para ir comparando con los valores
55         B[C[di]-1] = val #El valor del arreglo C[di] menos uno, sera el indice para el arreglo de B para poder guardarlo en val
56         C[di] -= 1 #Retiramos un
57     return B # regresamos el arreglo ya ordenado de A
58

```

Nota: He decido explicar el programa dentro del mismo, creo que es mejor para el maestro y para mí y es continua la alimentación de la explicación.

En el main del programa podemos solo encontrar las creaciones de los arreglos mejores, normales y peores, su toma de tiempo para cada uno de los casos y sus impresiones de tiempos y de n.

RESULTADOS:

N=1000

Tiempo RadixSort normal: 0.003002 segundos
n: 1000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.005062 segundos
n: 1000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.007927 segundos
n: 1000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.000000 segundos
n: 1000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.001001 segundos
n: 1000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.001000 segundos
n: 1000

Tiempo RadixSort normal: 0.002000 segundos
n: 1000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.005006 segundos
n: 1000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.008005 segundos
n: 1000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.000000 segundos
n: 1000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.000987 segundos
n: 1000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.001115 segundos
n: 1000

Tiempo RadixSort normal: 0.001997 segundos
n: 1000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.004128 segundos
n: 1000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.005875 segundos
n: 1000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.001003 segundos
n: 1000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.000995 segundos
n: 1000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.001017 segundos
n: 1000

N=2000

Tiempo RadixSort normal: 0.005001 segundos
n: 2000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.015129 segundos
n: 2000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.015005 segundos
n: 2000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.000999 segundos
n: 2000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.002002 segundos
n: 2000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.002993 segundos
n: 2000

Tiempo RadixSort normal: 0.005885 segundos
n: 2000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.015003 segundos
n: 2000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.016062 segundos
n: 2000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.000946 segundos
n: 2000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.002099 segundos
n: 2000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.002875 segundos
n: 2000

Tiempo RadixSort normal: 0.006003 segundos
n: 2000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.015006 segundos
n: 2000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.016005 segundos
n: 2000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.002027 segundos
n: 2000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.001973 segundos
n: 2000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.001998 segundos
n: 2000

N=5000

Tiempo RadixSort normal: 0.013134 segundos
n: 5000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.092022 segundos
n: 5000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.045007 segundos
n: 5000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.002997 segundos
n: 5000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.005003 segundos
n: 5000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.007000 segundos
n: 5000

Tiempo RadixSort normal: 0.015007 segundos
n: 5000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.042010 segundos
n: 5000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.047008 segundos
n: 5000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.002998 segundos
n: 5000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.007008 segundos
n: 5000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.003998 segundos
n: 5000

Tiempo RadixSort normal: 0.016102 segundos
n: 5000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.041004 segundos
n: 5000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.064010 segundos
n: 5000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.003004 segundos
n: 5000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.008001 segundos
n: 5000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.004128 segundos
n: 5000

N=10000

Tiempo RadixSort normal: 0.026008 segundos
n: 10000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.100026 segundos
n: 10000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.102023 segundos
n: 10000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.010004 segundos
n: 10000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.012990 segundos
n: 10000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.012978 segundos
n: 10000

Tiempo RadixSort normal: 0.028005 segundos
n: 10000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.094022 segundos
n: 10000

Tiempo RadixSort PEOR: 0.118028 segundos
n: 10000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.037019 segundos
n: 10000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.021003 segundos
n: 10000

Tiempo CountingSort PEOR: 0.049012 segundos
n: 10000

Tiempo RadixSort normal: 0.039011 segundos
n: 10000

Tiempo RadixSort MEJOR: 0.180043 segundos
n: 10000

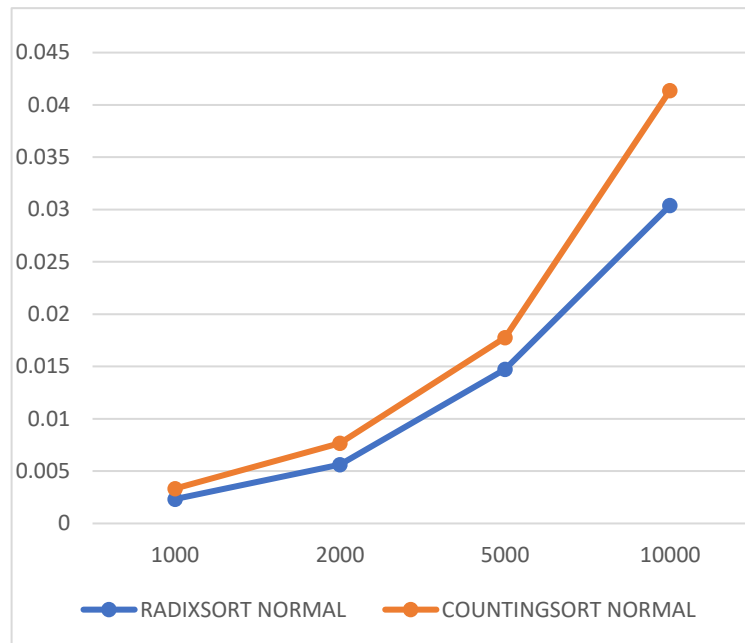
Tiempo RadixSort PEOR: 0.170042 segundos
n: 10000

Tiempo CountingSort NORMAL: 0.011001 segundos
n: 10000

Tiempo CountingSort MEJOR: 0.014005 segundos
n: 10000

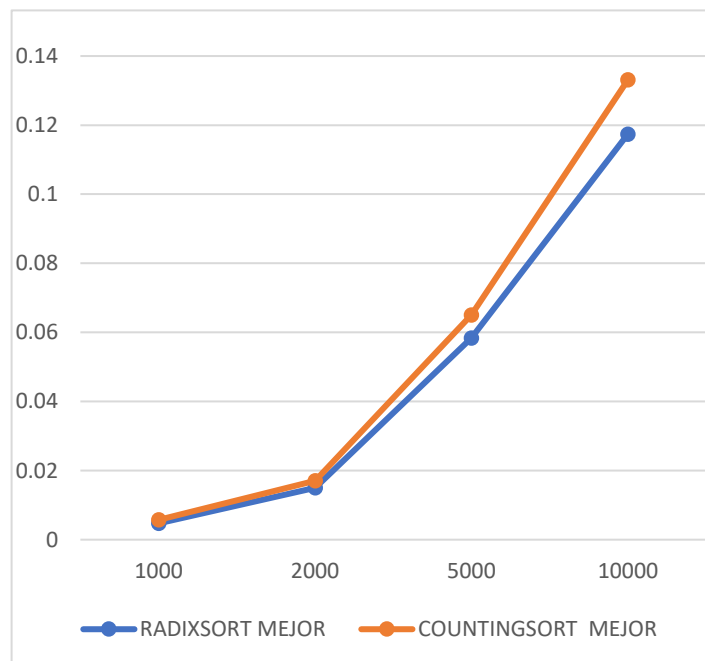
Tiempo CountingSort PEOR: 0.013001 segundos
n: 10000

CASO NORMAL



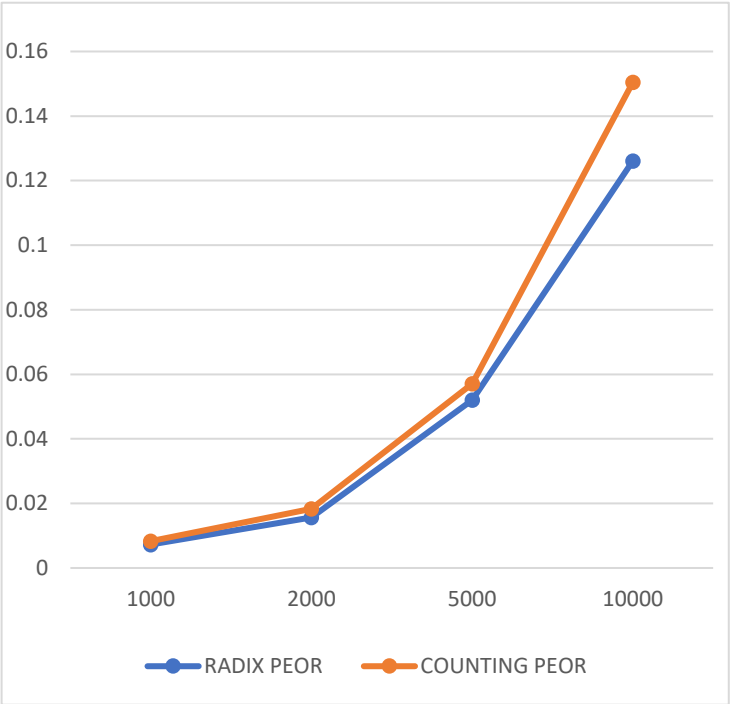
n	P1	P2	P3	PROMED		n	P1	P2	P3	PROMED
1000	0.003002	0.002	0.001997	0.002333		1000	0	0	0.001003	0.0003343
2000	0.005001	0.005885	0.006003	0.0056297		2000	0.000999	0.000946	0.002027	0.001324
5000	0.013134	0.015007	0.016102	0.0147477		5000	0.002997	0.002998	0.003004	0.0029997
10000	0.024134	0.028005	0.039011	0.0303833		10000	0.007003	0.037019	0.011001	0.018341
RADIXSORT NORMAL						COUNTINGSORT NORMAL				

MEJOR CASO



n	P1	P2	P3	PROMED		n	P1	P2	P3	PROMED
1000	0.005062	0.005006	0.004128	0.004732		1000	0.001001	0.000987	0.000995	0.0009943
2000	0.015129	0.015003	0.015006	0.015046		2000	0.002002	0.002099	0.001973	0.0020247
5000	0.092022	0.04201	0.041004	0.0583453		5000	0.005003	0.007008	0.008001	0.0066707
10000	0.078143	0.094022	0.180043	0.1174027		10000	0.012002	0.021003	0.014005	0.01567
RADIXSORT MEJOR						COUNTINGSORT MEJOR				

PEOR CASO



n	P1	P2	P3	PROMED		n	P1	P2	P3	PROMED
1000	0.007927	0.008005	0.005875	0.007269		1000	0.001	0.001115	0.001017	0.001044
2000	0.015005	0.016062	0.016005	0.0156907		2000	0.002993	0.002875	0.001998	0.002622
5000	0.045007	0.047008	0.06401	0.0520083		5000	0.007	0.003998	0.004128	0.005042
10000	0.090149	0.118028	0.170042	0.126073		10000	0.011031	0.049012	0.013001	0.024348
RADIX PEOR						COUNTING PEOR				

CONCLUSIONES:

El algoritmo posee una serie de limitaciones que obliga a que solo pueda ser utilizado en determinadas circunstancias, la ventaja que podemos encontrar de Radix Sort es que estos datos que tiene cualquier arreglo serán medidos, comparados y ordenados por procedimientos que se establecen dentro del mismo, que además usa de apoyo CountingSort2 para generar este ordenamiento que se requiere para determinar si un número es mayor que otro.

Para Radix sort que usa counting sort como una ordenación estable intermedia, la complejidad de tiempo es $O(d(n + k))$.

Aquí, d es el ciclo numérico y $O(n + k)$ es la complejidad temporal de la clasificación de conteo.

El algoritmo Counting Sort funciona mejor con una lista larga, de un solo elemento simple. La desventaja de este algoritmo es la necesidad de almacenar muchos datos en memoria.

Complejidad general = $O(\text{máx.}) + O(\text{tamaño}) + O(\text{máx.}) + O(\text{tamaño}) = O(\text{máx.} + \text{Tamaño})$

Peor complejidad del caso: $O(n + k)$

Mejor complejidad de caso: $O(n + k)$

Complejidad de casos promedio: $O(n + k)$

Podemos encontrar como en mi práctica, se maneja en que, para ambos algoritmos de acomodamiento, el mejor caso siempre fue el que tenía ya su lista ordenada en el mejor de los casos. Esto es debido a que al tener un arreglo ya ordenado, no requerirá de ningún proceso de ordenamiento, este ya está previo y por eso su ejecución es muy rápida. También es posible apreciar como en un manejo de pocos datos, RadixSort funciona mejor que CountingSort, mientras que los datos aumentaban era el caso contrario, Counting Sort era mejor y podía acomodar una gran cantidad de números.