

PONTIFICIA UNIVERSIDAD JAVERIANA

# Taller Analisis Numerico

## **Profesora**

Eddy Herrera Daza

## **Integrantes**

Diego Arroyo

arroyodiego@javeriana.edu.co

git: DiegoArroyoG

Santiago Caro

santiago.caro@javeriana.edu.co

git: SantiagoCaroDuque

Nicolas Lopez

lopezn.i@javeriana.edu.co

git: NicolasLopezFer

7 de septiembre de 2019

# 1. Tabla de Contenidos

<b>1. Tabla de Contenidos</b>	<b>1</b>
<b>2. Introducción</b>	<b>2</b>
<b>3. Punto 2</b>	<b>2</b>
3.1. Diseño . . . . .	2
3.1.1. Valores de entrada . . . . .	2
3.1.2. Valores de salida . . . . .	2
3.2. Algoritmo . . . . .	2
<b>4. Punto 5</b>	<b>3</b>
4.1. Diseño . . . . .	3
4.1.1. Valores de entrada . . . . .	3
4.1.2. Valores de salida . . . . .	3
4.2. Algoritmo . . . . .	3
<b>5. Punto 6</b>	<b>4</b>
5.1. Diseño . . . . .	4
5.1.1. Valores de entrada . . . . .	4
5.1.2. Valores de salida . . . . .	4
5.2. Algoritmo . . . . .	4
<b>6. Punto 7</b>	<b>5</b>
6.1. Diseño . . . . .	5
6.1.1. Valores de entrada . . . . .	5
6.1.2. Valores de salida . . . . .	5
6.2. Algoritmo . . . . .	5

## 2. Introducción

En este taller se van a tratar temas referentes a la interpolacion, en general, el problema de la interpolacion consiste en determinar una aproximacion  $f(x)$  en un punto  $x_i$  del dominio de  $f(x)$ , a partir del conjunto  $(x_i, y_i)$  de valores conocidos o en sus vecindades.

Adicionalmente, en la resolución del taller hicimos uso nuevamente de Python.

## 3. Punto 2

Con base en 3 puntos  $(0,10),(1,15),(2,5)$ , se debe contruir un polinomio con dos restricciones, la primera es que debe ser de grado 3 y la segunda y su tangente en  $x_i = 1$ . En este punto se hará un reconocimiento de la libreria de codigo abierto "ScyPy".

### 3.1. Diseño

#### 3.1.1. Valores de entrada

$x$  : Puntos en X.  $y$  : Puntos en Y.

#### 3.1.2. Valores de salida

$f$  : Polinomio resutado de interpolar.

### 3.2. Algoritmo

---

**Algorithm 1** Punto 2.

---

```
1: procedure PUNTO 2( $x, y$ )  
2:    $f \leftarrow interpolate.CubicSpline(x, y)$   
3: end procedure
```

---

## 4. Punto 5

A partir de las coordenadas dadas se interpolara por splines cubicos una mano.

### 4.1. Diseño

#### 4.1.1. Valores de entrada

$x$  : Puntos en X.  $y$  : Puntos en Y.

#### 4.1.2. Valores de salida

$lag_{pol}$  : Polinomio interpolado.

### 4.2. Algoritmo

---

**Algorithm 2** Punto 5.

---

```
1: procedure PUNTO 5( $x, y$ )  
2:    $lag_{pol} \leftarrow lagrange(x[i : j], y[i : j])$   
3:    $xe \leftarrow np.linspace(min(x[i : j]), max(x[i : j]))$   
4:    $ye \leftarrow lag_{pol}(xe)$   
5:    $plt.plot(xe, ye)$   
6: end procedure
```

---

## 5. Punto 6

Con base a la funcion  $\tan(x)$  evaluada en 10 puntos, se debe encontrar el valor " $\delta$ " utilizando la particion de la forma  $x_i = \delta k$ , tal que, el valor " $\delta$ " sea el numero que minimice el error.

### 5.1. Diseño

#### 5.1.1. Valores de entrada

#### 5.1.2. Valores de salida

$\delta$  : Numero que minimiza el error.

### 5.2. Algoritmo

---

**Algorithm 3** Punto 6.

---

```
1: procedure PUNTO 6
2:    $ini \leftarrow -1,4$ 
3:    $step \leftarrow 0,8$ 
4:    $xs \leftarrow \text{numpy.arange}(ini, ini + (step * 10), step)$ 
5:    $f \leftarrow \text{agrange}(xs, func(xs))$ 
6:   while  $\tan(x) - f(0) > 10e - 2$  do
7:      $xs \leftarrow \text{numpy.arange}(ini, ini + (step * 10), step)$ 
8:      $f \leftarrow \text{lagrange}(xs, func(xs))$ 
9:      $step- = 0,06$ 
10:  end while
11:   $step+ = 0,06$ 
12:   $xs \leftarrow \text{numpy.arange}(ini, ini + (step * 10), 0,1)$ 
13:  return step
14: end procedure
```

---

## 6. Punto 7

Con base a la funcion  $e^x$  evaluada entre  $[0,1]$  se debe determinar el tamaño de los pasos para producir un error por debajo de  $10e - 5$  a traves del metodo de langrange.

### 6.1. Diseño

#### 6.1.1. Valores de entrada

#### 6.1.2. Valores de salida

$\delta$  : Numero que minimiza el erro.

### 6.2. Algoritmo

---

**Algorithm 4** Punto 7.

---

```
1: procedure PUNTO 7
2:    $ini \leftarrow 1$ 
3:    $x \leftarrow \text{numpy.arange}(0, 1, ini)$ 
4:    $y \leftarrow e^x$ 
5:    $f \leftarrow \text{lagrange}(x, y)$ 
6:   while  $\tan(x) - f(0) > 10e - 2$  do
7:      $ini = 1$ 
8:      $x \leftarrow \text{numpy.arange}(0, 1, ini)$ 
9:      $y \leftarrow e^x$ 
10:     $f \leftarrow \text{lagrange}(x, y)$ 
11:  end while
12:  return ini
13: end procedure
```

---