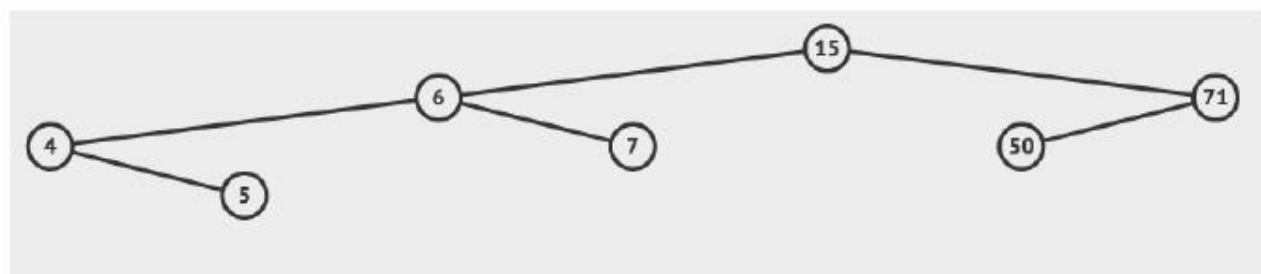


# Conceptos

1. Sea el siguiente árbol T representado en la figura. [20 puntos]



- Denote la secuencia pre-order al recorrer el árbol desde la raíz.

[15, 6, 4, 5, 7, 71, 50]

- Denote la secuencia in-order al recorrer el árbol desde la raíz.

[4, 5, 6, 7, 15, 50, 71]

- Denote la secuencia post-order al recorrer el árbol desde la raíz.

[5, 4, 7, 6, 50, 71, 15]

- Denote la altura máxima del árbol.

4 0 3

- Denote si el árbol está balanceado o no.

Si, dif H = 1

2. Responda con V o F para afirmar si las siguientes sentencias son verdaderas o falsas. Para el caso de las afirmaciones falsas justifique su respuesta.[8 Puntos]

- a. F La complejidad de tiempo para buscar en un BST depende de la altura, es decir  $\mathcal{O}(h)$ .

Si está balanceado  $\log(n)$   
 $\mathcal{O}(h)$

- b. V Si un BST está balanceado las inserciones tienen complejidad  $\mathcal{O}(\lg(n))$ .

- d. F El recorrido in-order de un BST tiene complejidad  $\mathcal{O}(\lg(n))$  porque depende de la altura.

$\mathcal{O}(n)$

## Análisis

Sea la siguiente función:

```
1 static void f(Node root) {  
2     if(root == null) {  
3         return;  
4     }  
5  
6     f(root.right);  
7     System.out.println(root.value);  
8     f(root.left);  
9 }
```

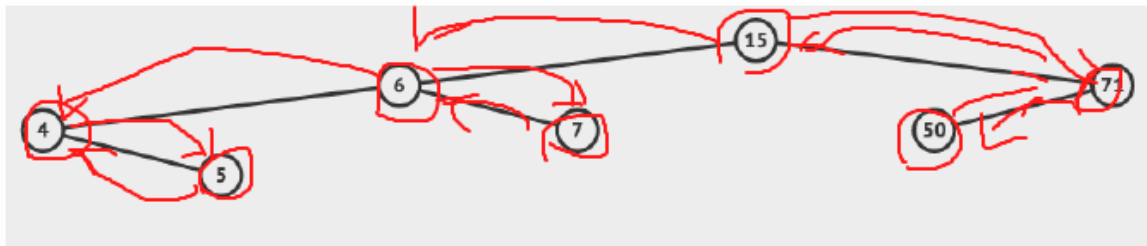
left  
Print  
Right

=>

Right  
Print  
left

[12 puntos]

- Describa la secuencia de salida para el árbol:



[7, 50, 15, 7, 6, 5, 4]

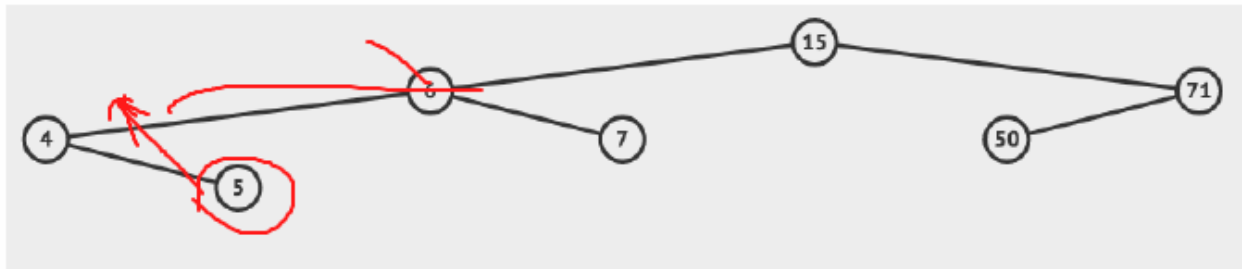
- Describa la complejidad de tiempo de ejecución para el algoritmo en términos de  $\mathcal{O}(f(n))$ .

$\mathcal{O}(n)$

## Desarrollo

Diseñe un algoritmo que como entrada reciba dos parámetros, la raíz de un bst y un número entero  $x$ . La salida del algoritmo debe ser el sucesor de  $x$  en el árbol. Si no existe un sucesor de  $x$  entonces el algoritmo debe retornar 0. Después de diseñar su algoritmo realice el análisis respectivo para indicar la complejidad de tiempo de este en términos de  $O(f(n))$  [20 puntos]

Por ejemplo sea el siguiente árbol:



Respecto el problema se puede observar:

- El sucesor de 4 es 5
- El sucesor de 5 es 6
- El sucesor de 50 es 71
- El sucesor de 71 es 0

$O(n)$

1) Recursividad (root, x)  
Node sucesor = null  
While (root != null)  
    RecursiveCall (root.left, x)  
    else  
        RecursiveCall (root.right, x)

$O(n)$

2) inorden

1	2	3	4	5	6	7	8
---	---	---	---	---	---	---	---

for  
    arr[i] == x  
        return arr[i+1]  
    else  
        arr[i+1] = null  
        return 0