

# PROYECTO DE ADA

## Secuencias

### Pregunta 1 (Voraz)

#### Algoritmo: Get-Blocks

Recibe: Un arreglo A de ceros y unos.

Devuelve: Un arreglo X de bloques de unos.

GET-BLOCKS( $A, p$ )	<i>cost</i>	<i>times</i>
1: $i = 1$	$c_1$	1
2: $j = 1$	$c_1$	1
3: <b>while</b> $i \leq p$	$c_3$	1
4: $tmp = 0$	$c_1$	1
5: <b>while</b> $A[i] \neq 1$	$c_4$	1
6: $i += 1$	$c_5$	1
7: <b>while</b> $A[i] \neq 0$	$c_4$	$p$
8: $i += 1$	$c_5$	$p$
9: $tmp += 1$	$c_5$	$p$
10: <b>if</b> $tmp \neq 0$	$c_6$	1
11: $X[j] = tmp$	$c_7$	1
12: $j += 1$	$c_5$	1
13: <b>return</b> X	$c_8$	1

#### Algoritmo: Min-Matching-Greedy

Recibe: Dos arreglos A y B de ceros y unos de tamaño p, con n bloques y m bloques respectivamente (los valores de n y m no son recibidos como entrada).

Devuelve: Un matching entre A y B, no necesariamente óptimo, y su peso.

MIN-MATCHING-GREEDY( $A, B$ )	<i>cost</i>	<i>times</i>
1: $X = \text{Get-Blocks}(A, p)$	$p$	1
2: $Y = \text{Get-Blocks}(B, p)$	$p$	1
3: $n = X.\text{size}$	$c_1$	1
4: $m = Y.\text{size}$	$c_1$	1
5: $\text{Match} = \emptyset$	$c_2$	1
6: $w = 0$	$c_3$	1
7: <b>for</b> $i = 1$ TO $\min(n, m) - 1$		

8: Match = Match $\cup \{\{i, i\}\}$	$c_4$	1
9: $w += X[i]/Y[i]$	$c_5$	1
10: <b>if</b> $n < m$	$c_6$	1
11: <b>for</b> $i = 0$ TO $m - n$		
12:     Match = Match $\cup \{\{m + i, m\}\}$	$c_4$	1
13: $w += X[m+i]/Y[m]$	$c_5$	1
14: <b>else</b>		
15: <b>for</b> $i = 0$ TO $n - m$		
16:     Match = Match $\cup \{\{n, n + i\}\}$	$c_4$	1
17: $w += X[n]/Y[n+i]$	$c_5$	1
18: return $w$ , Match	$c_7$	1

## Pregunta 2 (Recurrencia)

Asumimos que:

$X = \text{GET-BLOCKS}(A, p)$

$Y = \text{GET-BLOCKS}(B, p)$

$$OPT(i, j) = \begin{cases} \frac{X_i}{Y_j} & i = 1 \wedge j = 1 \\ \frac{X_i}{\sum_{p=1}^j Y_p} & i = 1 \wedge j > 1 \\ \frac{\sum_{p=1}^i X_p}{Y_j} & i > 1 \wedge j = 1 \\ \min(M_g(i, j), M_d(i, j)) & i > 1 \wedge j > 1 \end{cases}$$

$$M_g(i, j) = \min_{k=1}^{i-1} \left\{ \frac{\sum_{p=k+1}^i X_p}{Y_j} + OPT(k, j-1) \right\}$$

$$M_d(i, j) = \min_{k=1}^{j-1} \left\{ \frac{X_i}{\sum_{p=k+1}^j Y_p} + OPT(i-1, k) \right\}$$

## Pregunta 3 (Recursivo)

Asumimos que:

$X = \text{GET-BLOCKS}(A, p)$

$Y = \text{GET-BLOCKS}(B, p)$

### Algoritmo: Group

GROUP( $X, Y, i, j$ )	<i>cost</i>	<i>times</i>
1: Min = $\infty$	.	.
2: <b>for</b> $k = 1$ TO $i - 1$	.	.
3:   accum = 0	.	.
4: <b>for</b> $p = k + 1$ TO $i$	.	.

5:	accum += $X[p]$	.	.
6:	accum /= $Y[j]$	.	.
7:	match, pmin = MIN-MATCHING-RECURSIVE( $X, Y, k, j - 1$ )	.	.
8:	<b>if</b> Min > accum + pmin	.	.
9:	Min = accum + pmin	.	.
10:	Match = match	.	.
11:	<b>return</b> Match $\cup \{[i, j]\}$ , Min	.	.

### Algoritmo: Division

DIVISION( $X, Y, i, j$ )	<i>cost</i>	<i>times</i>
1: Min = $\infty$	.	.
2: <b>for</b> $k = 1$ TO $j - 1$	.	.
3: accum = 0	.	.
4: <b>for</b> $p = k + 1$ TO $j$	.	.
5: accum += $Y[p]$	.	.
6: accum = $X[i]/\text{accum}$	.	.
7: match, pmin = MIN-MATCHING-RECURSIVE( $X, Y, i - 1, k$ )	.	.
8: <b>if</b> Min > accum + pmin	.	.
9: Min = accum + pmin	.	.
10: Match = match	.	.
11: <b>return</b> Match $\cup \{[i, j]\}$ , Min	.	.

### Algoritmo: Min-Matching-Recursive

MIN-MATCHING-RECURSIVE( $X, Y, i, j$ )	<i>cost</i>	<i>times</i>
1: <b>if</b> $i == 1$ and $j == 1$	.	.
2: <b>return</b> $\{[i, j]\}, \frac{X[i]}{Y[i]}$	.	.
3: <b>if</b> $i == 1$ and $j > 1$	.	.
4: match = $\{\}$	.	.
5: accumY = 0	.	.
6: <b>for</b> $p = 1$ TO $j$	.	.
7: accumY += $Y[p]$	.	.
8: Match = Match $\cup \{[i, p]\}$ ,	.	.
9: <b>return</b> Match, $\frac{X[i]}{\text{accumY}}$	.	.
10: <b>if</b> $i > 1$ and $j == 1$	.	.
11: match = $\{\}$	.	.
12: accumX = 0	.	.
13: <b>for</b> $p = 1$ TO $i$	.	.
14: accumX += $X[p]$	.	.
15: Match = Match $\cup \{[p, j]\}$ ,	.	.
16: <b>return</b> Match, $\frac{\text{accumX}}{Y[j]}$	.	.

17: MatchG, MinG = GROUP( $X, Y, i, j$ )	.	.
18: MatchD, MinD = DIVISION( $X, Y, i, j$ )	.	.
19: <b>if</b> MinG > MinD	.	.
20: <b>return</b> MatchD, MinD	.	.
21: <b>return</b> MatchG, MinG	.	.

## Pregunta 4 (Memoizado)

Los algoritmos para las funciones group y división permanecen igual. La diferencia con el algoritmo recursivo es que almacena los datos ya calculados en una matriz de tamaño  $m * n$  para evitar llamadas que calculen datos que ya sabemos.

**Recibe:** Dos arreglos de bits, X y Y con la cantidad de pesos que tienen i y j respectivamente.

**Devuelve:** El matching de peso mínimo junto con su peso.

### Algoritmo: Min-Matching-Memoization

MIN-MATCHING-MEMOIZATION( $X, Y, i, j$ )	<i>cost</i>	<i>times</i>
1: <b>if</b> $minMatch[i][j][2] \neq \infty$	.	.
2: <b>return</b> $minMatch[i][j][1]$ , $minMatch[i][j][2]$	$c_1$	1
3: <b>if</b> $i == 1$ <b>and</b> $j == 1$	.	.
4: $minMatch[i][j][1] = [(i, j)]$	$c_2$	1
5: $minMatch[i][j][2] = \frac{X[i]}{Y[j]}$	$c_3$	1
6: <b>return</b> $minMatch[i][j][1]$ , $minMatch[i][j][2]$	$c_4$	1
7: <b>if</b> $i == 1$ <b>and</b> $j > 1$	.	.
8:     match = {}	$c_5$	1
9:     accumY = 0	$c_6$	1
10: <b>for</b> $p = 1$ TO $j$	$c_7$	$j$
11:       accumY += Y[p]	$c_8$	1
12:       Match = Match $\cup \{[i, p]\}$ ,	$c_9$	1
13: $minMatch[i][j][1] = Match$	$c_{10}$	1
14: $minMatch[i][j][2] = \frac{X[i]}{accumY}$	$c_{11}$	1
15: <b>return</b> $minMatch[i][j][1]$ , $minMatch[i][j][2]$	$c_{12}$	1
16: <b>if</b> $i > 1$ <b>and</b> $j == 1$	.	.
17:     match = {}	$c_{13}$	1
18:     accumX = 0	$c_{14}$	1
19: <b>for</b> $p = 1$ TO $i$	$c_{15}$	$i$
20:       accumX += X[p]	$c_{16}$	1
21:       Match = Match $\cup \{[p, j]\}$ ,	$c_{17}$	1
22: $minMatch[i][j][1] = Match$	$c_{18}$	1
23: $minMatch[i][j][2] = \frac{accumX}{Y[j]}$	$c_{19}$	1
24: <b>return</b> $minMatch[i][j][1]$ , $minMatch[i][j][2]$	$c_{20}$	1
25: MatchG, MinG = GROUP( $X, Y, i, j$ )	$i * j$	1
26: MatchD, MinD = DIVISION( $X, Y, i, j$ )	$i * j$	1
27: <b>if</b> MinG > MinD	.	.

28: **return** MatchD, MinD  
29: **return** MatchG, MinG

$c_{21}$  1  
 $c_{22}$  1

### Pregunta 5 (Programación Dinámica)