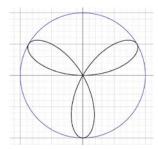
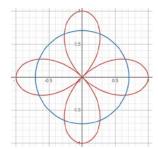


## VIERNES 27 DE SEPTIEMBRE DE 2024

- 1. Demuestre que el área de una elipse, descrita por  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ , es  $A = \pi ab$ .
- 2. Encuentre el área fuera de la rosa  $r = \sin(3\theta)$  y dentro de la circunferencia r = 1. **Nota: Grafique por su** cuenta las regiones dadas.



3. Encuentre el área dentro de la rosa  $r = cos(2\theta)$  y fuera de la circunferencia  $r = \frac{1}{\sqrt{2}}$  Nota: Grafique por su cuenta las regiones dadas.



4. Una lámina ocupa la región dentro de la circunferencia  $x^2 + y^2 = 2y$  pero fuera del círculo  $x^2 + y^2 = 1$ . Calcule el centro de masa si la densidad a cualquier punto es inversamente proporcional a su distancia del origen. **Nota: Grafique las regiones tanto a mano como en la TI.**