## Tarea 4

## 1. Pregunta 01

A Factoriza 35 tratando de calcular 3Q.

Primero para poder realizar esta operación tenemos que enontrar 2Q, para ello tenemos que sumar los puntos (15,4) + (15,4) Recordando que la suma se define de la siguiente forma

$$P+Q=$$

$$\begin{cases} Infinito & \text{SI } x_1 = x_2 \& -y_1 = y_2; \\ (x_3, y_3) & x_3 = (\lambda - x_1 - x_2) \bmod p \ y \ y_3 = (\lambda(x_1 - x_3) - x_1) \bmod p \end{cases}$$

Pero para esto necesitamos sacar primero a  $\lambda$  que recordemos que se difine de la siguiente manera

$$\lambda =$$

$$\begin{cases} ((3x_1^2 + A) * 2(y_1)^{-1})) \mod p & \text{si } P = Q; \\ ((y_1 - y_2) * (x_1 - x_2)) \mod p & \text{si } P! = Q; \end{cases}$$

Para esto entonces simplemente sustituimos los valores, en lambda debido a que P=Q entonces usamos el primer caso de la lamda lo cual nos dice que  $\lambda = (((3(15)^2) + -20) * 2(-4)^{-1})) mod 35$ 

- $\rightarrow (((3*225)-20*(-8)^{-1}) \text{mod } 35$
- $\rightarrow ((675-20)*13) \mod 35$
- $\rightarrow$  (655 \* 13) mod 35
- $\rightarrow 8515 \bmod 35$

$$\lambda = 10$$

Ahora ya podemos sumar, primero sacaremos  $x_3 = 10^2$ -15-15 mod 35

- $\rightarrow$  100-30 mod 35
- $\rightarrow$ 70 mod 35
- ∴ x3=0

Ahora debemos sacar a  $y_3 = (10(15-0) - -4) \mod 35$ 

- $\rightarrow$  150+4 mod 35
- $\rightarrow 154 \bmod 35$
- $y_3 = 14$

Entonces ya sabemos el valor del punto 2Q, ahora debemos sumar Q+2q para tener 3Q, para eso debemos calcular de nuevo  $\lambda$  por lo que haremos

$$\lambda = \frac{-4 - 14}{15 - 0}$$

Aquí encontramos un error debido a que 15 no tiene inverso multiplicativo en el grupo 35 así que eso implica que tenemos que sacar el MCD(35,15) = 5 : 5 es factor de 35.

2 Factoriza 35 tratando de calcular 4Q duplicándolo.

Ahora no calcularemos 2Q debido a que ya lo calculamos anteriormente en el ejercicio 1 por lo cual pasaremos a calcular  $\lambda$  bajo la definición del ejercicio 1

$$\lambda = \frac{3(0)^2}{2(14)} \mod 35$$

Encontramos de nuevo el mismo problema que en el ejercicio anterior debido a que 28 mod 35 no tiene inverso, por lo cual debemos sacar su MCD(28,35) = 7 : ... 7 es un factor de 35

3 Calcula 3Q y 4Q sobre E (mod 5) y sobre E (mod 7) explica por que el factor 5 se obtiene calculando 3Q y por que el factor 7 se obtiene calculando 4Q.

Debido a que cuando calculas 3Q , intentamos sacar el inverso de 15 en el grupo 35, esto conflictuá ya que como 15 y 35 no son primos  $\rightarrow$  que son números compuesto por primos esto nos lo sabemos por el teorema fundamental de la aritmética , ahora al sacar su MCD descubrimos que 5 es ese número  $\therefore$  por esa razón 3 q , nos dio el valor 5 por compartir ese primo con 15 y análogamente pasa lo mismo con 28 y 35

Ahora el valor de 3 Q con 5 = No se puede calcular debido a que tenemos que cuando intentamos sumar Q= (15,-4) con 2Q=(0,4)(Los calculos de como se llego a 2q se dejan como ejercicio para el lector ) e intentamos sacar  $\alpha = (-4-4).(0-15)^{-1}$ 

 $\rightarrow 8$ . (-15)^{-1} y como -15 no esta en el campo de 5 entonces lo que hacemos es devolverlo con la operación modulo  $\rightarrow$  -15 mod 5 = 0 y 0 no tiene inverso multiplicativo en 5 y no existe MCD(0,5) por lo que nuestro proceso termina aquí