

# Método del punto fijo

Univ. Edson Eddy Lecoña Zarate

Facultad de Ciencias Puras y Naturales

Universidad Mayor de San Andrés

Análisis Numérico

# Contenido

I. Método del punto fijo.

II. Descripción del método

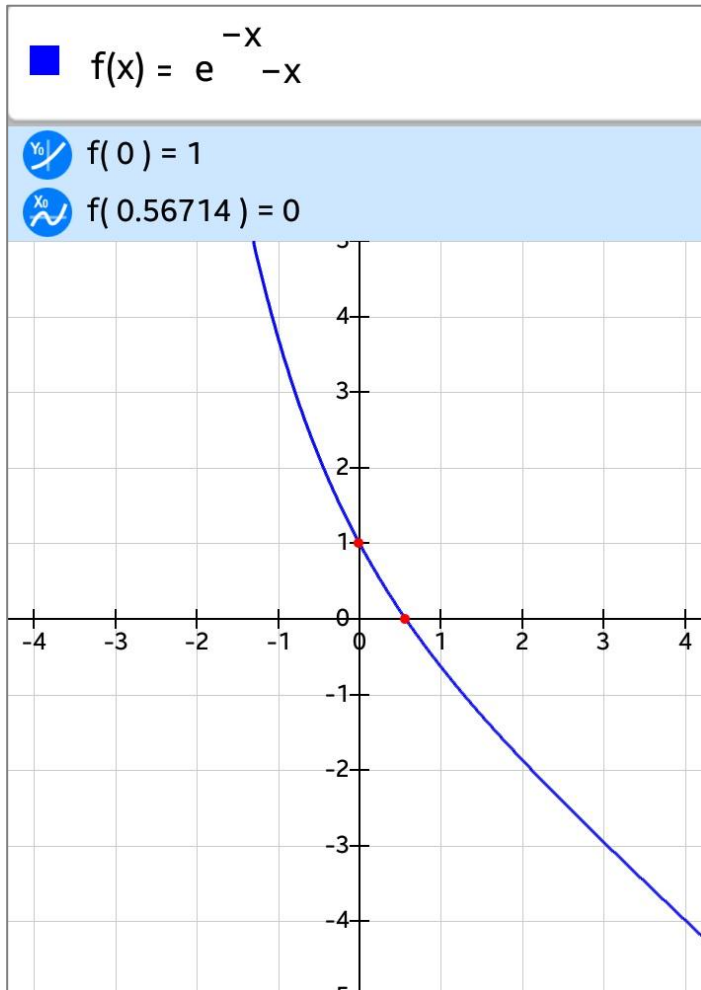
III. Procedimiento

IV. Algoritmo para iteración de  
punto fijo

V. Ejemplos

VI. Bibliografía

# I. Método del punto fijo



El **método del punto fijo** es un método iterativo que permite resolver ecuaciones no necesariamente lineales, también se lo puede utilizar para determinar raíces de una ecuación  $f(x)$  siempre y cuando se cumplan los criterios de convergencia.

## II. Descripción del método

El método requiere volver a escribir la ecuación:

$$f(x) = 0$$

en la forma:

$$g(x) = x$$

De modo que existen muchas formas de llegar a la igualdad, a continuación utilizaremos la forma mas sencilla:

$$f(x) = 0$$

$$f(x) + x = x$$

$$g(x) = x$$

### III. Procedimiento

El procedimiento empieza con una estimación de  $x$ , que es mejorada en cada iteración hasta alcanzar la convergencia, la derivada  $dg/dx$  deber ser menor que 1 en magnitud para los valores  $x$  que se van encontrando en las iteraciones, además la convergencia será establecida mediante un requisito de que en una iteración a la siguiente no sea mayor a la siguiente que alguna pequeña cantidad (épsilon).

## IV. Algoritmo para iteración de punto fijo

1. Se ubica una raíz de  $f(x)$  analizando su grafica.
2. Se despeja de forma  $x = g(x)$ .
3. Obtenemos la derivada  $g'(x)$ .
4. Resolvemos  $-1 \leq g'(x) \leq 1$  para hallar el rango de valores en los cuales esta el punto fijo llamado R.
5. Con R buscamos la raíz en  $g(x)$ , haciendo iteración de las operaciones  $g(R)=R$ ;

## V. Ejemplos

Sea  $f(x) = x^2 + 2x + 1$  una función encontrar la raíz.

Obtenemos  $x = g(x)$ :

$$x^2 + 2x + 1 = 0$$

$$x^2 + 2x + 1 + x = x$$

$$x^2 + 3x + 1 = x$$

$$g(x) = x$$

Obtenemos  $g'(x)$  y resolvemos la desigualdad

$$-1 \leq g'(x) \leq 1$$

$$-1 \leq 2x + 3 \leq 1$$

$$-1 \leq 2x + 3 \quad \wedge \quad 2x + 3 \leq 1$$

$$-2 \leq x \quad \wedge \quad x \leq -1$$

Al final obtenemos los valores Cs:  $[-2, -1]$

Sea  $R = -1,9$  y una tolerancia de  $0,5$  obtenemos los siguientes valores:

#iteración	x	ea (%)
0	-1.0900	74.3119
1	-1.0819	0.7487
2	-1.0752	0.6239
3	-1.0695	0.5286
4	-1.0647	0.4542

Se obtiene un numero  $x$  considerable ya que la raíz verdadera es  $-1$ .



## VI. Bibliografía

**Numerical Analysis**, Richard L. Burden - J. Douglas Faires, Novena Edición, 2011.

**Métodos Numéricos**, *Steven C. Chapra - Raymond P. Canale*, Quinta Edición, 2006.

<http://www.wikipedia.com>

<http://www.scribd.com>