1. En esta práctica usted ejercitará y explorará algunas características del poderoso módulo Numpy. Para ello, cargue el módulo usando:

```
from numpy import *
```

2. En Numpy existe una función llamada arange que es muy similar a la ya conocida función range. La diferencia es que range genera una lista mientras que arange genera un arreglo de Numpy. Para comprobar esto, ejecute:

```
x=range(10)
y=arange(10)
print(x,type(x))
print(y,type(y))
```

En otras palabras, arange(10) es equivalente a array(range(10)).

3. Usando arreglos de Numpy es posible realizar muchos cálculos en forma rápida y eficiente, sin necesidad de recurrir a ciclos (for o while). Por ejemplo, puede calcular la misma suma calculada en el punto 2 de la guía 09 usando

```
x=arange(101)
suma=sum(1./2.**x)
print(suma)
```

Verifique lo anterior y asegúrese de entender qué se está calculando.

- 4. Adapte la idea del cálculo en el punto anterior para implementar un cálculo alternativo para el factorial de un número n (entero positivo), pero esta vez usando un arreglo de Numpy y la función prod() que calcula el producto de cada componente de un arreglo de Numpy (similarmente a como sum() calcula la suma).
- 5. Verifique que, a diferencia de su pariente range(), la función arange() también funciona con pasos decimales, por ejemplo

```
print(arange(1,10,0.3))
```

6. Otra función muy útil para crear arreglos de valores en un intervalo es linspace(), que tiene el formato linspace(desde,hasta,numerodeelementos). Por ejemplo, ejecute los siguientes comandos:

```
x=linspace(1,10,20)
y=linspace(-pi,pi,100)
print(x,size(x))
print(y,size(y))
```

7. Otra propiedad importante de los arreglos es que sus elementos pueden usarse para iterar en un ciclo for. Para ver esto, ejecute:

```
x=arange(11)
y=x**2
for i in x:
    print ("la componente "+str(i)+" de y es igual a "+str(y[i]))
```

8. Considere el archivo de datos datos.txt. Numpy contiene la función genfromtxt, que lee datos desde un archivo y los asigna a un arreglo, de la dimensión apropiada. Ejecute (en la misma carpeta donde está el archivo datos.txt) los siguientes comandos:

```
d=genfromtxt("datos.txt")
x=d[:,0]
y=d[:,1]
```

La primera línea carga los datos al arreglo d. Las últimas dos líneas asignan la primera columna de datos al arreglo x y la segunda columna a y. Usando las funciones shape y size de Numpy, verifique la forma y tamaño de los arreglos d, x e y. Asegúrese de entender que es lo que realiza exactamente cada comando anterior.

- 9. Usando lo anterior, calcule e imprima:
 - (a) El promedio de los valores de la primera columna. (puede usar la función sum y len para calcular el promedio, o bien la función mean de Numpy).
 - (b) El promedio de los cuadrados de los valores de la segunda columna.
 - (c) La suma de los productos de cada elemento de la primera con la segunda columna (es decir, $0.1*0.738+0.25*0.826+0.41*0.981+\cdots$).
- 10. Bonus Track (opcional): Los arreglos de Numpy también pueden contener componentes con valores booleanos (siempre que todas las componentes lo sean). Por ejemplo,

```
x=arange(11)
y=(x>5)
print(x)
print(y)
```

muestra que y es un arreglo cuyas componentes son verdaderas o falsas dependiendo si la condición impuesta (x>5) se satisface en cada componente del arreglo x.

11. **Bonus Track (opcional):** Las funciones any() y all(), al ser aplicadas a un arreglo de booleanos indican si alguna o todas las componentes del arreglo son verdaderas, respectivamente. Usando el arreglo x definido en el punto anterior, entonces

```
any(x>5)
```

es verdadero porque sí existe una componente del arreglo x que es mayor que 5, en cambio

```
any(x>10)
```

es falso. Verifique en forma similar el comportamiento de all() (por ejemplo, viendo qué entregan los comandos all(x>5) y all(x>=0)).