# Arquitectura de Hardware para Convolución Bidimensional con Memoria Limitada Aplicada al Procesamiento de Imágenes

## Martin Casabella, Sergio Sulca, Ivan Vignolles

Escuela de Ingeniería en Computación Facultad de Ciencias Exactas Físicas y Naturales Universidad Nacional de Córdoba

Email: martin.casabella@gmail.com, ser.0090@gmail.com, ivignolles@alumnos.unc.edu.ar

Abstract—En este artículo se presenta una arquitectura de hardware para realizar una convolución 2D en una FPGA cuando no se puede instanciar suficiente memoria RAM para poder alojar la imagen completa. Se priorizó la velocidad de procesamiento, el uso eficiente de los recursos y un diseño escalable donde se pudieran agregar tantas operaciones de convolución en paralelo como se desee sin deber hacer grandes modificaciones en el diseño.

### 1. Introduction

La convolución bidimensional discreta es ampliamente usada en multiples campos de la ingenieria, siendo uno de ellos la visión artificial que ha tomado fuerza en la ultima década con los resultados obtenidos con las redes neuronales convolucionales. El creciente tamaño en los modelos, como asi tambien en la informacion disponible para el entrenamiento hacen de la velocidad de procesamiento un factor de gran importancia.

Por la naturaleza de los datos y de la operación de la convolución, un enfoque paralelo resulta mucho más eficiente que uno secuencial en lo que a velocidad de procesamiento respecta. Se utilizaron FPGAs para la implementacion, pues resuelven la necesidad de paralelismo como también la de poder probar distintos prototipos de arquitecturas de hardware.

La convolución discreta en 2D esta definida matemáticamente por la siguiente ecuación:

$$S(x,y) = \sum_{i} \sum_{j} I(x-i,y-j)K(i,j)$$
 (1)

Al no ser necesaria la propiedad de conmutatividad en nuestro caso, es posible eliminar la necesidad de espejar una de las matrices [CITA DE DEEPLEARNING BOOK], obteniendo la función de correlacion cruzada

$$S(x,y) = \sum_{i} \sum_{j} I(x+i,y+j)K(i,j)$$
 (2)

La cual será en realidad implementada, por lo que en lo que resta del artículo, cada vez que se nombre a la operación de convolución, se estará haciendo referencia a la ecuación 2.

Uno de los mayores desafíos fue trabajar con memoria RAM lo suficientemente escaza que no fuera capaz de alojar todos los pixels de la imagen que se desea procesar. Por lo que la imágen debe ser fraccionada y procesada en lotes.

## 2. Análisis en punto flotante y punto fijo

No se arranca con un simulador en python ya que las cuestiones del procesamiento de la imagen estn ms enfocada a la etapa de implementacin, sin embargo en la etapa de verificacin del sistema hubo que hacer un entendimiento del comportamiento de los distintos kernels(filtros).

Como primer paso tenemos que tomar una imagen y procesarla, pero hay que tener en cuenta que se cuenta con una resolucin finita, por ende necesitamos entender, cuantos bits de resolucin mnimos vamos a necesitar sin perder demasiada informacin.

#### 2.1. Análisis de comportamiento

Trabajado con un análisis a nivel del comportamiento del kernel en python, se observa que el rango de la imagen deben ser modificadas, para trabajar en un rango de 8 bits, de ah surgen

**2.1.1. Maximum norm.** Toma como norma el mayor valor absoluto de una tupla con n elementos

$$\|\mathbf{x}\|_{\infty} := \max(|x_1|, ..., |x_n|)$$

**2.1.2.** División con respecto a la norma. Tomando el valor mximo de la tupla en valor absoluta y dividiendo cada uno de los elementos del kernel

$$\hat{k}_{ij} = \frac{k_{ij}}{\|\mathbf{k}\|}$$

la razn de todo esto es llevar los valores iniciales del kernel al rango [-1; 1). Para poder tener una representacin de 8 bits, para los mismos.

**2.1.3. Expanción lineal dinámica de rango.** Utilizados para el procesamiento de imgenes donde usualmente se traslada la imagen a un rango conveniente.

$$I_N = (I - Min) \frac{newMax - newMin}{Max - Min} + newMin$$

As como en el kernel, el objetivo aqui es llevar los valores de cada pixel de la imagen a [0 ; 1). Con el fin de tener una representacin en 8 bits.

Para reducir el nmero bits a manejar en la implementacin en hardware, ya sea en la etapa de clculo de convolucin como en la de transferencia de los datos por UART. se escoge como ancho de palabra 8 bits (para la etapa de envio de datos).

Al obtener un cierto cambio en el rango de la imagen que nos permiti a nosotros decir, que el producto de normalizar la seal, en principio, el rango de los datos nos entra en 8 bits y 7 bits, trabajando esto en python. Llegandose a lo siguiente.

Teniendo en cuenta que el kernel tiene componentes negativos Representacin utilizada en imagen S(8,7) Representacin utilizada en Kernel S(8,7)

En la operacin inicial de la convolucin se tendra como resultado en S(16,14) por cada producto , al tener un kernel de 3x3 se tiene un suma de 9 elementos. Teniendo una representacin S(20,14), lo que implica a la salida de 20 bits en el convolucionador.

Por cmo tenamos que trabajar con los mdulos UART la mxima unidad de informacin son 8 bits, por lo cual para enviar un dato, se requieren 3 envios.

Por ende se produce a realizar un post procesamiento que consiste en llevar el resultado de la convolucin a rango positivo y mapear los bits menos significativos a uno ms significativo. Para ello se realiza un truncado de los bits menos significativos.

**2.1.4. Métrica.** Para poder establecer una Mtrica y realizar una comparacin, para decidir la cantidad de bits de salida del procesamiento. todo esto con el fin de reducir, ya sea la parte fraccionaria, o la entera. Se empez a realizar una relacin entre la operacin a mxima resolucin y otra disminuyendo los bits.

Se genera una relacin seal ruido de la estimacin a 20 bits y el error generado de reducir la cantidad de bits. Con el objetivo poder determinar la cantidad de bits mnima de trabajo

[OJO ACA!!!! ???? ] ;——

• Error:

$$e_r = f(x)_{20b} - f(x)_{pos}$$

Energia:

$$E = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} x_i^2$$

• SNR:

$$SNR = \frac{E_{20b}}{E_{error}}$$

**2.1.5. Representación en punto fijo.** Haciendo la convolucin con un filtro unitario.

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Al realizar el anlisis reduciendo los bits de la parte fraccionaria, partiendo de 8 bits en totales se empez a observar que la imagen mejoraba , y que a partir de 13 bits totales 1 bit de signo, 5 bits parte entera y 7 en parte fraccionaria se tiene una SNR aprox. a 30 dB, la cual se considera suficiente.

#### [IMAGEN DE CONV FIX POINT Y POSTPROC]

Se considera suficiente debido a observacin de las imgenes, en donde se aprecia que si nos quedamos con 8 bits de salida (lo que intuye al principio por las resoluciones el filtro y de la imagen) se tiene una calidad muy baja. pero a medida que se aumenta la cantidad de bits, la imagen se va mejorando.

[IMAGEN LA ESTRUCTURA DE LOS BITS (SIGNO/ENTERO/FRACCIONARIO)]

[IMAGEN DE LENA CON DISTINTAS RESOLU-CIONES]

Al nivel de 13 bits se tiene una mejor apreciacin de la imagen. Aunque si se realiza un anlisis ms finos se nota una degradacin respecto de la original. Pero como el objetivo no es no es representar una imagen en su totalidad sino, hacer deteccin de borde o detectar elementos, etc. para la cual la precisin de la imagen queda en un segundo plano.

Para avanzar un paso ms en la reduccin de bits se realiza el mismo anlisis reduciendo el bit ms significativo de la parte entera. lo cual permite quedarse con una resolucin de 12 bits.

[IMAGEN LA ESTRUCTURA DE LOS BITS NUEVA(SIGNO/ENTERO/FRACCIONARIO)]

[IMAGEN DE LENA CON DISTINTAS RESOLU-CIONES NUEVA]

Se puede llevar el rango final a 8 bits, si se hace un cambio de rango igual al que se hizo para la imagen antes de procesarla . pero para ello se requiere conocer el maximo y el mnimo valor de pixel de la imagen luego de filtrar, esto requiere que toda la imagen se encuentre en la memoria. Debido a las limitacin esto no se poda llevar a cabo.

## 3. Conclusion

The conclusion goes here.

#### **Acknowledgments**

The authors would like to thank...

## References

[1] H. Kopka and P. W. Daly, *A Guide to LEX*, 3rd ed. Harlow, England: Addison-Wesley, 1999.