

## 9. Übungsblatt

**1. Aufgabe.** Lösen Sie die folgenden Anfangswertprobleme für die Differentialgleichungen 1. Ordnung mit Hilfe der Laplace-Transformation:

- a)  $y'(t) - 11y(t) = 3 - 10t, \quad y(0) = 3$
- b)  $y'(t) + y(t) = 2 \sin(2t), \quad y(0) = 1$
- c)  $y' - y = e^t, \quad y(0) = 1$
- d)  $y' + 3y = e - \cos t, \quad y(0) = 5$
- e)  $y' - 5y = 2 \cos t - \sin(3t), \quad y(0) = 0$

**2. Aufgabe.** Ermitteln Sie die charakteristische Gleichung, das Fundamentalsystem der Lösungen und die allgemeine Lösung  $y(t)$  der folgenden homogenen linearen Differentialgleichungen mit konstanten Koeffizienten:

- a)  $y'' + 13y' + 40y = 0,$
- b)  $y'' - 8y' + 16y = 0,$
- c)  $y'' + 6y' + 34y = 0,$
- d)  $y'' + 4y' + 13y = 0,$
- e)  $y'' - 2ay' + a^2y = 0,$

**3. Aufgabe.** Zeigen Sie: Die Funktionen

$$y_1(x) = e^{2x} \text{ und } y_2(x) = x \cdot e^{2x}$$

bilden eine Fundamentalbasis der inhomogenen Differentialgleichung 2. Ordnung  $y'' - 4y' + 4y = 0$

**4. Aufgabe.** Ermitteln Sie die charakteristische Gleichung, die Basis der allgemeinen Lösung und die allgemeine Lösung  $y_h(t)$  der folgenden homogenen linearen Differentialgleichungen mit konstanten Koeffizienten:

$$y''(t) + y'(t) - 6y(t) = 0, \tag{1}$$

$$y''(t) + 2y'(t) + y(t) = 0, \tag{2}$$

$$y''(t) - 2y'(t) + 2y(t) = 0. \tag{3}$$

Überprüfen Sie Ihre Ergebnisse!