9. Übungsblatt

1. Aufgabe. Bestimmen Sie die jeweiligen Kurvenpunkte mit waagerechter Tangente:

a)
$$y = 5e^{-x^2}$$

b)
$$y = 3(x-2)^2(x-1)$$

$$y = \sin x \cdot \cos x$$

2. Aufgabe. Durch implizite Differentiation gewinne man die Ableitung $y' = \frac{dy}{dx}$ der folgenden Funktionen:

a) Ellipse:
$$b^2x^2 + a^2y^2 = a^2b^2$$

b) Kardioide:
$$(x^2 + y^2)^2 - 2x(x^2 + y^2) = y^2$$

c)
$$x^2 = y^3$$

3. Aufgabe. Bestimmen Sie durch implizite Differentiation den Anstieg der Kreistangente im Punkte $P_0 = (4; y_0 > 0)$ des Kreises $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 25$

4. Aufgabe. Bestimmen Sie die Tangenten- und Normalengleichung für die Funktion $y = \sqrt{16 - x^2}$ an der Stelle $x_0 = 1, 2$.

5. Aufgabe. Linealisieren Sie die folgenden Funktionen in der Umgebung der jeweils genannten Stelle:

a)
$$y = \sqrt{1 + x^4}$$
, $x_0 = 1$

b)
$$y = 3\ln(1+3x^5)$$
, $x_0 = 3$

6. Aufgabe. Linealisieren Sie die Funktion

$$y = \frac{\pi^2}{\sin x - x}$$

in der Umgebung der Stelle $x_0 = \pi$. Bestimmen Sie ferner den exakten Wert sowie den Näherungswert an der Stelle x = 3.

${\bf 7.~Aufgabe}.~{\rm Linealisieren~Sie}$ die Funktion

$$y = \ln(\frac{1+x^2}{2-x})$$

in der Umgebung der Stelle $x_0 = 1$.