Lösungen zum 5. Übungsblatt

9. Aufgabe.

a)
$$x^2 - x - 12$$

b)
$$2x^3 + 2x - 1$$

10. Aufgabe. Zerlegen Sie die folgenden ganzrationalen Funktionen (Polynomfunktionen) in Linearfaktoren:

a)
$$f(x) = -2(x+2)(x-6)^2$$

b) $f(x) = 2(x-1)^2(x+3)(x+5)$
c) $f(x) = 3(x+1)(x-3)(x+3)(x-\sqrt{3})(x+\sqrt{3})$
d) $f(x) = (x+1)(x-2)(x+3)(x^2+2x+5)$

11. Aufgabe. Wegen der Spiegelsymmetrie:

$$y = ax^6 + bx^4 + cx^2 + d$$

und es gibt drei weitere Nullstellen:

$$x_4 = 2$$
, $x_5 = -3$, $x_6 = -5$.

Lösungsansatz:

$$y = a(x^2 - 4)(x^2 - 9)(x^2 - 25)$$
$$y(0) = 450 \Rightarrow a(-4)(-9)(-25) = 450 \Rightarrow a = -0, 5$$

Ergebnis:

$$y = -0.5x^6 + 19x^4 - 180.5x^2 + 450$$

12. Aufgabe.

a)
$$f(-1,51) = -36,162$$

b)
$$f(3,56) = -418,982$$

13. Aufgabe.

Nullstellen:

$$x_1 = -5, \ x_2 = -2, \ x_3 = 1$$

$$f(-3, 25) = 27,891$$