

Матеріали до виконання  
лабораторної роботи № 3  
Трансляція у ПОЛІЗ арифметичних виразів  
та інтерпретація постфіксного коду

Юрій Стативка

Квітень, 2020 р.

## Зміст

<b>Вступ</b>	<b>1</b>
Постфіксна нотація (ПОЛІЗ) . . . . .	1
Метод трансляції у ПОЛІЗ . . . . .	3
Метод інтерпретації . . . . .	3
Необхідні програми та дані . . . . .	4
<b>1 Початкові дані для роботи</b>	<b>5</b>
1.1 Граматика мови . . . . .	5
1.2 Специфікація арифметики . . . . .	7
1.2.1 Типи . . . . .	7
1.2.2 Константи . . . . .	7
1.2.3 Вирази . . . . .	7
1.2.4 Арифметичні оператори . . . . .	8
1.2.5 Інструкція присвоювання . . . . .	8
1.3 Лексичний аналізатор вхідної мови . . . . .	9
1.4 Синтаксичний аналізатор вхідної мови . . . . .	9
1.5 Формат таблиць . . . . .	9
1.5.1 Таблиця символів . . . . .	9
1.5.2 Таблиця ідентифікаторів . . . . .	9
1.5.3 Таблиця констант . . . . .	10
1.5.4 Таблиця міток . . . . .	10
1.5.5 Приклад . . . . .	10
1.6 Приклади програм для тестування . . . . .	12
<b>2 Програмна реалізація транслятора</b>	<b>12</b>
2.1 Загальні положення . . . . .	12
2.2 Семантичні процедури . . . . .	13
2.2.1 У коді <code>parseAssign()</code> . . . . .	13

2.2.2	У коді <code>parseExpression()</code> . . . . .	14
2.2.3	У <code>parseTerm()</code> та <code>parseFactor()</code> . . . . .	15
2.3	Покроковий перегляд процесу трансляції . . . . .	15
<b>3</b>	<b>Програмна реалізація інтерпретатора</b>	<b>17</b>
3.1	Загальні положення . . . . .	17
3.2	Інтерпретатор . . . . .	17
3.2.1	Базові кроки алгоритму . . . . .	17
3.2.2	Семантика арифметики вхідної мови . . . . .	19
3.3	Інтерпретація . . . . .	21
<b>4</b>	<b>Про звіт</b>	<b>25</b>
4.1	Файли та тексти . . . . .	25
4.2	Форма та структура звіту . . . . .	25
	<b>Література</b>	<b>26</b>

## Вступ

Цей текст підготовлений з огляду на спричинену карантином відсутність лекційних занять як таких. Більша частина цього тексту – послідовна розповідь про побудову транслятора арифметичних виразів у постфіксну форму (ПОЛІЗ) та інтерпретатора отриманого коду. Під транслятором розумітимемо програму, яка перекладає з вхідної мови на цільову, тут – у ПОЛІЗ. Код двох розглянутих прикладів, – транслятора та інтерпретатора арифметичних виразів, додаються у архіві.

Ті, хто вже зрозуміли як побудувати такі транслятор та інтерпретатор чи вже їх побудували, можуть тільки переглянути вимоги до оформлення звіту у розділі 4.

Мета лабораторної роботи – програмна реалізація для розробленої мови програмування транслятора та інтерпретатора арифметичних виразів та інструкцій присвоювання. Цільова мова трансляції – ПОЛІЗ.

## Постфіксна нотація (ПОЛІЗ)

Польський інверсний запис (ПОЛІЗ, польська інверсна нотація) – постфіксна нотація для операторного представлення програм. Детальний опис для арифметичних, логічних виразів та для різноманітних синтаксичних конструкцій мови програмування див. напр. [1, розд. 1.1]. Розглянемо приклади у табл. 1:

Неважко бачити, що вираз у довільній (інфіксній, префіксній, постфіксній) нотації може бути записаний у постфіксній. Інструкція присвоювання, рядок № 7, теж вважається інфіксним виразом з оператором `:=` і перекладається за загальними правилами. У рядку № 5 унарний мінус теж записується після свого аргумента, але щоб відрізнити його від оператора віднімання тут він позначений символом `NEG`, а, наприклад в [1, розд. 1.1] – символом `@`. У випадку обчислення

№	Оператор	Вираз	Постфіксна форма
1	Інфіксий	$a + b$	$a\ b\ +$
2	Інфіксий	$5 - 7$	$5\ 7\ -$
3	Інфіксий	$a * 3$	$a\ 3\ *$
4	Інфіксий	$2 / 4$	$2\ 4\ /$
5	Префіксий	$-9$	$9\ \text{NEG}$
6	Постфіксий	$5!$	$5\ \text{FACT}$
7	Інфіксий*	$x := 1.1$	$x\ 1.1\ :=$

Табл. 1: Приклади запису арифметичних виразів

факторіала числа з постфіксним оператором **!**, переклад зводиться до переписування виразу, можливо, – на власний розсуд, з вибором іншого позначення оператора, як-от тут це – **FACT**.

Загальна ідея – код програми вважається послідовністю операторів та операндів. Виходячи з семантики початкової мови кожному оператору призначають арність, пріоритет та асоціативність.

Наприклад адитивні арифметичні оператори  $+$  та  $-$  — визначають як двомісні (бінарні, арності 2), лівоасоціативні оператори з пріоритетом, меншим за пріоритет мультиплікативних арифметичних операторів  $*$  та  $/$ , які теж двомісні та лівоасоціативні. Останні мають менший пріоритет ніж у арифметичного оператора піднесення до степеня, позначимо його як  $^$ , який є двомісним та правоасоціативним. Такі характеристики відповідають семантиці арифметичних виразів, користуючись якими вираз

$$1 + 2^3^2 - 4/5 - 6*2$$

обчислюють у такому порядку:

$$(((1+(2^{(3^2)}))-(4/5))-(6*2)),$$

Порівнявши інфіксну (звичайну) та постфіксну форму цього виразу

$$1 + 2^3^2 - 4/5 - 6*2$$

$$1\ 2\ 3\ 2\ ^\ ^\ +\ 4\ 5\ /\ -\ 6\ 2\ *\ -$$

бачимо, що порядок розташування операндів однаковий, а порядок операторів, зрозуміло, змінився, – адже постфіксна нотація не містить дужок. Алгоритм обчислення значення виразу у постфіксій нотації загальновідомий і наведений, зокрема, у [1, розд. 1.1.1].

Підхід, коли кожен символ програми, який не є елементом даних, вважається оператором з призначенням йому відповідних атрибутів, дуже докладно розглянуто у [1, розд. 1.1]. Проте існують і інші підходи, один з яких – рекурсивний, розглядається далі.

## Метод трансляції у ПОЛІЗ

Позначимо постфіксну форму виразу  $E$  через  $\text{ПОЛІЗ}(E)$ . Тоді, наприклад, якщо  $E = 'a + b'$ , то  $\text{ПОЛІЗ}(E) = 'a\ b\ +'$ , а якщо  $E = 'a := b'$ , то  $\text{ПОЛІЗ}(E) = 'a\ b\ :='$ .

З такими позначеннями постфіксна нотація може бути визначена так:

*Рекурсивне визначення ПОЛІЗу*

1. Якщо  $E$  – ідентифікатор або константа, то  $\text{ПОЛІЗ}(E) = E$ .
2. Якщо  $E = 'E_1\ op\ E_2'$ , де  $op$  – інфіксний оператор, то  $\text{ПОЛІЗ}(E) = '\text{ПОЛІЗ}(E_1)\ \text{ПОЛІЗ}(E_2)\ op'$ .
3. Якщо  $E = 'op\ E_1'$ , де  $op$  – префіксний оператор, то  $\text{ПОЛІЗ}(E) = '\text{ПОЛІЗ}(E_1)\ op'$ .
4. Якщо  $E = 'E_1\ op'$ , де  $op$  – постфіксний оператор, то  $\text{ПОЛІЗ}(E) = '\text{ПОЛІЗ}(E_1)\ op'$ .
5. Якщо  $E = '( E_1 )'$ , то  $\text{ПОЛІЗ}(E) = '\text{ПОЛІЗ}(E_1)'$ , тобто дужки ігноруються.

Наприклад, хай  $E = '1 + 2 * (3 - 4)'$ , тоді за правилом 2:  
 $\text{ПОЛІЗ}(E) = \text{ПОЛІЗ}('1')\ \text{ПОЛІЗ}('2 * (3 - 4)')\ '+'$ .

Оскільки за правилом 2:

$\text{ПОЛІЗ}('2 * (3 - 4)') = \text{ПОЛІЗ}('2')\ \text{ПОЛІЗ}('(3 - 4)')\ '*'$

та, за правилами 5 і 2:

$\text{ПОЛІЗ}('(3 - 4)') = \text{ПОЛІЗ}('3 - 4') = \text{ПОЛІЗ}('3')\ \text{ПОЛІЗ}('4')\ '-'$ ,

то

$\text{ПОЛІЗ}('2 * (3 - 4)') = \text{ПОЛІЗ}('2')\ \text{ПОЛІЗ}('3')\ \text{ПОЛІЗ}('4')\ '-'\ '*'$ ,

та

$\text{ПОЛІЗ}(E) = \text{ПОЛІЗ}('1')\ \text{ПОЛІЗ}('2')\ \text{ПОЛІЗ}('3')\ \text{ПОЛІЗ}('4')\ '-'\ '*'\ '+'$ .

Насамкінець, за правилом 1:

$\text{ПОЛІЗ}(E) = '1\ 2\ 3\ 4\ -\ *\ +'$ .

При розгляді і наведеного формального визначення, і прикладу впадає у вічі аналогія з синтаксичним аналізом методом рекурсивного спуску. Відповідність ця справді є, і тому далі розглядається побудова транслятора арифметичних виразів шляхом додавання певних (семантичних) процедур до синтаксичного аналізатора (лабораторна робота № 2 першого семестру).

## Метод інтерпретації

У цій лабораторній роботі програма – це послідовність операторів присвоєння змінним значень арифметичних виразів. Вихід транслятора – програма, записана у постфіксній формі – ПОЛІЗ-програма. Інтерпретатор виконує ПОЛІЗ-програму.

В загальних рисах алгоритм обчислення значення виразу, представленого у постфіксній формі, виглядає так:

*Вхід:* послідовність ідентифікаторів змінних, констант та операторів – арифметичних і присвоювання значення (ПОЛІЗ-програма).

*Пам'ять:* таблиця ідентифікаторів/змінних.

*Вихід:* новий стан пам'яті (нові значення у таблиці ідентифікаторів/змінних).

1. Якщо на вході – ідентифікатор або константа, то – покласти на стек .
2. Якщо на вході двомісний оператор, то
  - зняти з вершини стека правий операнд;
  - зняти з вершини стека лівий операнд;
  - якщо оператор – арифметичний, то виконати операцію та покласти результат на стек;
  - якщо оператор – присвоєння, то занести значення правого операнда у таблицю ідентифікаторів як значення змінної з ідентифікатором – лівим операндом.
3. Якщо на вході одномісний (унарний) оператор, то
  - зняти з вершини стека операнд;
  - виконати операцію та покласти результат на стек.
4. Якщо оброблений останній елемент ПОЛІЗ-програми і стек порожній, то інтерпретація завершилась успіхом, інакше – аварійне завершення.

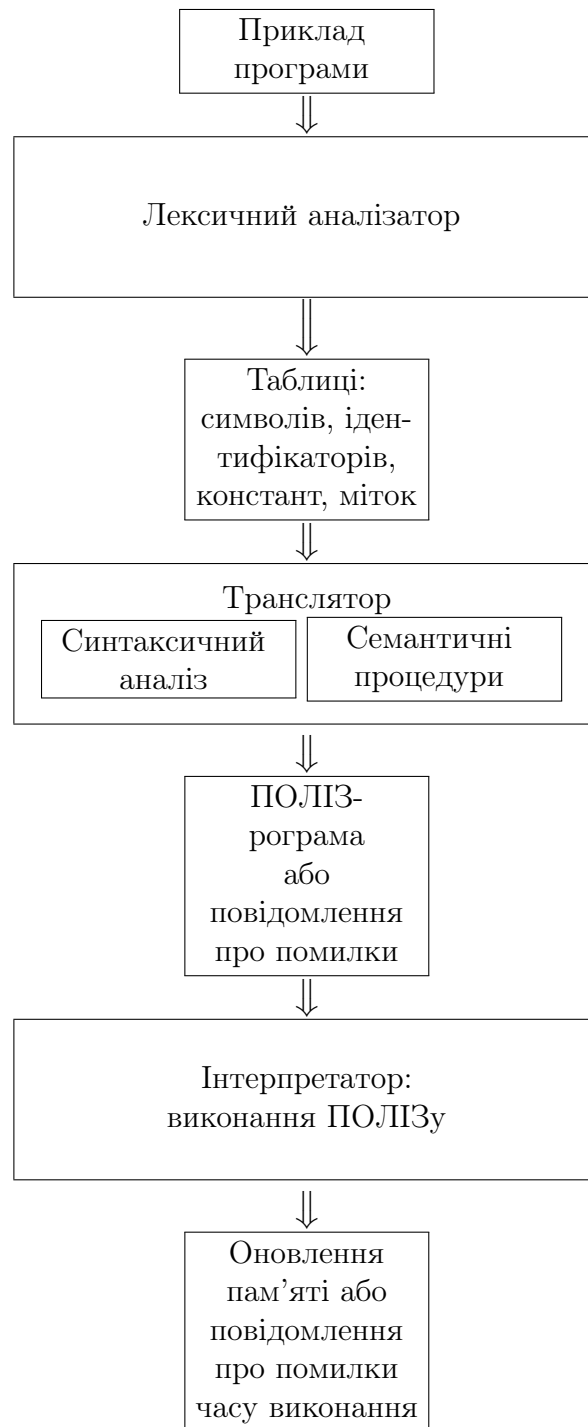
## Необхідні програми та дані

Для виконання роботи потрібні:

1. Граматика мови.
2. Специфікація арифметичних виразів розробленої мови (типи, константи, ідентифікатори, оператори тощо).
3. Лексичний аналізатор.
4. Синтаксичний аналізатор.
5. Формат таблиць: символів, ідентифікаторів, констант, міток.
6. Приклади програм для тестування транслятора та інтерпретатора.

Обидва розглянуті далі приклади можна знайти у теці `postfixExpr`. Перший – у `postfixExpr\postfixExpr_translator`, другий – у `postfixExpr\postfixExpr_interpreter`, з прикладами програмної реалізації транслятора та інтерпретатора відповідно.

Загальна схема взаємодії модулів інтерпретатора показані на представленій тут схемі:



## 1 Початкові дані для роботи

### 1.1 Граматика мови

Правила грамматики, суттєві для розробки транслятора:

```
Program = program StatementList end
```

```
StatementList = Statement { Statement }
```

```
Statement = Assign  
Assign = Ident ':' Expression  
Expression = Term {('+' | '-') Term}  
Term = Factor {('*' | '/') Factor}  
Factor = Id | Const | '(' Expression ')'  
Const = Float | Int
```

Правила граматики для нетерміналів, суттєвих тільки для лексичного аналізатора:

```
Ident = Letter {Letter | Digit }  
Float = Digit {Digit} '.' {Digit}  
Int = Digit {Digit}  
Letter = a | b | c | d | e | f | g | h | i | j | k | l | m | n | o  
        | p | q | r | s | t | u | v | w | x | y | z  
Digit = '0' | '1' | '2' | '3' | '4' | '5' | '6' | '7' | '8' | '9'  
WhiteSpace = (Blank|Tab) {Blank|Tab}  
Blank = " " ' '  
Tab = '\t'  
Newline = '\n'
```

Можна було б спростити правила

```
StatementList = Statement { Statement }  
Statement = Assign
```

до

```
StatementList = Assign { Assign },
```

але ми не станемо цього робити з міркувань мінімізації змін наявного синтаксичного аналізатора та можливості подальшого розвитку транслятора.

## 1.2 Специфікація арифметики

### 1.2.1 Типи

Мова *my\_lang* підтримує значення двох арифметичних типів: `int` та `float`.

1. Цілий тип `int` може бути представлений константою `Int`, або змінною.
2. Дійсний тип `float` може бути представлений константою `Float`, або змінною.

### 1.2.2 Константи

Семантика

1. Кожна константа має тип, визначений її формою.

Приклади

1. `12`, `234`, `1.54`, `34.567`, `23.5`

### 1.2.3 Вирази

Опис

1. Вираз - це послідовність операторів і операндів, що визначає порядок обчислення значення.
2. Розрізняються арифметичні та логічні вирази.
3. Значення, обчислене за арифметичним виразом, має тип `float` або `int`.
4. Значення, обчислене за логічним виразом, має тип `boolean`.
5. Всі бінарні оператори у виразах цієї мови лівоасоціативні.

Обмеження

1. Використання неоголошеної змінної, викликає помилку на етапі трансляції або часу виконання.
2. Використання змінної, що не набула значення, викликає помилку<sup>1</sup>.

Семантика

1. Кожна константа має тип, визначений її формою та значенням.
2. Змінна набуває значення в інструкції присвоювання `Assign` або в інструкції введення `Inp`.

Приклади

1. `Factor`:

---

<sup>1</sup>Можливі варіанти — фаза трансляції та/або часу виконання



$x, 12, (a + 234)$

2. Term:

$m * z, 32 / (b + 786)$

3. Expression:

$b, f1 + g, (c - 24), 0.145 * 8.7 + 32 / (b + 786)$

### 1.2.4 Арифметичні оператори

В мові *my\_lang* всі арифметичні оператори інфіксні: адитивні – ‘+’ та ‘-’, мультиплікативні – ‘\*’ та ‘/’.

Семантика

1. Типи обох операндів мають бути однаковим, інакше генерується виключення (помилка).
2. Тип результату збігається з типом операндів.
3. Ділення на нуль викликає помилку.
4. Ділення цілих дає цілий результат, отриманий відкиданням дробової частини від ділення тих же чисел дійсного типу.

Приклад

1.  $1.234 * x1 / 45.67, \quad 53 - 34 + 6, \quad 7 / 8$

### 1.2.5 Інструкція присвоювання

Опис

1. Значення, які можуть використовуватись у лівій та правій частинах інструкції присвоювання називають **l-значенням** та **r-значенням** (або `lvalue` та `rvalue`, або `left-value` та `right-value` тощо).

Семантика

1. **l-значення** має тип вказівника на місце зберігання значення змінної з ідентифікатором `Ident`.
2. **r-значення** має тип значення, обчисленого за виразом `Expression`.
3. При присвоюванні за адресою `lvalue` зберігається значення типу `rvalue`.

Приклад

1.  $f5 := 3/4 + 1.23, \quad b := 2 * a + 3 - 7 \text{ div } 5$

### 1.3 Лексичний аналізатор вхідної мови

Використовується приклад лексичного аналізатора до лабораторної роботи №1, реалізований мовою python, див. файл `lex_my_lang_03.py`. Лексичний аналізатор (сканер, лексер) та таблиця символів програми імпортуються так:

```
from lex_my_lang_03 import lex, tableToPrint
from lex_my_lang_03 import tableOfSymb, tableOfId, tableOfConst, \
    tableOfLabel, sourceCode, FSuccess
```

Виклик сканера:  
`lex()`

### 1.4 Синтаксичний аналізатор вхідної мови

Використовується приклад синтаксичного аналізатора до лабораторної роботи №2, реалізований мовою python. Після його доповнення семантичними процедурами, він буде здійснювати одночасно синтаксичний аналіз та трансляцію, див. файл `postfixExpr_translator.py` у однойменній теці.

### 1.5 Формат таблиць

Формат усіх таблиць визначений при розробці лексичного аналізатора. Таблиці реалізовані як словники (`dictionary`) мови `python`.

Таблиця міток тут не використовується, проте формат наводиться.

#### 1.5.1 Таблиця символів

Таблиця символів `tableOfSymb` :

```
{ n_rec : (num_line, lexeme, token, idxIdConst) }
```

де:

`n_rec` – номер запису в таблиці символів програми;

`num_line` – номер рядка програми;

`lexeme` – лексема;

`token` – токен лексеми;

`idxIdConst` – індекс ідентифікатора або константи у таблиці ідентифікаторів та констант відповідно.

#### 1.5.2 Таблиця ідентифікаторів

Таблиця ідентифікаторів `tableOfId`:

```
{ Id: (idxId, type, val) }
```

де:

`Id` – ідентифікатор (лексема);

`idxId` – індекс ідентифікатора у таблиці ідентифікаторів;

`type` – тип значення змінної з ідентифікатором `Id`, при (першому) занесенні до таблиці тип вважається невизначеним `type_undef`;

`val` – значення змінної з ідентифікатором `Id`, при (першому) занесенні до таблиці значення вважається невизначеним `val_undef`.

### 1.5.3 Таблиця констант

Таблиця констант `tableOfConst`:

```
{ Const: (idxConst, type, val) }
```

де:

`Const` – константа (лексема);

`idxConst` – індекс константи у таблиці констант;

`type` – тип константи;

`val` – значення константи.

### 1.5.4 Таблиця міток

Таблиця міток `tableOfLabel`:

```
{ Label : val) }
```

де:

`Label` – мітка (лексема);

`val` – значення мітки.

### 1.5.5 Приклад

Для програми з п'яти рядків:

```
1 program
2
3 v1 := (5.4 + 3)/a
4
5 end
```

будуються таблиці, які можна переглянути у консолі за допомогою команд:

```
print('tableOfSymb:{0}'.format(tableOfSymb))
print('tableOfSymb:{0}'.format(tableOfId))
print('tableOfSymb:{0}'.format(tableOfConst))
print('tableOfSymb:{0}'.format(tableOfLabel))
```

Результат має приблизно такий вигляд:

```

tableOfSymb:{1: (1, 'program', 'keyword', ''),
2: (3, 'v1', 'ident', 1),
3: (3, ':=', 'assign_op', ''),
4: (3, '(', 'par_op', ''), 5: (3, '5.4', 'float', 1),
6: (3, '+', 'add_op', ''), 7: (3, '3', 'int', 2),
8: (3, ')', 'par_op', ''), 9: (3, '/', 'mult_op', ''),
10: (3, 'a', 'ident', 2), 11: (5, 'end', 'keyword', '')}

tableOfId:{'v1': (1, 'type_undef', 'val_undef'),
'a': (2, 'type_undef', 'val_undef')}

tableOfConst:{'5.4': (1, 'float', 5.4), '3': (2, 'int', 3)}

tableOfLabel:{}

```

Більш зручний для читання варіант виводиться функцією `tableToPrint('All')`:

Таблиця символів

numRec	numLine	lexeme	token	index
1	1	program	keyword	
2	3	v1	ident	1
3	3	:=	assign_op	
4	3	(	par_op	
5	3	5.4	float	1
6	3	+	add_op	
7	3	3	int	2
8	3	)	par_op	
9	3	/	mult_op	
10	3	a	ident	2
11	5	end	keyword	

Таблиця ідентифікаторів

Ident	Type	Value	Index
v1	type_undef	val_undef	1
a	type_undef	val_undef	2

Таблиця констант

Const	Type	Value	Index
5.4	float	5.4	1
3	int	3	2

Таблиця міток - порожня

Зауважимо, що індекси ідентифікаторів та констант виводяться у консолі в останній позиції. Таблиці та функція `tableToPrint('All')` визначені у сканері

та імпортуються до інших модулів.

## 1.6 Приклади програм для тестування

Серед прикладів програм для тестування довільного модуля має бути один, називатимемо його **базовим**, який має містити всі синтаксичні конструкції, наявні у розробленій мові. Код у базовому прикладі має бути синтаксично та семантично коректним. Всі інші приклади містять код, який або демонструє більш складні конструкції (синтаксично чи семантично), або містять помилки різних типів.

## 2 Програмна реалізація транслятора

### 2.1 Загальні положення

На вході транслятора – результати лексичного аналізу, включно з ознакою успішності розбору `FSuccess` зі значеннями `(True, 'Lexer')` або `(False, 'Lexer')`, див. файл. `lex_my_lang_03.py`.

Постфіксний код програми вхідною мовою формується у списку `postfixCode`, до початку трансляції `postfixCode = []`.

Для трансляції використовується функція `postfixTranslator()`, яка викликає функцію-парсер `parseProgram()` тільки у випадку коректності лексичного аналізу:

```
def postfixTranslator():
    # чи був успішним лексичний розбір
    if (True, 'Lexer') == FSuccess:
        return parseProgram()
```

Граматика вхідної мови, див. розд. 1.1, відрізняється від розглянутої у лабораторній роботі № 2, тим, що в ній нетермінал `Statement` не має альтернативи: `Statement = Assign`. Тому функції синтаксичного аналізатора `parseProgram()` та `parseStatementList()`, залишаються практично незмінними, а в `parseStatement()` залишиться тільки виклик `parseAssign()` і не буде виклику `parseIf()`, див. файл. `postfixExpr_translator.py`:

```
def parseStatement():
    # print('\t\t parseStatement():')
    # прочитаємо поточну лексему в таблиці розбору
    numLine, lex, tok = getSymb()
    # якщо токен - ідентифікатор
    # обробити інструкцію присвоювання
    if tok == 'ident':
        parseAssign()
        return True

    # тут - ознака того, що всі інструкції були коректно
```

```
# розібрані і була знайдена остання лексема програми.  
# тому parseStatement() має завершити роботу  
elif (lex, tok) == ('end','keyword'):  
    return False  
  
else:  
    # жодна з інструкцій не відповідає  
    # поточній лексемі у таблиці розбору,  
    failParse('невідповідність інструкцій',  
              (numLine,lex,tok,'ident або if'))  
    return False
```

А от вже реалізація `parseAssign()` у складі транслятора відрізнятиметься від її реалізації у синтаксичному аналізаторі наявністю семантичних процедур.

## 2.2 Семантичні процедури

З наведеного на стор. 3 визначення зрозуміло, що ПОЛІЗ виразу можна знайти так:

- додати до ПОЛІЗУ вираз, якщо він – ідентифікатор, константа або оператор (після рекурсивної обробки аргументів (аргументу) оператора);
- обробляючи вираз у дужках – ігнорувати дужки.

Доповнимо синтаксичний аналізатор, зважаючи на те, що він якраз обробляє всі елементи виразу рекурсивно, семантичними процедурами (у формі інструкцій).

Ці семантичні процедури, як ми тільки-но з'ясували, додаватимуть до ПОЛІЗУ вираз, якщо він – ідентифікатор, константа або оператор (після рекурсивної обробки аргументів оператора), а при обробці виразу у дужках ігноруватимуть дужки.

Як це видно з граматики вхідної мови, див. розд. 1.1, всі ці випадки трапляються при обробці нетерміналів `Assign`, `Expression`, `Term` і `Factor`. Отож треба доповнити функції `parseAssign()`, `parseExpression()`, `parseTerm()` і `parseFactor()` семантичними процедурами.

Далі розглянемо приклад реалізації семантичних процедур у названих функціях.

### 2.2.1 У коді `parseAssign()`

Функція `parseAssign()`, див. файл `postfixExpr_translator.py`, фактично доповнена семантичними процедурами (діями) так:

- у рядку 11 – додавання ідентифікатора до `postfixCode`;
- у рядку 27 – додавання оператора `':='` до `postfixCode`, але тільки після завершення роботи функції `parseExpression()` у рядку 23. Про функцію `configToPrint()` див. розд 2.3.

Отже при обробці кожної інструкції присвоювання функція `parseAssign()` безпосередньо доповнює ПОЛІЗ двома символами у рядках 11 та 27. Все, що потрапить у ПОЛІЗ при розборі виразу `Expression`, додасть функція `parseExpression()` та викликані нею функції.

```
1 def parseAssign():
2     # номер запису таблиці розбору
3     global numRow, postfixCode
4     # print('\t'*4+'parseAssign():')
5
6     # взяти поточну лексему
7     # вже відомо, що це - ідентифікатор
8     _numLine, lex, _tok = getSymb()
9
10    # починаємо трансляцію інструкції присвоювання за означенням:
11    postfixCode.append(lex)      # Трансляція
12                                # ПОЛІЗ ідентифікатора - ідентифікатор
13
14    if toView: configToPrint(lex,numRow)
15
16    # встановити номер нової поточної лексеми
17    numRow += 1
18
19    # print('\t'*5+'в рядку {0} - {1}'.format(numLine,(lex, tok)))
20    # якщо була прочитана лексема - ':'=
21    if parseToken(':', 'assign_op', '\t\t\t\t\t'):
22        # розібрати арифметичний вираз
23        parseExpression()      # Трансляція (тут нічого не робити)
24                                # ця функція сама згенерує
25                                # та додасть ПОЛІЗ виразу
26
27        postfixCode.append(':=')# Трансляція
28                                # Бінарний оператор ':='
29                                # додається після своїх операндів
30        if toView: configToPrint(':',numRow)
31        return True
32    else: return False
```

### 2.2.2 У коді `parseExpression()`

Власне додавання коду до ПОЛІЗ здійснюється тільки у рядку 21, а саме додається оператор (лексема) '+' або '-' після того, як будуть оброблені його операнди у рядках 5 та 16:

```
1 def parseExpression():
2     global numRow, postfixCode
3     # print('\t'*5+'parseExpression():')
```

```

4     _numLine, lex, tok = getSymb()
5     parseTerm()                # Трансляція (тут нічого не робити)
6                                # ця функція сама згенерує
7                                # та додасть ПОЛІЗ доданка
8     F = True
9     # продовжувати розбирати Доданки (Term)
10    # розділені лексемами '+' або '-'
11    while F:
12        _numLine, lex, tok = getSymb()
13        if tok in ('add_op'):
14            numRows += 1
15            # print('\t'*6+'в рядку {0} - {1}'.format(numLine,(lex, tok)))
16            parseTerm()          # Трансляція (тут нічого не робити)
17                                # ця функція сама згенерує
18                                # та додасть ПОЛІЗ доданка
19
20                                # Трансляція
21            postfixCode.append(lex)
22                                # lex - бінарний оператор '+' чи '-'
23                                # додається після своїх операндів
24            if toView: configToPrint(lex,numRow)
25        else:
26            F = False
27    return True

```

### 2.2.3 У parseTerm() та parseFactor()

Таким же чином додаються семантичні процедури у функціях розбору не-терміналів Term та Factor – parseTerm() та parseFactor() відповідно.

Код цих функцій містить інструкцію postfixCode.append(lex), який доповнює ПОЛІЗ лексемою lex, що має смисл оператора (лексеми) '\*' або '/' у функції parseTerm(), або константи чи ідентифікатора у функції parseFactor(), див. код функцій у файлі postfixExpr\_translator.py.

## 2.3 Покроковий перегляд процесу трансляції

Для перегляду конфігурації транслятора була визначена функція configToPrint(lex,numRow), виклик якої здійснюється командою if toView: configToPrint(lex,numRow) після кожної семантичної процедури, див. напр. рядки 14 та 30 коду функції parseAssign(). Функція configToPrint(lex,numRow) виводить у консоль: оброблену лексему, запис таблиці символів та отриманий після виконання семантичної процедури ПОЛІЗ:

```

def configToPrint(lex,numRow):
    stage = '\nКрок трансляції\n'
    stage += 'лексема: \'{0}\'\n'
    stage += 'tableOfSymb[{1}] = {2}\n'

```



```
stage += 'postfixCode = {3}\n'  
# tpl = (lex,numRow,str(tableOfSymb[numRow]),str(postfixCode))  
print(stage.format(lex,numRow,str(tableOfSymb[numRow]),str(postfixCode)))
```

Переглянемо процес трансляції програми

```
1 program  
2  
3 v1 := (5.4 + 3)/a  
4  
5 end
```

Запуск транслятора та його робота виглядатимуть у консолі приблизно так:

```
>python postfixExpr_translator.py
```

Крок трансляції

```
лексема: 'v1'  
tableOfSymb[2] = (3, 'v1', 'ident', 1)  
postfixCode = ['v1']
```

Крок трансляції

```
лексема: '5.4'  
tableOfSymb[5] = (3, '5.4', 'float', 1)  
postfixCode = ['v1', '5.4']
```

Крок трансляції

```
лексема: '3'  
tableOfSymb[7] = (3, '3', 'int', 2)  
postfixCode = ['v1', '5.4', '3']
```

Крок трансляції

```
лексема: '+'  
tableOfSymb[8] = (3, ')', 'par_op', '')  
postfixCode = ['v1', '5.4', '3', '+']
```

Крок трансляції

```
лексема: 'a'  
tableOfSymb[10] = (3, 'a', 'ident', 2)  
postfixCode = ['v1', '5.4', '3', '+', 'a']
```

```

Крок трансляції
лексема: '/'
tableOfSymb[11] = (5, 'end', 'keyword', '')
postfixCode = ['v1', '5.4', '3', '+', 'a', '/']

Крок трансляції
лексема: ':='
tableOfSymb[11] = (5, 'end', 'keyword', '')
postfixCode = ['v1', '5.4', '3', '+', 'a', '/', ':=']

Translator: Переклад у ПОЛІЗ та синтаксичний аналіз
завершилися успішно

```

## 3 Програмна реалізація інтерпретатора

### 3.1 Загальні положення

На вході інтерпретатора – побудований транслятором ПОЛІЗ вхідної програми у списку `postfixCode`, таблиці ідентифікаторів та констант, а також ознака успішності синтаксичного розбору та трансляції `FSuccess` зі значеннями `(True, 'Translator')` або `(False, 'Translator')`.

Постфіксний код, крім лексеми, містить і її токен, так для попереднього прикладу буде утворено ПОЛІЗ у формі:

```
postfixCode = [('v1', 'ident'), ('5.4', 'float'), ('3', 'int'),
               ('+', 'add_op'), ('a', 'ident'), ('/', 'mult_op'), (':=', 'assign_op')]
```

Для цього замість семантичних процедур типу `postfixCode.append(lex)` використовуються інструкції `postfixCode.append((lex,tok))` див. файл `postfixExpr_translator_02.py` у теці `postfixExpr\postfixExpr_interpreter`.

Клас `Stack` імпортується з модуля `stack01`.

### 3.2 Інтерпретатор

Побудуємо інтерпретатор за алгоритмом зі стор. 4 з дотриманням семантики вхідної мови, див. розділ 1.2.4.

#### 3.2.1 Базові кроки алгоритму

Функція `postfixInterpreter()`, за умови успішності етапу трансляції, викликає `postfixProcessing()`:

```

def postfixInterpreter():
    FSuccess = postfixTranslator()
    # чи була успішною трансляція
    if (True, 'Translator') == FSuccess:
        print('\nПостфіксний код: \n{0}'.format(postfixCode))
        return postfixProcessing()
    else:
        # Повідомити про факт виявлення помилки
        print('Interpreter: Translator завершив роботу аварійно')
        return False

```

Оскільки ПОЛІЗ арифметичних виразів, як і інструкцій присвоювання, виконується послідовно у тому порядку, як він записаний у списку `postfixCode`, то функція `postfixProcessing()` просто за індексами елементів коду, див. рядок 5, вилучає найлівіший елемент, рядок 6, і якщо це – ідентифікатор, або константа, кладе його на стек, рядок 8, або передає на обробку, рядок 9, у `doIt(lex,tok)`:

```

1 def postfixProcessing():
2     global stack, postfixCode
3     maxNumb=len(postfixCode)
4     try:
5         for i in range(0,maxNumb):
6             lex,tok = postfixCode.pop(0)
7             if tok in ('int','float','ident'):
8                 stack.push((lex,tok))
9             else: doIt(lex,tok)
10            if toView: configToPrint(i+1,lex,tok,maxNumb)
11        return True
12    except SystemExit as e:
13        \# Повідомити про факт виявлення помилки
14        print('RunTime: Аварійне завершення програми з кодом {0}'.format(e))
15    return True

```

*Зауважимо, що вилучення запису з postfix-коду запроваджено для зручності покрокового перегляду, і можливе тільки при відсутності у коді інструкцій умовного чи безумовного переходу, як у цій лабораторній роботі.*

Оператори обробляються функцією `doIt(lex,tok)` таким чином. Якщо це – оператор присвоювання, то знімаються два операнди, рядки 5 і 7, і правий записується у таблицю ідентифікаторів як значення змінної з ідентифікатором-лівим операндом, рядки 15-16. Якщо це – це арифметичний оператор, то операнди та оператор передають на обробку функції `processing_add_mult_op((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR))`, рядок 26.

```

1 def doIt(lex,tok):
2     global stack, postfixCode, tableOfId, tableOfConst, tableOfLabel
3     if (lex,tok) == (':=', 'assign_op'):

```

```

4      # зняти з вершини стека запис (правий операнд = число)
5      (lexL,tokL) = stack.pop()
6      # зняти з вершини стека ідентифікатор (лівий операнд)
7      (lexR,tokR) = stack.pop()
8
9      # виконати операцію:
10     # оновлюємо запис у таблиці ідентифікаторів
11     # ідентифікатор/змінна
12     # (index не змінюється,
13     # тип - як у константи,
14     # значення - як у константи)
15     tableOfId[lexR] = (tableOfId[lexR][0],
16                        tableOfConst[lexL][1], tableOfConst[lexL][2])
17 elif tok in ('add_op','mult_op'):
18     # зняти з вершини стека запис (правий операнд)
19     (lexR,tokR) = stack.pop()
20     # зняти з вершини стека запис (лівий операнд)
21     (lexL,tokL) = stack.pop()
22
23     if (tokL,tokR) in (('int','float'),('float','int')):
24         failRunTime('невідповідність типів',((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR)))
25     else:
26         processing_add_mult_op((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR))
27         # stack.push()
28         pass
29     return True

```

### 3.2.2 Семантика арифметики вхідної мови

Семантика арифметичних операторів мови, див. розд. 1.2.4, забезпечується функціями `processing_add_mult_op(operandL,operator,operandR)` та `getValue((valL,lexL,tokL),lex,(valR,lexR,tokR))`.

Функція `processing_add_mult_op((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR))` визначає значення та типи значень лівого і правого операндів-ідентифікаторів, рядки 10 та 18 відповідно, чи значення констант, рядки 12 та 20. Потім передає всі ці лексеми, їх типи та значення функції `getValue((valL,lexL,tokL),lex,(valR,lexR,tokR))`, рядок 21, для обчислення результату. Помилка генерується, якщо один з операндів – ідентифікатор з невизначеним типом ('type\_undef'), р. 7 та 15.

```

1 def processing_add_mult_op(ltL,lex,ltR):
2     global stack, postfixCode, tableOfId, tableOfConst, tableOfLabel
3     lexL,tokL = ltL
4     lexR,tokR = ltR
5     if tokL == 'ident':
6         if tableOfId[lexL][1] == 'type_undef':
7             failRunTime('неініціалізована змінна',
8                         (lexL,tableOfId[lexL],(lexL,tokL),lex,(lexR,tokR)))

```

```

9         else:
10             valL,tokL = (tableOfId[lexL][2],tableOfId[lexL][1])
11         else:
12             valL = tableOfConst[lexL][2]
13         if tokR == 'ident':
14             if tableOfId[lexR][1] == 'type_undef':
15                 failRunTime('неініціалізована змінна',
16                             (lexR,tableOfId[lexR],(lexL,tokL),lex,(lexR,tokR)))
17             else:
18                 valR,tokR = (tableOfId[lexR][2],tableOfId[lexR][1])
19         else:
20             valR = tableOfConst[lexR][2]
21         getValue((valL,lexL,tokL),lex,(valR,lexR,tokR))

```

Функція `getValue((valL,lexL,tokL),lex,(valR,lexR,tokR))` реалізує семантику обчислення, див. специфікацію у розд. 1.2.4: генерує винятки у випадку невідповідності типів аргументів, р. 5-6, або у випадку, якщо правий аргумент має значення нуль, р. 13-14. В решті випадків, в залежності від лексеми-оператора та типу операндів, засобами мови `python` обчислюється результат, р. 7-12 та 15-18, який потім кладеться на стек, р. 21, та заноситься до таблиці констант, р. 22.

```

1 def getValue(vtL,lex,vtR):
2     global stack, postfixCode, tableOfId, tableOfConst, tableOfLabel
3     valL,lexL,tokL = vtL
4     valR,lexR,tokR = vtR
5     if (tokL,tokR) in (('int','float'),('float','int')):
6         failRunTime('невідповідність типів',((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR)))
7     elif lex == '+':
8         value = valL + valR
9     elif lex == '-':
10        value = valL - valR
11    elif lex == '*':
12        value = valL * valR
13    elif lex == '/' and valR ==0:
14        failRunTime('ділення на нуль',((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR)))
15    elif lex == '/' and tokL=='float':
16        value = valL / valR
17    elif lex == '/' and tokL=='int':
18        value = int(valL / valR)
19    else:
20        pass
21    stack.push((str(value),tokL))
22    toTableOfConst(value,tokL)

```

Функція `failRunTime()` обробляє помилки.

```

def failRunTime(str,tuple):
    if str == 'невідповідність типів':
        ((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR))=tuple
        print('RunTime ERROR: \n\t Типи операндів відрізняються
              у {0} {1} {2}'.format((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR)))
        exit(1)
    elif str == 'неініціалізована змінна':
        (lx,rec,(lexL,tokL),lex,(lexR,tokR))=tuple
        print('RunTime ERROR: \n\t Значення змінної {0}:{1} не визначене.
              Зустрілось у {2} {3} {4}'.format(lx,rec,(lexL,tokL),lex,(lexR,tokR)))
        exit(2)
    elif str == 'ділення на нуль':
        ((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR))=tuple
        print('RunTime ERROR: \n\t Ділення на нуль
              у {0} {1} {2}. '.format((lexL,tokL),lex,(lexR,tokR)))
        exit(3)

```

### 3.3 Інтерпретація

Перевіримо інтерпретатор на прикладі програми

```

1 program
2 a := 5.4
3 b := 3.0
4 z := 2.0
5 v1 := (a + b)/z
6 end

```

```
>python postfix_Interpreter.py
```

```
-----
Translator: Переклад у ПОЛІЗ та синтаксичний аналіз завершилися успішно
```

```
Постфіксний код:
```

```
[('v1', 'ident'), ('5.4', 'float'), ('3.0', 'float'), ('+', 'add_op'), ('2.0', 'f
```

```
=====
```

```
Interpreter run
```

Таблиця символів				
numRec	numLine	lexeme	token	index
1	1	program	keyword	
2	3	v1	ident	1
3	3	:=	assign_op	
4	3	(	par_op	
5	3	5.4	float	1

6	3	+	add_op	
7	3	3.0	float	2
8	3	)	par_op	
9	3	/	mult_op	
10	3	2.0	float	3
11	5	end	keyword	

Таблиця ідентифікаторів

Ident	Type	Value	Index
v1	type_undef	val_undef	1

Таблиця констант

Const	Type	Value	Index
5.4	float	5.4	1
3.0	float	3.0	2
2.0	float	2.0	3

Таблиця міток - порожня

Крок інтерпретації: 1

Лексема: ('v1', 'ident') у таблиці ідентифікаторів: v1:(1, 'type\_undef', 'val\_undef')

postfixCode=[('5.4', 'float'), ('3.0', 'float'), ('+', 'add\_op'), ('2.0', 'float')]

STACK:[ ('v1', 'ident')]

Крок інтерпретації: 2

Лексема: ('5.4', 'float') у таблиці констант: 5.4:(1, 'float', 5.4)

postfixCode=[('3.0', 'float'), ('+', 'add\_op'), ('2.0', 'float'), ('/', 'mult\_op')]

STACK:[ ('v1', 'ident') ('5.4', 'float')]

Крок інтерпретації: 3

Лексема: ('3.0', 'float') у таблиці констант: 3.0:(2, 'float', 3.0)

postfixCode=[('+', 'add\_op'), ('2.0', 'float'), ('/', 'mult\_op'), (':=', 'assign\_op')]

STACK:[ ('v1', 'ident') ('5.4', 'float') ('3.0', 'float')]

Крок інтерпретації: 4

Лексема: ('+', 'add\_op')

postfixCode=[('2.0', 'float'), ('/', 'mult\_op'), (':=', 'assign\_op')]

STACK:[ ('v1', 'ident') ('5.4', 'float') ('3.0', 'float')]

Крок інтерпретації: 5

Лексема: ('2.0', 'float') у таблиці констант: 2.0:(3, 'float', 2.0)

postfixCode=[('/', 'mult\_op'), (':=', 'assign\_op')]

STACK:[ ('v1', 'ident') ('5.4', 'float') ('3.0', 'float') ('2.0', 'float')]

```
Крок інтерпретації: 6
Лексема: ('/', 'mult_op')
postfixCode=[(':', 'assign_op')]
STACK:[ ('v1', 'ident') ('4.2', 'float')]
```

```
Крок інтерпретації: 7
Лексема:(':', 'assign_op')
postfixCode=[]
STACK:[]
```

Таблиця ідентифікаторів

Ident	Type	Value	Index
v1	float	4.2	1

Таблиця констант

Const	Type	Value	Index
5.4	float	5.4	1
3.0	float	3.0	2
2.0	float	2.0	3
8.4	float	8.4	4
4.2	float	4.2	5

Таблиця міток - порожня

Якщо у р. 4 вхідної програми замінити команду на `z := 2`, так що тип значення буде визначений як `int`, а решта лишиться `float`, то запуск інтерпретатора дасть результат:

```
...
Крок інтерпретації: 14
Лексема: ('z', 'ident') у таблиці ідентифікаторів: z:(3, 'int', 2)
postfixCode=[('/', 'mult_op'),(':', 'assign_op')]
STACK:[ ('v1', 'ident') ('8.4', 'float') ('z', 'ident')]
RunTime ERROR:
        Типи операндів відрізняються у ('8.4', 'float') / ('z', 'int')
RunTime: Аварійне завершення програми з кодом 1
```

Натомість програма без конфлікту типів

```
1 program
2 a := 5
3 b := 3
4 z := 4
5 v1 := (a + b)/z
6 end
```

інтерпретується успішно з таблицею ідентифікаторів та констант:



Таблиця ідентифікаторів			
Ident	Type	Value	Index
a	int	5	1
b	int	3	2
z	int	4	3
v1	int	2	4

Таблиця констант			
Const	Type	Value	Index
5	int	5	1
3	int	3	2
4	int	4	3
8	int	8	4
2	int	2	5

Невизначена на момент використання змінна у арифметичному виразі, як-от **b** у програмі

```

1 program
2 a := 5
3
4 z := 4
5 v1 := (a + b)/z
6 end

```

спричинює повідомлення:

```

...
Крок інтерпретації: 9
Лексема: ('b', 'ident') у таблиці ідентифікаторів:
      b:(4, 'type_undef', 'val_undef')
postfixCode=[('+', 'add_op'), ('z', 'ident'),
              ('/', 'mult_op'), (':=', 'assign_op')]
STACK:[ ('v1', 'ident') ('a', 'ident') ('b', 'ident')]
RunTime ERROR:
      Значення змінної b:(4, 'type_undef', 'val_undef') не визначене.
      Зустрілось у ('a', 'int') + ('b', 'ident')
RunTime: Аварійне завершення програми з кодом 2

```

## 4 Про звіт

### 4.1 Файли та тексти

Нагадую, що звіти про виконання лабораторних робіт треба надсилати у форматі pdf. Називати файли треба за шаблоном `НомерГрупи.ЛР_Номер.ПрізвищеІніціали.pdf`, наприклад так `ТВ-71.ЛР_3.АндрієнкоБВ.pdf`.

Тут дуже важливо, щоб дефіс, підкреслювання та крапка були саме на своїх місцях, не було зайвих пробілів чи інших символів. Одноманітність назв значно зменшує трудомісткість перевірки та імовірність помилки при обліку виконаних вами робіт.

Разом з вільним розповсюдженням цих матеріалів (поштою, месенджерами тощо), прошу не розміщувати їх у вільному доступі. Це позбавить мене зайвих клопотів при їх офіційному виданні (після доопрацювання), оскільки не треба буде пояснювати, що система контролю оригінальності тексту (т.зв. антиплагіату) знайшла попередню версію саме мого тексту, і що це не було його офіційним виданням.

Дякую за розуміння.

### 4.2 Форма та структура звіту

Вимоги до форми – мінімальні:

1. Прізвище та ім'я студента, номер групи, номер лабораторної роботи – у верньому колонтитулі. Нумерація сторінок – у нижньому колонтитулі. Титульний аркуш не потрібен.
2. На першому аркуші, угорі, – назва (тема) лабораторної роботи.
3. Далі, на першому ж аркуші та наступних – змістовна частина

Структура змістовної частини звіту:

1. Завдання саме Вашого (автора звіту) варіанту. Повне, включно з вимогами до арифметики (п'ять операцій, правоасоціативність піднесення до степеня) і т. і.
2. Граматика мови.
3. Специфікація інструкції присвоювання та арифметики розробленої мови (типи, константи, ідентифікатори, оператори тощо).
4. Про лексичний аналізатор коротко.
5. Про синтаксичний аналізатор коротко.
6. Формат таблиць: символів, ідентифікаторів, констант, міток (якщо використовуються).

7. Базовий приклад програми вхідною мовою для тестування транслятора та інтерпретатора.
8. Опис програмної реалізації транслятора та інтерпретатора.
9. План тестування, напр. як у Табл. 2.
10. Протокол тестування. Можна у формі скриншотів, текстових копій термінала тощо: фрагмент програми + результат обробки + ваш коментар та/чи оцінка результату
11. Висновки. Тут очікується власні оцінка/констатація/враження/зауваження автора звіту - виконавця лабораторної роботи.

План тестування може бути представлений у формі таблиці:

№	Тип випробування	Очікуваний результат	Кількість випробувань
8	базовий приклад	успішне виконання	1
9	помилка сканера або парсера	повідомлення від усіх наступних модулів	5
10	невизначений один з операндів	...	...
11	невідповідність типів операндів	...	...
12	ділення на нуль	...	...
13	вкладені конструкції	...	...
14	...	...	

Табл. 2: План тестування

## Література

- [1] Медведева В.М. Транслятори: внутрішнє подання програм та інтерпретація [Текст]: навч. посіб. [Текст]: навч. посіб. / В.М. Медведєва, В.А. Третьак/-К.: НТУУ «КПІ», 2015.-148с.