

Алгоритм Дейкстры с кучей Фибоначчи.

Сравнение кучи Фибоначчи с `std::priority_queue`.

Были реализованы стандартная куча Фибоначчи и стандартный алгоритм Дейкстры, работающий с произвольной кучей, названия основных операций которой совпадают с названиями таковых у `std::priority_queue: push(), top(), pop()`.

Для реализации алгоритма Дейкстры `std::priority_queue` использовалась с компаратором `std::greater<T>`.

Были произведены 2 типа тестов:

Hill тесты - n раз `push()`, затем n раз `pop()`;

Saw тесты - t раз `push()`, затем `pop()`, повторить k раз.

Первое - тесты простого сценария использования, а второе - тесты, приближенные к сценарию использования в алгоритме Дейкстры.

На Hill тестах `std::priority_queue` проигрывала на этапе `push()`, но на больших объёмах входных данных значительно выигрывала на этапе `pop()`, позволяя обходить Фибоначчиеву кучу.

На Saw тестах, за счёт относительно малого количества операций **pop()**, **std::priority_queue** проигрывала в 2-3 раза практически на всех тестах, не считая, разве что, тестов с очень маленькими объёмами данных - t и $k < 10$.

Результаты некоторых Hill тестов:

Hill тесты	куча Фибоначчи, * 10^{-6} с	std::priority_queue , * 10^{-6} с
n = 9	5 (1 + 4)	6 (4 + 2)
n = 72	43 (7 + 36)	65 (25 + 40)
n = 6038	4296 (390 + 3906)	5937 (1445 + 4492)
n = 946563	1913254 (70629 + 1842625)	1719935 (446304 + 1273631)
n = 20000000	90575161 (1437659 + 89137502)	55335229 (15062561 + 40272668)

(Большее количество тестов в FibData/fib_full_test.txt)

Результаты некоторых Saw тестов:

Saw тесты	куча Фибоначчи, * 10^{-6} с	std::priority_queue , * 10^{-6} с
t = 5, k = 4	3	7
t = 3578, k = 7	2991	8133
t = 8, k = 7168	9139	25258
t = 75, k = 90	662	1763
t = 6500, k = 6500	4469499	10940141

(Большее количество тестов в FibData/fib_full_test.txt)

Здесь, как и в алгоритме Дейкстры, использовались **std::pair<int, int>** и **std::pair<double, int>**, в которых второй элемент - номер захиси или номер вершины.

Для тестов алгоритма Дейкстры был написан генератор случайных графов. Сначала он создаёт подвешенное дерево, в котором у каждой вершины, кроме листов и, может быть, последнего не листа, создается хотя бы pl детей, а вероятность создания каждого следующего - pD . После этого каждая пара вершин, ещё не соединённых ребром, соединяется в вероятностью pE . В графе получается n вершин.

Результаты некоторых тестов алгоритма Дейкстры:

Тесты	куча Фибоначчи, * $10^{-6}c$	std::priority_queue , * $10^{-6}c$
$pD = 60\%$, $pE = 60\%$ $n = 4384$, $pl = 1$	96630	102116
$pD = 90\%$, $pE = 90\%$ $n = 1183$, $pl = 1$	14466	15208
$pD = 50\%$, $pE = 00\%$ $n = 3815$, $pl = 1$	3720	4977
$pD = 90\%$, $pE = 04\%$ $n = 4902$, $pl = 1$	25877	32015
$pD = 00\%$, $pE = 50\%$ $n = 4908$, $pl = 1$	104814	113284
$pD = 04\%$, $pE = 90\%$ $n = 537$, $pl = 1$	3009	3868
$pD = 92\%$, $pE = 92\%$ $n = 4834$, $pl = 7$	147898	145707
$pD = 90\%$, $pE = 90\%$ $n = 5000$, $pl = 5$	139543	152922
$pD = 00\%$, $pE = 100\%$ $n = 5000$, $pl = 1$	149383	158422
$pD = 00\%$, $pE = 00\%$ $n = 5000$, $pl = 1$	2820	8783

(Большее количество тестов в `DijData/dij_full_test.txt`)

Как видно из результатов, алгоритм Дейкстры с кучей Фиббоначи в большинстве случаев работает в среднем на несколько (5-7) процентов быстрее, чем с `std::priority_queue`, но на близких к бамбуку графах прирост скорости заметно выше: больше 20% на почти дереве, больше 30% на дереве и больше 200% на бамбуке.