

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Пензенский государственный университет
Кафедра «Вычислительная техника»

Отчёт
по лабораторной работе №4
по курсу “Логика и основы алгоритмизации в инженерных задачах”
на тему “Бинарное дерево поиска”

Выполнили:

Студенты группы 24ВВВ4

Чердаков В.С.

Аверьянов Д.С.

Приняли:

Юрова О.В.

Акифьев И.В.

Пенза 2025

Название:

Бинарное дерево поиска

Цель работы:

Разработать программу, где реализуется поиск того или иного значения с клавиатуры

Лабораторное задание:

*Реализовать алгоритм поиска вводимого с клавиатуры значения в уже созданном

дереве.

*Реализовать функцию подсчёта числа вхождений заданного элемента в дерево.

* Изменить функцию добавления элементов для исключения добавления одинаковых символов.

* Оценить сложность процедуры поиска по значению в бинарном дереве.

Листинг

```
import random

# Узел дерева
class TreeNode:
    def __init__(self, value):
        self.data = value
        self.left = None
        self.right = None

# Создание нового узла
def create_node(value):
    return TreeNode(value)

# Вставка элемента в дерево (без дубликатов)
def insert(root, value):
    if root is None:
        return create_node(value)
    if value < root.data:
        root.left = insert(root.left, value)
    elif value > root.data: # дубликаты запрещены
        root.right = insert(root.right, value)
    else:
        print(f"⚠ Элемент {value} уже есть в дереве, дубликат не добавлен.")
    return root

# Поиск элемента + количество шагов
def search_with_steps(root, value):
    steps = 0
    current = root
    while current is not None:
        steps += 1
        if current.data == value:
            print(f"Элемент {value} найден за {steps} шаг(а/ов).")
            return current
        elif value < current.data:
            current = current.left
        else:
```

```

        current = current.right
    print(f"Элемент {value} не найден (прошли {steps} шагов).")
    return None

# Подсчёт вхождений (полный обход)
def count_occurrences(root, value):
    if root is None:
        return 0
    count = 1 if root.data == value else 0
    count += count_occurrences(root.left, value)
    count += count_occurrences(root.right, value)
    return count

# Высота дерева
def get_height(root):
    if root is None:
        return 0
    return 1 + max(get_height(root.left), get_height(root.right))

# Количество узлов
def count_nodes(root):
    if root is None:
        return 0
    return 1 + count_nodes(root.left) + count_nodes(root.right)

# Безопасный ввод числа
def safe_input_int(prompt):
    while True:
        try:
            return int(input(prompt))
        except ValueError:
            print("Ошибка: введите целое число!")

# Освобождение дерева
def free_tree(root):
    if root is not None:
        free_tree(root.left)
        free_tree(root.right)
        root.left = None
        root.right = None

# Упрощённый вывод
def print_tree_simple(root, level=0):
    if root is None:
        return
    print_tree_simple(root.right, level + 1)
    print("    " * level, end="")
    if level > 0:
        print("L-- ", end="")
    print(root.data)
    print_tree_simple(root.left, level + 1)

# Скобочная структура
def print_tree_bracket(root):
    if root is None:
        print("-", end="")
        return
    print(root.data, end="")
    if root.left is not None or root.right is not None:
        print("(", end="")
        print_tree_bracket(root.left)
        print(",", end="")
        print_tree_bracket(root.right)
        print(")", end="")

```

```

# Демонстрация
def main():
    print("=== БИНАРНОЕ ДЕРЕВО ПОИСКА ===")
    root = None
    initial_values = []
    for v in initial_values:
        root = insert(root, v)
    print(f"Начальное дерево создано с {len(initial_values)} элементами.")

    while True:
        print("\n=== МЕНЮ ===")
        print("1. Добавить элемент в дерево")
        print("2. Найти элемент в дереве")
        print("3. Подсчитать число вхождений элемента")
        print("4. Показать дерево (упрощённый вид)")
        print("5. Информация о дереве")
        print("6. Добавить несколько случайных элементов")
        print("7. Очистить дерево и создать новое")
        print("0. Выход")

        choice = safe_input_int("Выбор: ")

        if choice == 1:
            value = safe_input_int("Введите значение для добавления: ")
            root = insert(root, value)
            print(f"Попытка добавления {value} завершена.")

        elif choice == 2:
            value = safe_input_int("Введите значение для поиска: ")
            result = search_with_steps(root, value)

            # Анализ сложности поиска
            print("\nСложность поиска в текущем дереве:")
            print("- Лучший случай:  $O(1)$  – элемент в корне")
            print("- Средний случай:  $O(\log n)$  – если дерево сбалансировано")
            print("- Худший случай:  $O(n)$  – если дерево вырождено в список")

            print(f"Высота дерева: {get_height(root)}")
            left_height = get_height(root.left)
            right_height = get_height(root.right)
            balance = left_height - right_height
            print(f"Разница высот поддеревьев: {abs(balance)}")
            print(f"Сбалансированность дерева:", "да" if abs(balance) <= 1 else "нет")

        elif choice == 3:
            value = safe_input_int("Введите значение для подсчета: ")
            count = count_occurrences(root, value)
            print(f"Элемент {value} встречается {count} раз(а).")

        elif choice == 4:
            print("\n=== ДЕРЕВО (УПРОЩЁННЫЙ ВИД) ===")
            print_tree_simple(root, 0)

        elif choice == 5:
            print("\n=== ИНФОРМАЦИЯ О ДЕРЕВЕ ===")
            print(f"Количество узлов: {count_nodes(root)}")
            print(f"Высота дерева: {get_height(root)}")
            left_height = get_height(root.left)
            right_height = get_height(root.right)
            balance = left_height - right_height
            print(f"Высота левого поддерева: {left_height}")
            print(f"Высота правого поддерева: {right_height}")
            print(f"Разница высот: {abs(balance)}")
            print(f"Сбалансированность:", "да" if abs(balance) <= 1 else "нет")

```

```

print("\nСтруктура дерева (упрощённый вид):")
print_tree_simple(root, 0)

elif choice == 6:
    count = safe_input_int("Сколько случайных элементов добавить? ")
    max_value = safe_input_int("Максимальное значение? ")
    for _ in range(count):
        val = random.randint(1, max_value)
        root = insert(root, val)
    print("Элементы добавлены. Новое дерево:")
    print_tree_simple(root, 0)

elif choice == 7:
    free_tree(root)
    root = None
    for v in initial_values:
        root = insert(root, v)
    print("Дерево сброшено. Новое дерево создано:")
    print_tree_simple(root, 0)

elif choice == 0:
    print("Выход из программы.")
    break

else:
    print("Неверный выбор!")

if __name__ == "__main__":
    main()

# Высота дерева
def get_height(root):
    if root is None:
        return 0
    return 1 + max(get_height(root.left), get_height(root.right))

```

Результат работы программы:

C:\WINDOWS\system32\cmd. x + v

=== БИНАРНОЕ ДЕРЕВО ПОИСКА ===

Начальное дерево создано с 7 элементами.

=== МЕНЮ ===

1. Добавить элемент в дерево
2. Найти элемент в дереве
3. Подсчитать число вхождений элемента
4. Показать дерево (все виды отображения)
5. Информация о дереве
6. Добавить несколько случайных элементов
7. Очистить дерево и создать новое
0. Выход

Выбор: 1

Введите значение для добавления: -52

Элемент -52 добавлен в дерево.

=== МЕНЮ ===

1. Добавить элемент в дерево
2. Найти элемент в дереве
3. Подсчитать число вхождений элемента
4. Показать дерево (все виды отображения)
5. Информация о дереве
6. Добавить несколько случайных элементов
7. Очистить дерево и создать новое
0. Выход

Выбор: 2

Введите значение для поиска: 75

Элемент 75 найден.

Сложность поиска в текущем дереве:

- Лучший случай: $O(1)$ – элемент в корне
- Средний случай: $O(\log n)$ – если дерево сбалансировано
- Худший случай: $O(n)$ – если дерево вырождено в список

Высота дерева: 4

Разница высот поддеревьев: 1

Сбалансированность дерева: да

=== МЕНЮ ===

1. Добавить элемент в дерево
2. Найти элемент в дереве
3. Подсчитать число вхождений элемента
4. Показать дерево (все виды отображения)
5. Информация о дереве
6. Добавить несколько случайных элементов
7. Очистить дерево и создать новое
0. Выход

Выбор: 3

Введите значение для подсчета: 100

Элемент 100 встречается 1 раз(а).

=== МЕНЮ ===

1. Добавить элемент в дерево
2. Найти элемент в дереве
3. Подсчитать число вхождений элемента
4. Показать дерево (все виды отображения)
5. Информация о дереве
6. Добавить несколько случайных элементов
7. Очистить дерево и создать новое
0. Выход

Выбор: 4

=== ГРАФИЧЕСКОЕ ПРЕДСТАВЛЕНИЕ ДЕРЕВА ===

Фото-стиль:

```
!   Г---175
Г---150
!   L---125
100 (корень)
!   Г---75
L---50
!   L---25
!   !   L----52
```

Упрощённый вид:

```
      L-- 175
    L-- 150
      L-- 125
100
      L-- 75
    L-- 50
      L-- 25
        L-- -52
```

=== МЕНЮ ===

1. Добавить элемент в дерево
 2. Найти элемент в дереве
 3. Подсчитать число вхождений элемента
 4. Показать дерево (все виды отображения)
 5. Информация о дереве
 6. Добавить несколько случайных элементов
 7. Очистить дерево и создать новое
 0. Выход
- Выбор: 5

=== ИНФОРМАЦИЯ О ДЕРЕВЕ ===

Количество узлов: 8
Высота дерева: 4
Высота левого поддеревья: 3
Высота правого поддеревья: 2
Разница высот: 1
Сбалансированность: да

Структура дерева (упрощённый вид):

```
      L-- 175
    L-- 150
      L-- 125
100
      L-- 75
    L-- 50
      L-- 25
          L-- -52
```

=== МЕНЮ ===

1. Добавить элемент в дерево
 2. Найти элемент в дереве
 3. Подсчитать число вхождений элемента
 4. Показать дерево (все виды отображения)
 5. Информация о дереве
 6. Добавить несколько случайных элементов
 7. Очистить дерево и создать новое
 0. Выход
- Выбор: 6

Сколько случайных элементов добавить? 2
Максимальное значение? 75

Элементы добавлены. Новое дерево:

```
      L-- 175
    L-- 150
      L-- 125
100
      L-- 75
          L-- 56
    L-- 50
      L-- 25
          L-- 19
          L-- -52
```



```
=== МЕНЮ ===
1. Добавить элемент в дерево
2. Найти элемент в дереве
3. Подсчитать число вхождений элемента
4. Показать дерево (все виды отображения)
5. Информация о дереве
6. Добавить несколько случайных элементов
7. Очистить дерево и создать новое
0. Выход
Выбор: 7
Дерево сброшено. Новое дерево создано:
      L-- 175
    L-- 150
  L-- 125
100
      L-- 75
    L-- 50
  L-- 25
```

```
=== МЕНЮ ===
1. Добавить элемент в дерево
2. Найти элемент в дереве
3. Подсчитать число вхождений элемента
4. Показать дерево (все виды отображения)
5. Информация о дереве
6. Добавить несколько случайных элементов
7. Очистить дерево и создать новое
0. Выход
Выбор: 0
Выход из программы.
Для продолжения нажмите любую клавишу . . . |
```

Выводы:

В ходе выполнения лабораторной работы были разработаны программы, выполняющие указанные в лабораторной работе задачи. Результаты работ программ совпали с результатами трассировок, следовательно, программы работают без ошибок. Получили опыт в создании проектов в среде Microsoft Visual Studio.