

To run calculations:

- Enter parameters in config file
- Do `./run.sh <nworkers>`. Default number of workers is 4

To plot solution run `python3 plot.py`

Отчет

Вычислительная математика

Метод

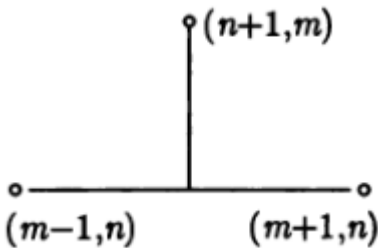
В данной лабораторной работе реализован поиск численного решения для уравнения переноса:

$$\frac{\partial u(t, x)}{\partial t} + c \frac{\partial u(t, x)}{\partial x} = f(t, x), 0 \leq t \leq T, 0 \leq x \leq X$$

$$u(0, x) = \phi(x), 0 \leq x \leq X$$

$$u(t, 0) = \psi, 0 \leq t \leq T$$

Вычисления проводятся на сетке $t = n\tau, x = mh$ с помощью явной центральной трехточечной схемы (схема Лакса). Схема обладает порядком аппроксимации $O(\tau + h^2 + h^2/\tau)$



Разностное уравнение:

$$\frac{u_m^{n+1} - 0.5(u_{m+1}^n + u_{m-1}^n)}{\tau} + c \frac{u_{m+1}^n - u_{m-1}^n}{2h} = f_m^k$$

Схема является устойчивой при выполнении условия Куранта

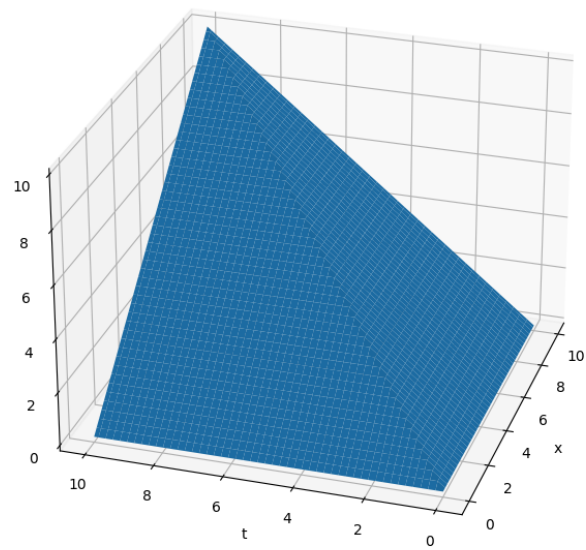
$$\sigma = c\tau/h \leq 1$$

Примеры работы

$$f(t, x) = 1, 0 \leq t \leq 10, 0 \leq x \leq 10$$

$$u(0, x) = 0$$

$$u(t, 0) = 0$$

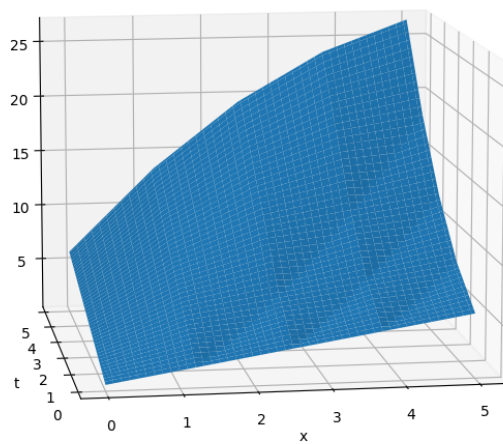
$c = 1$ 

$$u(x, t) = (x + 1)(t + 1)$$

$$f(t, x) = x + y + 2, 0 \leq t \leq 5, 0 \leq x \leq 5$$

$$u(0, x) = x + 1$$

$$u(t, 0) = t + 1$$

 $c = 1$ 

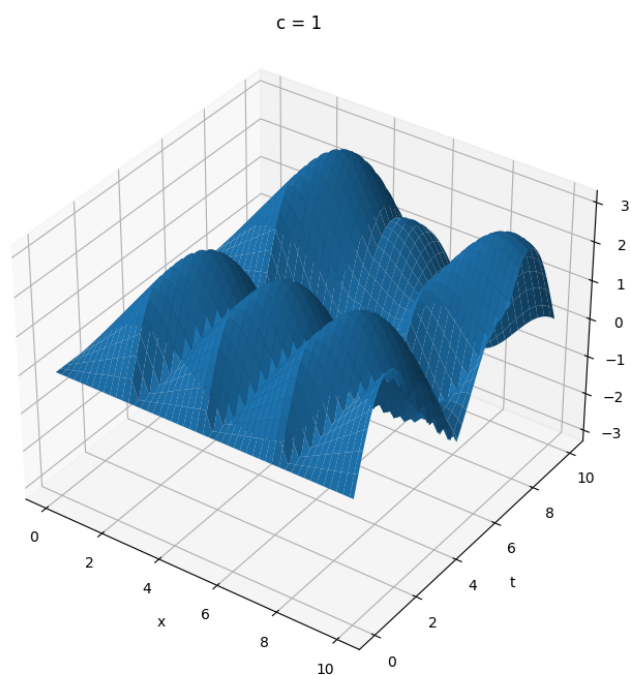
Исследуем как меняется решение при варьировании параметра c

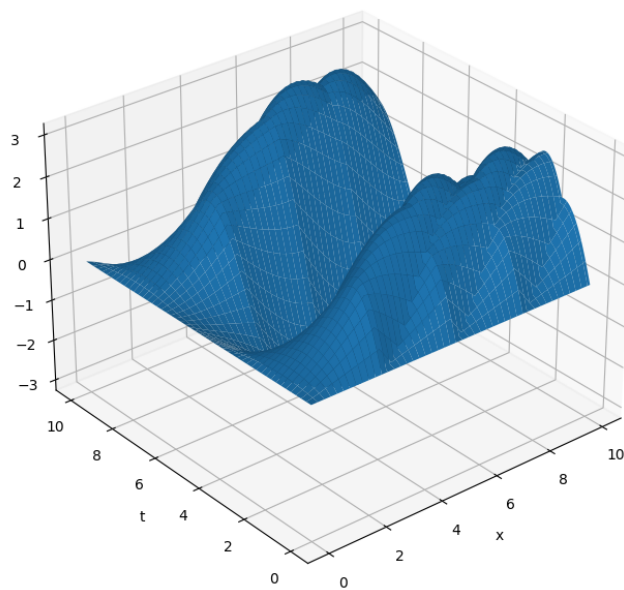
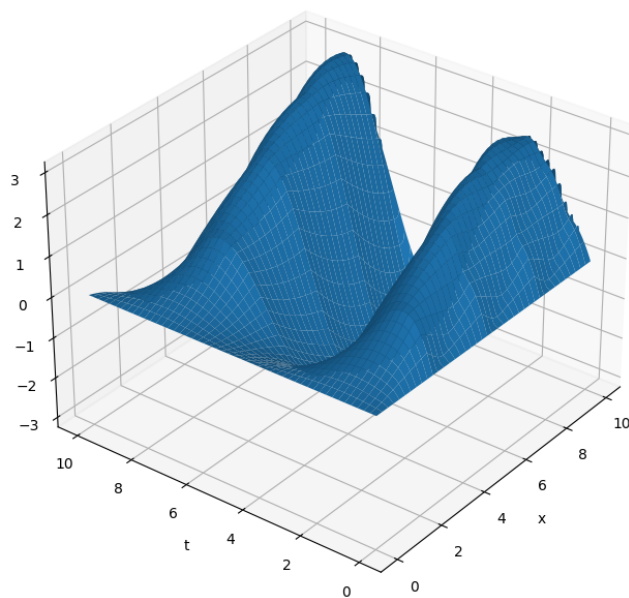
$$u(x, t) = x \sin(t)$$

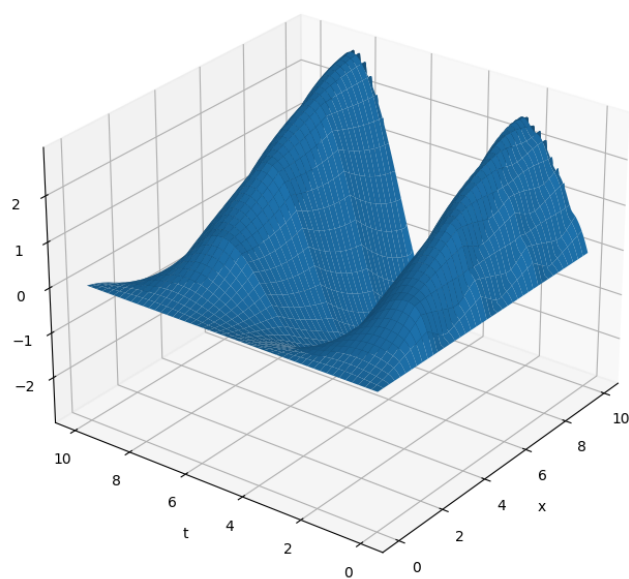
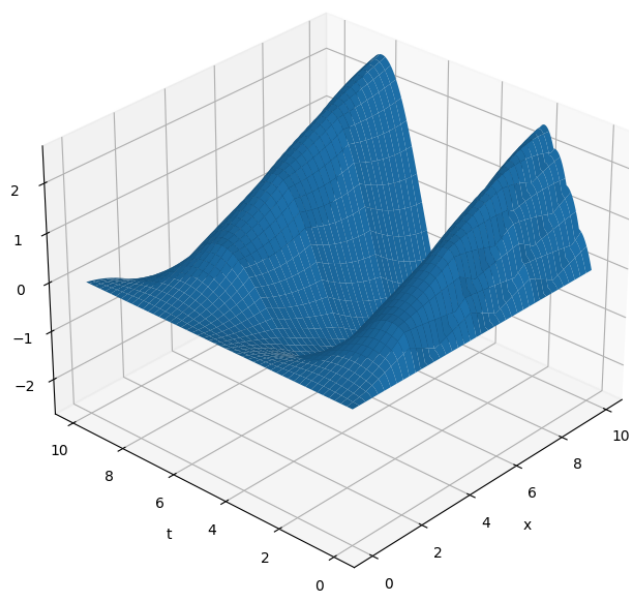
$$f(t, x) = x \cos(t) + \sin(t), 0 \leq t \leq 10, 0 \leq x \leq 10$$

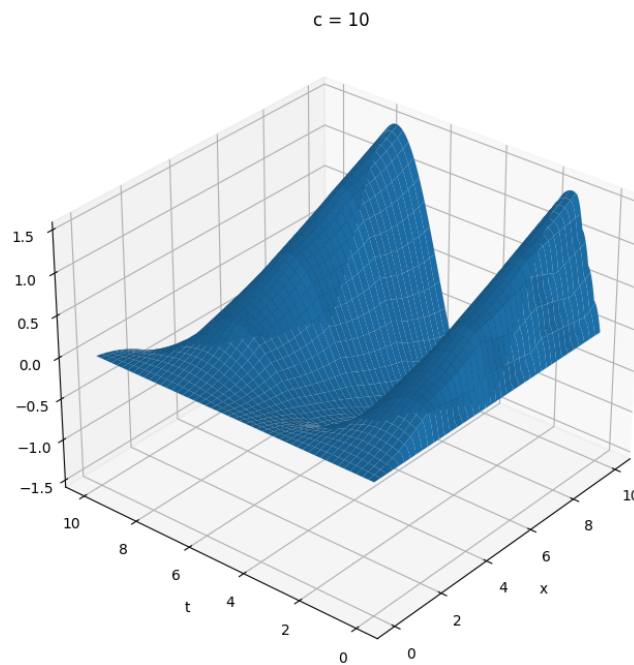
$$u(0, x) = 0$$

$$u(t, 0) = 0$$



$c = 2$  $c = 3$ 

$c = 4$  $c = 5$ 



Видно что с ростом параметра пики быстрее сдвигаются вдоль координаты x . Это отвечает росту скорости переноса.

Имплементация

Вычислительная схема

Весь код содержится в файле `net.cpp`. Реализацию схемы можно найти в функции `fill_layer()`.

Параллелизм

Посчитаем ускорение и эффективность программы. Значения для 4 процессоров: $S = 2.3$; $E = 0.58$

