

Aufgabe 0: Präsenz-Kurzfragen

0 Punkte

- a) Wie lauten die Maxwell-Gleichungen im Vakuum? Identifizieren Sie die Bestandteile. Was ist ihre physikalische Bedeutung?
- b) Wie wirkt die Lorentz-Kraft? Kann man zur Lorentz-Kraft ein Potential aufstellen?
- c) Stellen Sie die Kontinuitätsgleichung auf und identifizieren Sie die Bestandteile. Was sagt sie aus?
- d) Wie steht das Vektorpotential im Zusammenhang zum Magnetfeld? Ist es eine physikalische Größe? Welche Freiheiten hat man beim Aufstellen des Vektorpotentials?

Aufgabe 1: Licht und Materie

5 Punkte

Ein Medium befinde sich in einem elektrischen Feld. Die Auslenkung der Teilchen im Medium werde durch die Gleichung eines gedämpften harmonischen Oszillators beschrieben. Jedes Teilchen trage die Ladung q .

$$m\ddot{\vec{x}} + m\alpha\dot{\vec{x}} + m\omega_0^2\vec{x} = q\vec{E}(t).$$

$\alpha \in \mathbb{R}$. Dieses definiert das Oszillatormodell für die Dielektrizitätskonstante ϵ , die im Folgenden bestimmt werden soll.

- a) Berechnen Sie die Auslenkung $\vec{x}(t)$ mit dem anregenden elektrischen Feld $\vec{E}(t) = \vec{E}_0 e^{i\omega t}$. Wir sind hier nur an einer stationären Lösung interessiert. Daher genügt der Ansatz $\vec{x} = \vec{A} e^{i\omega t}$.
- b) Ermitteln Sie dann die Polarisation

$$\vec{P} = \frac{1}{V} \sum_{i=1}^N \vec{p}$$

aus den Dipolmomenten $\vec{p}(t)$ der N Teilchen in dem Medium und daraus die Dielektrizitätskonstante $\epsilon(\omega)$. Nützliche Formeln: $\vec{P} = \epsilon_0 \chi(\omega) \vec{E}$, $\epsilon(\omega) = \epsilon_0(1 + \chi(\omega))$. Hinweis: Ein geschlossener Ausdruck für $\epsilon(\omega)$ muss nicht gefunden werden.

Aufgabe 2: Wellen

5 Punkte

Die eindimensionale Wellengleichung lautet

$$\frac{\partial^2 A}{\partial x^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 A}{\partial t^2} = 0.$$

- a) Bestimmen Sie mit dem Ansatz $A = A_0 \exp(i(kx - \omega t))$ den Zusammenhang zwischen Wellenlänge λ und Frequenz f . Dabei ist $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ und $\omega = 2\pi f$.
- b) Prüfen Sie, ob folgende Funktionen Lösungen der Wellengleichung sind:

$$\begin{aligned} A(x, t) &= \exp(i k (x^{3,75} - vt)) \\ A(x, t) &= \sinh(k(x - vt)). \end{aligned}$$

- c) Zeigen Sie, dass allgemein die Funktionen $A(x \pm vt)$ Lösungen der Wellengleichung sind.