$\Rightarrow \ddot{\chi}(\varphi) = \begin{pmatrix} r \cdot \varphi - \sin\varphi \cdot r \\ r - r \cdot \cos(\varphi) \end{pmatrix} = r \begin{pmatrix} \varphi - \sin\varphi \\ 1 - \cos\varphi \end{pmatrix}$