

Επανάληψη για εξετάσεις 2024-25: Ψηφιακά Ηλεκτρονικά (Β' Λυκείου)

Περιεχόμενο

Ενότητα 1: Συστήματα Αρίθμησης.....	2
Μετατροπή Ακέραιων Δεκαδικών σε Δυαδικούς αριθμούς και το αντίστροφο	2
Μετατροπή Κλασματικών Δεκαδικών Αριθμών σε Δυαδικούς Αριθμούς και το αντίστροφο	3
Μετατροπές άλλων συστημάτων αρίθμησης από και σε δυαδικούς	4
Οκταδικό και Δεκαεξαδικό Σύστημα	5
Μετατροπή αριθμού από Δυαδικό σε Δεκαεξαδικό Σύστημα και αντίστροφα	6
Ενότητα 2: Αριθμητικές πράξεις στο Δυαδικό Σύστημα	7
Βασικές Πράξεις.....	7
Συμπληρώματα.....	7
Δυαδική Αφαίρεση	8
Δυαδική Αφαίρεση (με αρνητικό αποτέλεσμα)	8
Ενότητα 3: Δυαδικοί Κώδικες Κώδικας BCD (Binary Code Decimal)	8
Ενότητα 5: Λογικές Πύλες – Βασικές Λογικές Συναρτήσεις	9
Αλγεβρα Boole	11
Αξιώματα	11
Θεωρήματα	11
Θεωρήματα De Morgan	12
Απλοποίηση Κυκλώματος	12
Χρήσιμα Κόλπα:	12
Χάρτες Καρνό (Karnaugh)	13
Σημαντικοί Ορισμοί:	15
Χρήση Breadboard	16
Βήματα Δημιουργίας Κυκλώματος.....	20

Ενότητα 1: Συστήματα Αρίθμησης

Μετατροπή Ακέραιων Δεκαδικών σε Δυαδικούς αριθμούς και το αντίστροφο

Για να μετατρέψουμε έναν δεκαδικό αριθμό σε δυαδικό, διαιρούμε δια 2, παίρνουμε τα υπόλοιπα, ξαναδιαιρούμε μέχρι να φτάσουμε το μηδέν, και βάζουμε τους αριθμούς σε σειρά από κάτω έως πάνω.

$$140_{10} =$$

Πηλίκο	Υπόλοιπο
$140 \div 2 = 70$	0
$70 \div 2 = 35$	0
$35 \div 2 = 17$	1
$17 \div 2 = 8$	1
$8 \div 2 = 4$	0
$4 \div 2 = 2$	0
$2 \div 2 = 1$	0
$1 \div 2 = 0$	1

$$= 10001100_2$$

Για να μετατρέψουμε έναν δυαδικό αριθμό σε δεκαδικό, παίρνουμε το κάθε ψηφίο από δεξιά προς αριστερά και το πολλαπλασιάζουμε επί 2 στην δύναμη της δεκάδας.

$$110011_2 =$$

$$1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^5 =$$

$$2^0 + 2^1 + 0^2 + 0^3 + 2^4 + 2^5 =$$

$$1 + 2 + 16 + 32 = 51_{10}$$

Μετατροπή Κλασματικών Δεκαδικών Αριθμών σε Δυαδικούς Αριθμούς και το αντίστροφο

Για να μετατρέψουμε κλασματικούς δεκαδικούς σε δυαδικούς, πολλαπλασιάζουμε επί δύο μέχρι να φτάσουμε το 0 ή όταν παρατηρήσουμε επανάληψη ψηφίων όπως ποιο κάτω:

$$0,15_{10} =$$

$0,15 \cdot 2 = 0,30$	0
$0,30 \cdot 2 = 0,60$	0
$0,60 \cdot 2 = 1,20$	1
$0,15 \cdot 2 = 0,30$	0
$0,30 \cdot 2 = 0,60$	0
$0,60 \cdot 2 = 1,20$	1

Επανάληψη Ψηφίων

Έπειτα βάζουμε τους αριθμούς σε σειρά από πάνω ως κάτω

$$0,15_{10} = 0,001001_2$$

Για να μετατρέψουμε κλασματικούς δυαδικούς σε δεκαδικούς, απλά πολλαπλασιάζουμε επί δύο στις αρνητικές δυνάμεις των δεκάδων.

$$\begin{aligned} 0,101_2 &= \\ 1 \cdot 2^{-1} + 0 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-3} &= \\ 2^{-1} + 0 \cdot 2^{-2} + 2^{-3} &= \\ 0,5 + 0,125 &= 0,625_{10} \end{aligned}$$

Μετατροπές άλλων συστημάτων αρίθμησης από και σε δυαδικούς

Για να μετατρέψουμε άλλα συστήματα στο δυαδικό σύστημα, παίρνουμε το κάθε ψηφίο και το μετατρέπουμε στην δυαδική του μορφή.

Οκταδικό Σύστημα: $742_8 = 010\ 100\ 111_2$

Δεκαεξαδικό Σύστημα: $3A2B_{16} = 0011\ 1010\ 0010\ 1011_2$

Για να μετατρέψουμε το δυαδικό σύστημα σε άλλα συστήματα, παίρνουμε τα ψηφία χωρίζουμε τα ψηφία του δυαδικού αριθμού. Αν μας λείπει ψηφίο, ολοκληρώνουμε την τριάδα με ένα μηδενικό.

Οκταδικό Σύστημα (Χωρίζουμε σε τριάδες): $11011_2 = 011\ 011 = 3\ 3_8$

Δεκαεξαδικό Σύστημα (Χωρίζουμε σε τετράδες): $111101 = 0011\ 1101 = 3\ 13 = 3\ D_{16}$

Δεκαδικό Σύστημα	Δυαδικό Σύστημα	Θεταδικό Σύστημα	Δεκαεξαδικό Σύστημα
0	0000	00	0
1	0001	01	1
2	0010	02	2
3	0011	03	3
4	0100	04	4
5	0101	05	5
6	0110	06	6
7	0111	07	7
8	1000	10	8
9	1001	11	9
10	1010	12	A
11	1011	13	B
12	1100	14	C
13	1101	15	D
14	1110	16	E
15	1111	17	F

Οκταδικό και Δεκαεξαδικό Σύστημα

Οι μετατροπές του Οκταδικού και Δεκαεξαδικού Συστήματος από και σε Δεκαδικό Σύστημα έχουν τις ίδιες διαδικασίες.

Όμως, ένα πρόβλημα που εμφανίζουν είναι η εύρεση του υπόλοιπου. Εφόσον δεν υπάρχει το modulus (%) σε όλες τις υπολογιστικές μηχανές, πρέπει να βρούμε εναλλακτικές λύσεις.

Η μία λύση είναι η εξής:

1. Πολλαπλασιάζουμε το ακέραιο μέρος του πηλίκου που μόλις βρήκαμε με τον διαιρέτη.
2. Αφαιρούμε αυτό το γινόμενο από τον διαιρετέο (τον αριθμό που διαιρούμε).

$$254_{10} =$$

Πηλίκο	Υπόλοιπο
$254 \div 8 = 31$	$254 - (8 \cdot 31) = 254 - 248 = 6$
$31 \div 8 = 3$	$31 - (8 \cdot 3) = 31 - 24 = 7$

$= 76_8$

Η άλλη λύση είναι: αφού κάνουμε την διαίρεση, πατάμε **SHIFT** και **S⇔D** στην υπολογιστική.

$$254 \div 8 = 31 \frac{3}{4}$$

Δίπλα από τον ακέραιο θα εμφανιστεί ένα κλάσμα. Αυτό είναι το υπόλοιπο. Όμως προσοχή: Το υπόλοιπο πρέπει για διαιρέτη να έχει τον σωστό αριθμό!

$$31 \frac{3}{4} = 31 \frac{6}{8} \Rightarrow \text{Το υπόλοιπο είναι } 6$$

$$254_{10} =$$

Πηλίκο	Υπόλοιπο
$254 \div 16 = 15$	$14 (E)$
$15 \div 16 = 0$	$15 (F)$

$= FE_{16}$

Μετατροπή αριθμού από Δυαδικό σε Δεκαεξαδικό Σύστημα και αντίστροφα

Από δυαδικό σε δεκαεξαδικό:

Για να μετατρέψουμε έναν αριθμό από δυαδικό σε Δεκαεξαδικό Σύστημα, χωρίζουμε τέσσερις-τέσσερις τους δυαδικούς και τους μετατρέπουμε σε ένα δεκαεξαδικό ψηφίο.

Αν δεν υπάρχουν αρκετά ψηφία, προσθέτουμε μερικά μηδενικά στην αρχή:

$$11001 \rightarrow 1 \ 1001 \rightarrow \textcolor{red}{000}1 \ 1001$$

$$\begin{aligned} 0001 &= 1, \quad 1001 = 9 \\ \Rightarrow 11001_2 &= 19_{16} \end{aligned}$$

Από δεκαεξαδικό σε δυαδικό:

Για να κάνουμε το ανάποδο, παίρνουμε κάθε δεκαεξαδικό ψηφίο και το μετατρέπουμε στην δυαδική του μορφή.

$$\begin{aligned} FFA3 &\rightarrow 15 \ 15 \ 10 \ 3 \rightarrow 1111 \ 1111 \ 1010 \ 0011 \\ \Rightarrow FFA3_{16} &= 1111 \ 1111 \ 1010 \ 0011_2 \end{aligned}$$

Ενότητα 2: Αριθμητικές πράξεις στο Δυαδικό Σύστημα

Βασικές Πράξεις

Πρόσθεση	Αφαίρεση
$\begin{array}{r} 1010 \\ + 111 \\ \hline 1101 \end{array}$	$\begin{array}{r} 1010 \\ - 111 \\ \hline 1111 \end{array}$

Πολλαπλασιασμός
$\begin{array}{r} 1110 \\ \times 11 \\ \hline 1110 \\ + 1110 \\ \hline 101110 \end{array}$

Συμπληρώματα

Ως προς 1:

$$\begin{array}{l} 10110 \\ \hookrightarrow 01001 \end{array}$$

Ως προς 2:

$$\begin{array}{r} 1110 \\ \hookrightarrow 0101 \\ + 1 \\ \hline 0110 \end{array}$$

Διαδική Αφαίρεση

Με Συμπλήρωμα ως προς 2						
		1	1	1	1	
11001			1	1	0	0
- 00101		+	1	1	0	1
		+				1
		-	1	0	1	0
						0

Με Συμπλήρωμα ως προς 1						
		1	1	1		
11001			1	1	0	0
- 00101		+	1	1	0	1
		+				0
		+	1	0	0	1
		+	1	0	0	1
						0

Διαδική Αφαίρεση (με αρνητικό αποτέλεσμα)

Εάν δεν έχουμε extra ψηφίο, κάνουμε ξανά το συμπλήρωμα και βάζουμε ένα (-) μπροστά από τον αριθμό.

Με Συμπλήρωμα ως προς 2						
				1	1	
00001			0	0	0	0
- 00101		+	1	1	0	1
		+				1
			1	1	1	0
			0	0	0	1
		+				1
		-	0	0	1	0

Με Συμπλήρωμα ως προς 1						
00001			0	0	0	0
- 00101		+	1	1	0	1
			1	1	0	1
		-	0	0	1	0

Ενότητα 3: Διαδικοί Κώδικες Κώδικας BCD (Binary Code Decimal)

Κάθε ψηφίο του δεκαδικού συστήματος κωδικοποιείται στον αντίστοιχο 4-bits δυαδικό αριθμό.

Πλεονεκτήματα: Άμεση μετατροπή

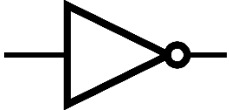
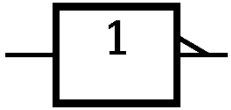
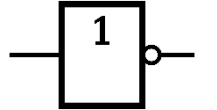

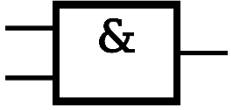
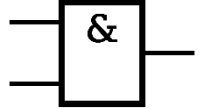


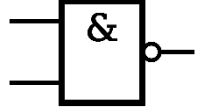

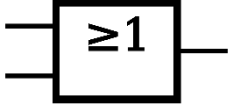
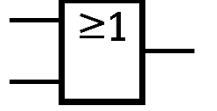

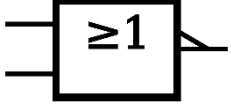
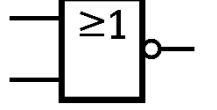

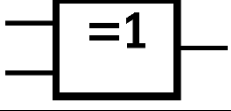
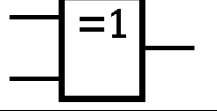

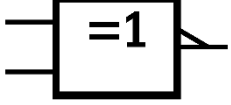
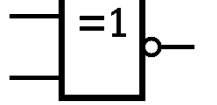
Μειονεκτήματα:

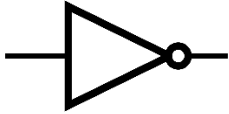






- Απαιτείται μεγάλος αριθμός ψηφίων
- Δυσκολία στην εκτέλεση αριθμητικών πράξεων

$47_{10} \rightarrow 1101111_2$ (Απλός Δυαδικός Κώδικας)

$47_{10} \rightarrow 0100 \ 0111_2$ (Κώδικας BCD)

Ενότητα 5: Λογικές Πύλες – Βασικές Λογικές Συναρτήσεις

Όνομα	Αμερικανική Πύλη	«Επίσημη Πύλη»	Βρετανική Πύλη
NOT			
AND			
NAND			
OR			
NOR			
EXOR (XOR)			
EXNOR			

Όνομα	Αμερικανική Πύλη	Πίνακας Αληθείας	Συνάρτηση	Περιγραφή															
NOT		<table><tr><td>A</td><td>Y</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td></tr></table>	A	Y	1	0	0	1	$Y = \bar{A}$	Αντιστρέφει την είσοδο.									
A	Y																		
1	0																		
0	1																		
AND		<table><tr><td>A</td><td>B</td><td>Y</td></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr></table>	A	B	Y	0	0	0	1	0	0	0	1	0	1	1	1	$Y = A \cdot B$	Η έξοδος θα είναι αληθής αν και οι δύο εισόδοι είναι αληθής.
A	B	Y																	
0	0	0																	
1	0	0																	
0	1	0																	
1	1	1																	
NAND		<table><tr><td>A</td><td>B</td><td>Y</td></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr></table>	A	B	Y	0	0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	0	$Y = \overline{A \cdot B}$	Η έξοδος θα είναι ψευδής αν και οι δύο εισόδοι είναι ψευδής.
A	B	Y																	
0	0	1																	
1	0	1																	
0	1	1																	
1	1	0																	
OR		<table><tr><td>A</td><td>B</td><td>Y</td></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr></table>	A	B	Y	0	0	0	1	0	1	0	1	1	1	1	1	$Y = A + B$	Η έξοδος θα είναι αληθής αν τουλάχιστον μία είσοδος είναι αληθής.
A	B	Y																	
0	0	0																	
1	0	1																	
0	1	1																	
1	1	1																	
NOR		<table><tr><td>A</td><td>B</td><td>Y</td></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr></table>	A	B	Y	0	0	1	1	0	0	0	1	0	1	1	0	$Y = \overline{A + B}$	Η έξοδος θα είναι ψευδής αν τουλάχιστον μία είσοδος είναι ψευδής.
A	B	Y																	
0	0	1																	
1	0	0																	
0	1	0																	
1	1	0																	
EXOR (XOR)		<table><tr><td>A</td><td>B</td><td>Y</td></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr></table>	A	B	Y	0	0	0	1	0	1	0	1	1	1	1	0	$Y = \bar{A}B + A\bar{B}$ $Y = A \oplus B$	Η έξοδος θα είναι αληθής αν μόνο μία είσοδος είναι αληθής.
A	B	Y																	
0	0	0																	
1	0	1																	
0	1	1																	
1	1	0																	
EXNOR		<table><tr><td>A</td><td>B</td><td>Y</td></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr></table>	A	B	Y	0	0	1	1	0	0	0	1	0	1	1	1	$Y = \overline{A \oplus B}$ $= A \odot B$	Η έξοδος θα είναι αληθής αν και οι δύο εισόδοι ισούνται.
A	B	Y																	
0	0	1																	
1	0	0																	
0	1	0																	
1	1	1																	

Άλγεβρα Boole

Αξιώματα

1. Αξίωμα Αντιμετάθεσης:

$$A \cdot B = B \cdot A$$

$$A + B = B + A$$

2. Αξίωμα Προσεταιρισμού:

$$A \cdot B \cdot C = (A \cdot B) \cdot C = A \cdot (B \cdot C)$$

$$A + B + C = (A + B) + C = A + (B + C)$$

3. Αξίωμα Επιμερισμού:

$$A \cdot (B + C) = AB + AC$$

Θεωρήματα

1. Πράξεις με τον εαυτό:

$$A \cdot A = A \quad 0 \cdot 0 = 0 \quad 1 \cdot 1 = 1$$

$$A + A = A \quad 0 + 0 = 0 \quad 1 + 1 = 1$$

$$\overline{\overline{A}} = A \quad \text{και} \quad \overline{\overline{A + B}} = \overline{A + B}$$

2. Πράξεις μεταβλητής με 0 και 1:

$$A \cdot 1 = A \quad A \cdot 0 = 0$$

$$A + 1 = 1 \quad A + 0 = A$$

3. Πράξεις μεταβλητής με το συμπλήρωμά της:

$$A \cdot \bar{A} = 0 \quad A + \bar{A} = 1$$

4. Διπλή Άρνηση:

$$\bar{\bar{A}} = A$$

5. Απορροφητικότητα

$$A + AB = A$$

$$A \cdot (A + B) = A$$

$$A + \bar{A}B = A + B$$

$$(A + B) \cdot (A + C) = A + BC$$

Θεωρήματα De Morgan

$$\overline{A + B} = \bar{A} \cdot \bar{B}$$

$$\overline{A \cdot B} = \bar{A} + \bar{B}$$

Απλοποίηση Κυκλώματος

Χρήσιμα Κόλπα:

Μπορούμε να προσθέσουμε στο κύκλωμα τα συμπληρώματα των μεταβλητών που λείπουν.

$$AB + CB + AC =$$

$$AB(C + \bar{C}) + CB(A + \bar{A}) + AC(B + \bar{B}) =$$

$$ABC + AB\bar{C} + ABC + \bar{A}BC + ABC + A\bar{B}C$$

Έπειτα, μπορούμε να διώξουμε τους διπλούς τύπους και να πάρουμε έναν κοινό παράγοντα:

$$ABC + \bar{A}BC + A\bar{B}C + AB\bar{C} =$$

$$AB(C + \bar{C} + B) + \bar{A}BC =$$

$$AB + \bar{A}BC =$$

$$B(A + \bar{A}C) =$$

$$B(A + C) =$$

$$AB + BC$$

Χάρτες Καρνό (Karnaugh)

Ο χάρτης Καρνό είναι παρόμοιος με τον πίνακα αληθείας. Χρησιμοποιείται για απλοποίηση του κυκλώματος.

Συμπλήρωση Χάρτη Καρνό για πρόσθεση γινομένων:

Σε περίπτωση που η πράξη μας περιλαμβάνει πρόσθεση γινομένων, πρέπει να βρούμε ποιοι συνδυασμοί τιμών θα μας δώσουν τιμή $Y=1$. Έτσι, γνωρίζουμε ότι οι υπόλοιποι συνδυασμοί τιμών θα μας δώσουν $Y=0$.

$$ABC + A\bar{B}D$$

$$111X \quad 10X1$$

AB\CD	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	0	0	0	0
11	0	0	1	1
10	0	1	1	0

Συμπλήρωση Χάρτη Καρνό για γινόμενο προσθέσεων:

Σε περίπτωση που η πράξη μας περιλαμβάνει γινόμενο προσθέσεων, πρέπει να βρούμε ποιοι συνδυασμοί τιμών θα μας δώσουν τιμή $Y=0$. Έτσι, γνωρίζουμε ότι οι υπόλοιποι συνδυασμοί τιμών θα μας δώσουν $Y=1$.

$$(A + B + C) \cdot (A + \bar{B} + D)$$

$$000X \quad 01X0$$

AB\CD	00	01	11	10
00	0	0	1	1
01	0	1	1	0
11	1	1	1	1
10	1	1	1	1

Απλοποίηση με Χάρτες Καρνό:

Ας χρησιμοποιήσουμε τους 2 χάρτες που έχουμε ήδη φτιάξει.

Στόχος μας είναι να κάνουμε όσο το δυνατόν λιγότερες ομάδες.

Οι ομάδες πρέπει να περιέχουν ποσότητα γειτονικών μονάδων όσον το δυνατόν μεγαλύτερη. Η ποσότητα αυτή πρέπει να είναι μια δύναμη του 2 (δηλ. 2, 4, 8, 16, κτλ.).

AB\CD	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	0	0	0	0
11	0	0	1	1
10	0	1	1	0

AB\CD	00	01	11	10
00	0	0	1	1
01	0	1	1	0
11	1	1	1	1
10	1	1	1	1

Έπειτα, μετατρέπουμε τις ομάδες σε συνάρτηση. Για να γίνει αυτό, παίρνουμε από κάθε ομάδα τις μεταβλητές που μένουν σταθερές. Αν μία μεταβλητή είναι σταθερή με τιμή 0, προσθέτουμε το συμπλήρωμα της μεταβλητής (δηλ. \bar{X}).

Κάθε ομάδα είναι ένα γινόμενο και η συνάρτηση θα είναι η πρόσθεση των ομάδων.

Αριστερός Χάρτης: $Y = ABC + A\bar{B}D$

Δεξιός Χάρτης: $Y = A + \bar{B}C + BD$

Ειδική Περίπτωση: Μονάδες στις άκρες

Αν έχουμε μονάδες στις άκρες του χάρτη, δικαιούμαστε να τις μετατρέψουμε σε ομάδα.

AB\CD	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	0	0	0	0
11	0	0	0	0
10	1	0	0	1

Σημαντικοί Ορισμοί:

Κανονική Μορφή της συνάρτησης: Όταν η συνάρτηση έχει όλους τους όρους της σε κάθε προσθετέο. Για παράδειγμα:

$Y = ABC + A\bar{B}C \rightarrow$ Αυτή η συνάρτηση είναι στην κανονική της μορφή.

$Y = AB + C \rightarrow$ Αυτή η συνάρτηση δεν είναι στην κανονική της μορφή.

Άθροισμα Όρων Γινομένου/Sum Of Product (SOP): Όταν προσθέτουμε τα γινόμενα των όρων της συνάρτησης. Για παράδειγμα:

$Y = ABC + A\bar{B}C \rightarrow$ Αυτή η συνάρτηση είναι άθροισμα όρων γινομένου.

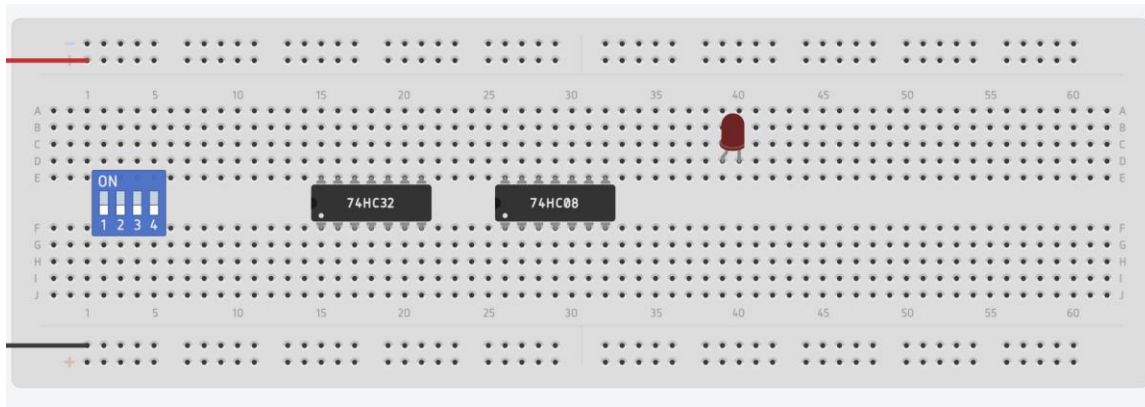
Γινόμενο όρων πρόσθεσης/Product Of Sum (POS): Όταν πολλαπλασιάζουμε τις προσθέσεις των όρων της συνάρτησης. Για παράδειγμα:

$Y = (A + B) \cdot (\bar{B} + C) \rightarrow$ Αυτή η συνάρτηση είναι άθροισμα όρων γινομένου.

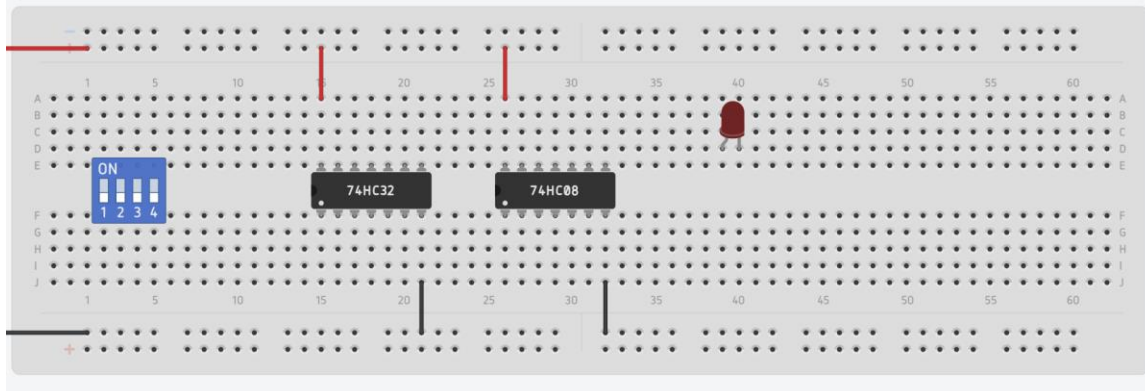
Χρήση Breadboard

Έχουμε ένα breadboard και τα εξής εξαρτήματα:

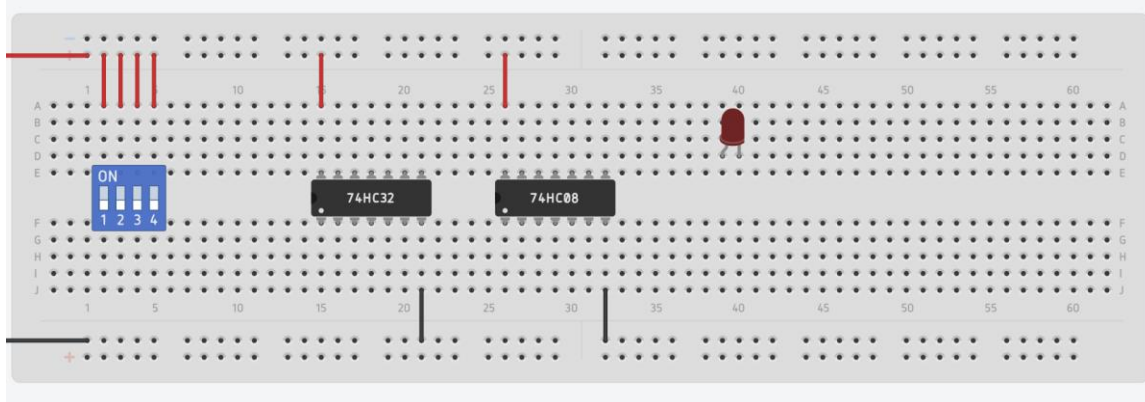
1. 4 Διακόπτες
2. 1 τσιπ 74HC32, δηλ. 4 λογικές πύλες OR
3. 1 τσιπ 74HC08, δηλ. 4 λογικές πύλες AND
4. 1 λαμπτήρας LED



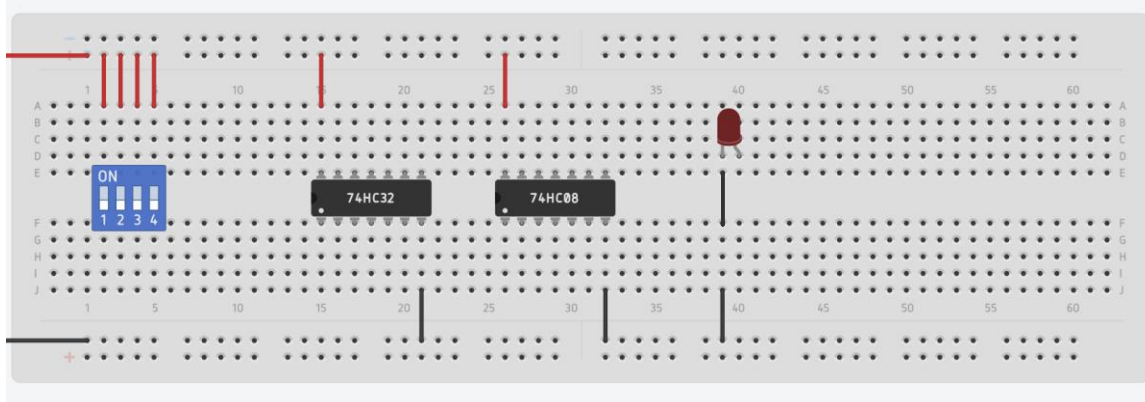
Προτού κάνουμε οτιδήποτε, συνδέουμε το πρώτο και το τελευταίο πόδι των 2 τσιπ όπως πιο κάτω:



Έπειτα συνδέουμε τους θετικούς πόλους των διακοπών.



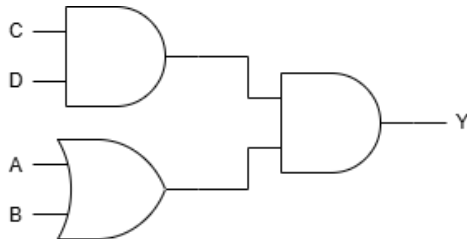
Στην συνέχεια, συνδέουμε τον αρνητικό πόλο του λαμπτήρα.



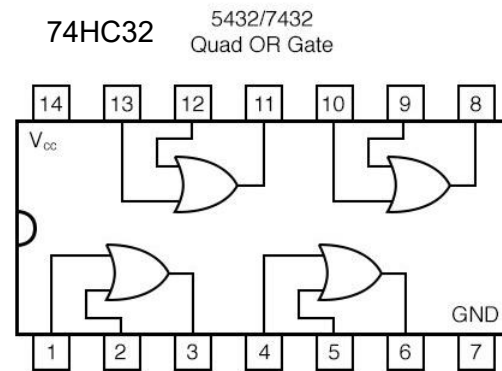
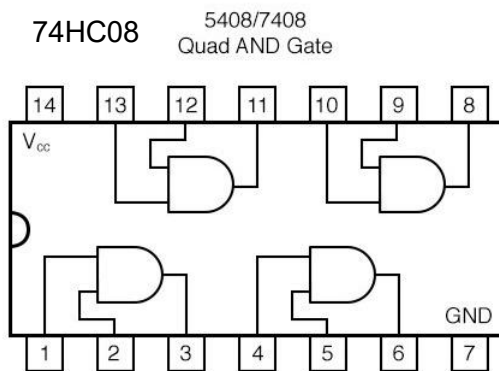
Τώρα, είμαστε έτοιμοι να χρησιμοποιήσουμε τις λογικές πύλες.

Ας πούμε για παράδειγμα ότι θέλουμε η λάμπα να φωτίζει, αν ο διακόπτης 1 ή 2 είναι κλειστός και οι διακόπτες 3 και 4 είναι κλειστοί.

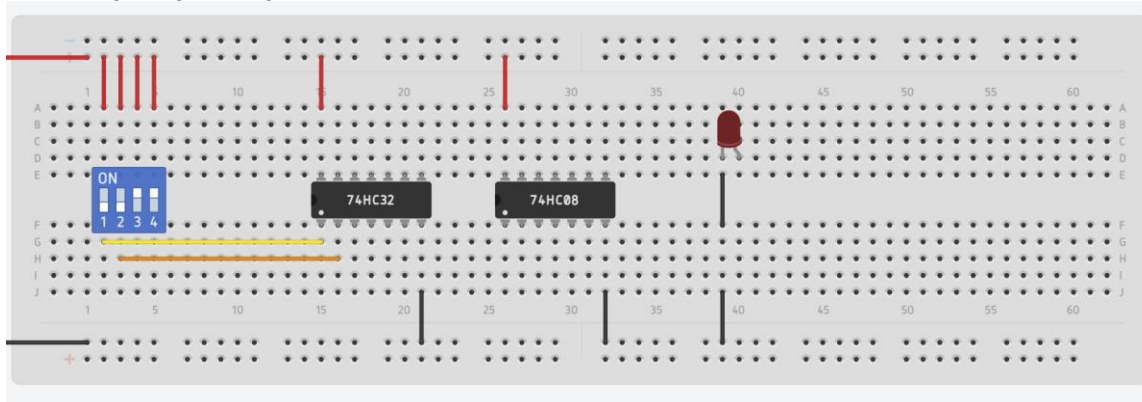
Δηλαδή: $Y = (A + B) \cdot CD$



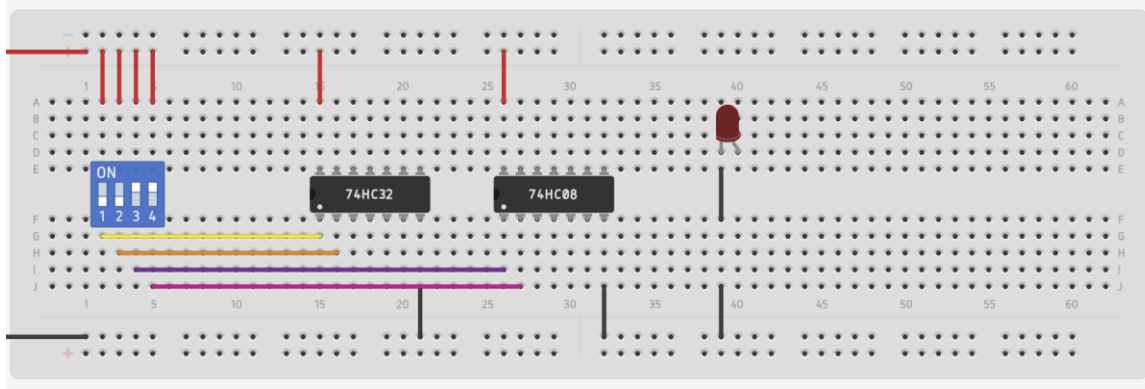
Για να το πετύχουμε αυτό, πρέπει πρώτα να δούμε την δομή των 2 τσιπ:



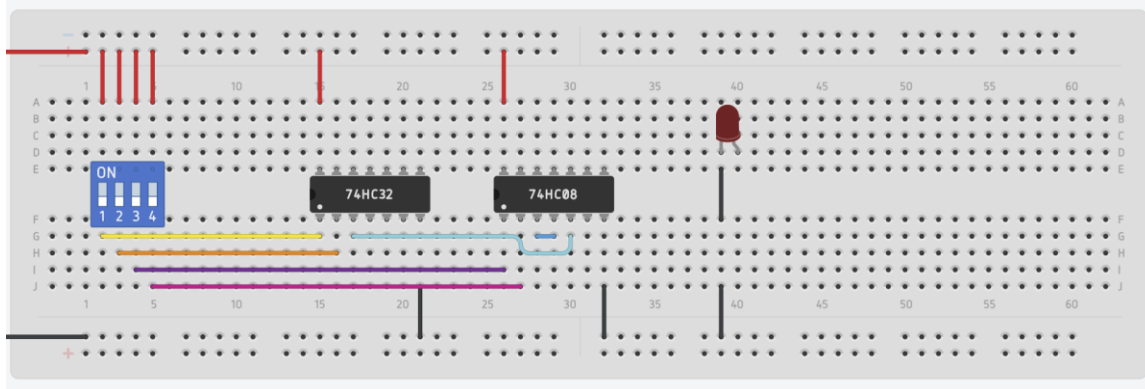
Αφού γνωρίζουμε τώρα που είναι οι εισόδους, συνδέουμε τους διακόπτες 1 & 2 με τις εισόδους μιας πύλης OR.



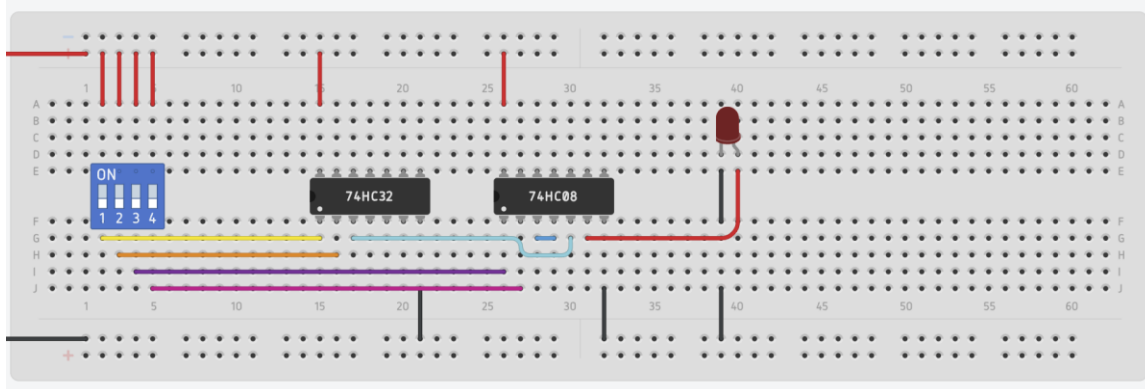
Έπειτα, συνδέουμε τους διακόπτες 3 & 4 με τις εισόδους μιας πύλης AND.



Στην συνέχεια, συνδέουμε τις εξόδους της AND και OR με μια άλλη πύλη AND.



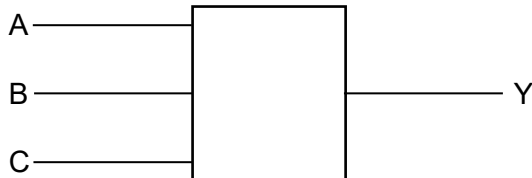
Τέλος, συνδέουμε την έξοδο της AND με τον λαμπτήρα.



Βήματα Δημιουργίας Κυκλώματος

Ένα εργοστάσιο έχει 3 μηχανές. Ανά πάσα στιγμή, πρέπει να λειτουργεί η μηχανή Α και τουλάχιστον μία από τις υπόλοιπες 2 μηχανές. Να δημιουργήσετε ένα κύκλωμα για το εργοστάσιο.

Βήμα 1 - Ζωγραφίζουμε ένα απλό σχέδιο με εισόδους και εξόδους:



Βήμα 2 – Δημιουργούμε έναν πίνακα αληθείας, επιλέγουμε τι συμβαίνει όταν $Y=1$:

Μερικοί θεωρούν ότι αν $Y=1$, υπάρχει πρόβλημα. Άλλοι θεωρούν ότι αν $Y=0$, υπάρχει πρόβλημα.

Επιπλέον, μερικοί λένε ότι αν η μηχανή $A/B/C = 1$, τότε η μηχανή λειτουργεί. Άλλοι λένε το αντίθετο.

Όποιο και αν επιλέξετε, πρέπει να το σημειώσετε.

Για παράδειγμα:

«Οι μηχανές λειτουργούν αν ισούνται με 1.»

«Θεωρώ πως αν το Y ισούται με 1, όλα λειτουργούν όπως πρέπει.»

A	B	C	Y
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Βήμα 3 – Μετατροπή πίνακα αληθείας σε συνάρτηση:

Σε αυτή την περίπτωση, παίρνουμε τις περιπτώσεις του $Y=1$, διότι είναι λιγότερες.

$$Y = ABC + A\bar{B}C + AB\bar{C}$$

Βήμα 4 – Απλοποίηση Συνάρτησης:

$$\begin{aligned}Y &= ABC + A\bar{B}C + AB\bar{C} \\&= AC \cdot (B + \bar{B}) + AB\bar{C} \\&= AC + AB\bar{C} \\&= A \cdot (C + B\bar{C}) \\&= A \cdot (B + C) \\&= AB + AC\end{aligned}$$

Βήμα 5 – Κύκλωμα:

