|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | | |
| Федеральное государственное бюджетное  образовательное учреждение высшего образования «Новосибирский государственный технический университет» | | |
|  | | |
| Кафедра прикладной математики | | |
| Практическое задание № 1 | | |
| по дисциплине «Цифровые модели и оценивание параметров» | | |
| **Простой генетический алгоритм** | | |
|  | | |
|  |  |  |
| Группа ПМ-05 |  |
| Вариант 4 |  |
|  | болдырев сергей |
|  | грушев андрей |
|  | пучков дмитрий |
| Преподаватели | Вагин Денис Владимирович |
|  |  |
| Новосибирск,2023 | | |

1. **Задание**

Задача Реализовать ПГА. Генотип состоит из N чисел. Фенотип состоит из M чисел. Числа фенотипа вычисляются регулярным образом из чисел генотипа. Числа генотипа и фенотипа являются вещественными значениями. Значение функционала – корень из суммы квадратов чисел фенотипа. Мутация меняет число не более чем на 100 % в плюс или минус. Кроссинговер выполнять только среди лучших особей.

1. **Описание генетического алгоритма**

Задача подразумевает использование простого генетического алгоритма с элитарной стратегией (только лучшие особи дают потомство).

В нашей реализации фенотипом является последовательность, получаемая из генотипа путем суммирования пар чисел из генотипа:

,

*где feni ­­– компонента фенотипа, genj ­­­­­­­­­­– компонента генотипа, N – размерность генотипа, M – размерность фенотипа.*

Функционал, который необходимо минимизировать:



В реализованном ПГА используется кроссинговер с одной точкой разрыва, в мутации случайным образом выбирается число из фенотипа и увеличивается или уменьшается на случайную величину не, по модулю не большую выбранного числа. Вероятность мутации была большая, так как в элитарных стратегиях мутации необходимы на случай, если эволюция пойдет не по нужному пути.

В ходе работы, опытным путем были выбраны следующие макропараметры:

|  |  |
| --- | --- |
| Размер популяции | 18 000 |
| Элита (особи, которые будут давать потомство) | 50 |
| Вероятность мутации | 0.9 |

1. **Результаты работы программы**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **iter** | **generation\_best** | **Налиушее значение функционала** |
| 1 | 1,8610E+02 | 1,8610E+02 |
| 2 | 1,3284E+02 | 1,3284E+02 |
| 3 | 1,0509E+02 | 1,0509E+02 |
| 4 | 8,9682E+01 | 8,9682E+01 |
| 5 | 7,1679E+01 | 7,1679E+01 |
| 6 | 6,3941E+01 | 6,3941E+01 |
| 7 | 5,6009E+01 | 5,6009E+01 |
| 8 | 5,0051E+01 | 5,0051E+01 |
| 9 | 4,2661E+01 | 4,2661E+01 |
| 10 | 3,5662E+01 | 3,5662E+01 |
| 11 | 3,2555E+01 | 3,2555E+01 |
| 12 | 2,7636E+01 | 2,7636E+01 |
| 13 | 2,3458E+01 | 2,3458E+01 |
| 14 | 1,9354E+01 | 1,9354E+01 |
| 15 | 1,6505E+01 | 1,6505E+01 |
| 16 | 1,4509E+01 | 1,4509E+01 |
| 17 | 1,2912E+01 | 1,2912E+01 |
| 18 | 1,0111E+01 | 1,0111E+01 |
| 19 | 9,2297E+00 | 9,2297E+00 |
| 20 | 7,9800E+00 | 7,9800E+00 |
| 21 | 6,2255E+00 | 6,2255E+00 |
| 22 | 4,7399E+00 | 4,7399E+00 |
| 23 | 4,0813E+00 | 4,0813E+00 |
| 24 | 3,1879E+00 | 3,1879E+00 |
| 25 | 3,0587E+00 | 3,0587E+00 |
| 26 | 2,7163E+00 | 2,7163E+00 |
| 27 | 2,4098E+00 | 2,4098E+00 |
| 28 | 2,1467E+00 | 2,1467E+00 |
| 29 | 1,7513E+00 | 1,7513E+00 |
| 30 | 1,4410E+00 | 1,4410E+00 |
| 31 | 1,3400E+00 | 1,3400E+00 |
| 32 | 1,2091E+00 | 1,2091E+00 |
| 33 | 1,0967E+00 | 1,0967E+00 |
| 34 | 1,0152E+00 | 1,0152E+00 |
| 35 | 8,7251E-01 | 8,7251E-01 |
| 36 | 7,4574E-01 | 7,4574E-01 |
| 37 | 7,3592E-01 | 7,3592E-01 |
| 38 | 7,0737E-01 | 7,0737E-01 |
| 39 | 6,2431E-01 | 6,2431E-01 |
| 40 | 6,0533E-01 | 6,0533E-01 |
| 41 | 5,1882E-01 | 5,1882E-01 |
| 42 | 4,8043E-01 | 4,8043E-01 |
| 43 | 4,4384E-01 | 4,4384E-01 |
| 44 | 4,0851E-01 | 4,0851E-01 |
| 45 | 3,7934E-01 | 3,7934E-01 |
| 46 | 3,3700E-01 | 3,3700E-01 |
| 47 | 2,9028E-01 | 2,9028E-01 |
| 48 | 2,8163E-01 | 2,8163E-01 |
| 49 | 2,6272E-01 | 2,6272E-01 |
| 50 | 2,4383E-01 | 2,4383E-01 |
| 51 | 2,3939E-01 | 2,3939E-01 |
| 52 | 2,2238E-01 | 2,2238E-01 |
| 53 | 2,0604E-01 | 2,0604E-01 |
| 54 | 1,9783E-01 | 1,9783E-01 |
| 55 | 1,9128E-01 | 1,9128E-01 |
| 56 | 1,7523E-01 | 1,7523E-01 |
| 57 | 1,6119E-01 | 1,6119E-01 |
| 58 | 1,3986E-01 | 1,3986E-01 |
| 59 | 1,3193E-01 | 1,3193E-01 |
| 60 | 1,2849E-01 | 1,2849E-01 |
| 61 | 1,2377E-01 | 1,2377E-01 |
| 62 | 1,2061E-01 | 1,2061E-01 |
| 63 | 1,1106E-01 | 1,1106E-01 |
| 64 | 1,0337E-01 | 1,0337E-01 |
| 65 | 9,9385E-02 | 9,9385E-02 |
| 66 | 9,5400E-02 | 9,5400E-02 |
| 67 | 9,2446E-02 | 9,2446E-02 |
| 68 | 8,7539E-02 | 8,7539E-02 |
| 69 | 8,1113E-02 | 8,1113E-02 |
| 70 | 7,4425E-02 | 7,4425E-02 |
| 71 | 7,0284E-02 | 7,0284E-02 |
| 72 | 5,9862E-02 | 5,9862E-02 |
| 73 | 5,8295E-02 | 5,8295E-02 |
| 74 | 5,8098E-02 | 5,8098E-02 |
| 75 | 5,5610E-02 | 5,5610E-02 |
| 76 | 5,5351E-02 | 5,5351E-02 |
| 77 | 5,2308E-02 | 5,2308E-02 |
| 78 | 5,0548E-02 | 5,0548E-02 |
| 79 | 4,8172E-02 | 4,8172E-02 |
| 80 | 4,5733E-02 | 4,5733E-02 |
| 81 | 4,3329E-02 | 4,3329E-02 |
| 82 | 4,3325E-02 | 4,3325E-02 |
| 83 | 3,9145E-02 | 3,9145E-02 |
| 84 | 3,9132E-02 | 3,9132E-02 |
| 85 | 3,8074E-02 | 3,8074E-02 |
| 86 | 3,0541E-02 | 3,0541E-02 |
| 87 | 3,0541E-02 | 3,0541E-02 |
| 88 | 2,8819E-02 | 2,8819E-02 |
| 89 | 2,8595E-02 | 2,8595E-02 |
| 90 | 2,7895E-02 | 2,7895E-02 |
| 91 | 2,5323E-02 | 2,5323E-02 |
| 92 | 2,4530E-02 | 2,4530E-02 |
| 93 | 2,4370E-02 | 2,4370E-02 |
| 94 | 2,3349E-02 | 2,3349E-02 |
| 95 | 2,1200E-02 | 2,1200E-02 |
| 96 | 2,0015E-02 | 2,0015E-02 |
| 97 | 2,0015E-02 | 2,0015E-02 |
| 98 | 1,9330E-02 | 1,9330E-02 |
| 99 | 1,9329E-02 | 1,9329E-02 |
| 100 | 1,9329E-02 | 1,9329E-02 |

1. **Вывод**

Реализованный алгоритм сократил значение функционала на ~4 порядка. Таким образом была подтверждена применимость генетических алгоритмов для поиска минимума функционала. Однако генетические алгоритмы будут эффективны, когда нет возможности использовать классические методы оптимизации.

1. **Код программы**

import random

import numpy as np

import matplotlib.pyplot as plt

import pandas as pd

from dataclasses import dataclass

import itertools

import pandas as pd

from tqdm import tqdm

N = 50

M = 25

ELITE = 50

POPULATION = 18000

MAXITER = 100

MUTATION\_PROB = 0.9

FUNCTIONAL\_MIN = 1e-5

def loss(fen):

return np.sqrt(np.sum(np.power(np.array(fen), 2)))

class Individual:

def \_\_init\_\_(self, gen):

self.gen = list(gen)

self.fen = self.calc\_fen()

self.fitness = loss(self.fen)

def calc\_fen(self):

i = 0

fen = []

while i < len(self.gen):

fen.append(self.gen[i]+self.gen[i+1])

i += 2

return fen

def create\_child(p1, p2, mutation\_prob):

gen = krossingover(p1, p2)

if np.random.random() < mutation\_prob:

gen = mutation(gen)

return Individual(gen)

def krossingover(p1, p2):

kross\_idx = random.randint(1, N) # чтобы хотя бы 1 ген менялся

return p1.gen[:kross\_idx] + p2.gen[kross\_idx:]

def mutation(gen):

idx = np.random.randint(0, N-1)

max\_delta = abs(gen[idx])

# [-max\_delta; max\_delta]

mutation\_value = 2 \* max\_delta \* np.random.random\_sample() - max\_delta

gen[idx] += mutation\_value

return gen

def create\_population(parents, population\_size, elite\_size, mutation\_prob):

children = []

for p1 in parents[:elite\_size]:

p2 = parents[np.random.randint(0, elite\_size)]

for \_ in range(population\_size//elite\_size):

children.append(create\_child(p1, p2, mutation\_prob))

return children

def create\_random\_population(population\_size):

return [Individual(gen) for gen in 200 \* np.random.random\_sample((1000, N)) - 100]

def sort\_population(population):

return sorted(population, key=lambda x: x.fitness)

def get\_best\_individuals(population, elite\_size):

return sort\_population(population)[:elite\_size]

def sga(population\_size, elite\_size, mutation\_prob):

np.random.seed(12)

population = create\_random\_population(population\_size)

best\_individ = sort\_population(population)[0]

train\_data = []

for it in tqdm(range(MAXITER)):

parents = get\_best\_individuals(population, elite\_size)

population = create\_population(parents, population\_size, elite\_size, mutation\_prob)

generation\_best = sort\_population(population)[0]

if best\_individ.fitness > generation\_best.fitness:

best\_individ = generation\_best

train\_data.append((it+1, generation\_best.fitness, best\_individ.fitness))

if best\_individ.fitness < FUNCTIONAL\_MIN:

break

return pd.DataFrame(train\_data, columns=['iter', 'generation\_best', 'best'])

if \_\_name\_\_ == '\_\_main\_\_':

df = sga(POPULATION, ELITE, MUTATION\_PROB)

df.to\_excel('./sga.xlsx', index=False)