

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №3
по дисциплине «Компьютерная графика»
Тема: Кривая Безье.

Студент гр. 9304

Попов Д.С.

Преподаватель

Герасимова Т.В.

Санкт-Петербург

2022

Задание

Реализовать интерактивное приложение, отображающее кривую Безье. При этом для кривых, состоящих из нескольких сегментов, должно быть обеспечено свойство непрерывной кривизны. Программа должна позволять пользователю: интерактивно менять положение контрольных точек, касательных, натяжений.

Общие сведения

Сплайны - это гладкие (имеющие несколько непрерывных производных) кусочно-полиномиальные функции, которые могут быть использованы для представления функций, заданных большим количеством значений и для которых неприменима аппроксимация одним полиномом. Так как сплайны гладки, экономичны и легки в работе, они используются при построении произвольных функций для:

- моделирования кривых;
- аппроксимации данных с помощью кривых;
- выполнения функциональных аппроксимаций;
- решения функциональных уравнений.

Важным их свойством является простота вычислений. На практике часто используют сплайны вида полиномов третьей степени. С их помощью довольно удобно проводить кривые, которые интуитивно соответствуют человеческому субъективному понятию гладкости.

В параметрической форме кубическая кривая Безье ($n = 3$) описывается следующим уравнением:

$$\mathbf{B}(t) = (1 - t)^3 \mathbf{P}_0 + 3t(1 - t)^2 \mathbf{P}_1 + 3t^2(1 - t) \mathbf{P}_2 + t^3 \mathbf{P}_3, \quad t \in [0, 1]$$

Четыре опорные точки \mathbf{P}_0 , \mathbf{P}_1 , \mathbf{P}_2 и \mathbf{P}_3 , заданные в 2-мерном пространстве, определяют форму кривой.

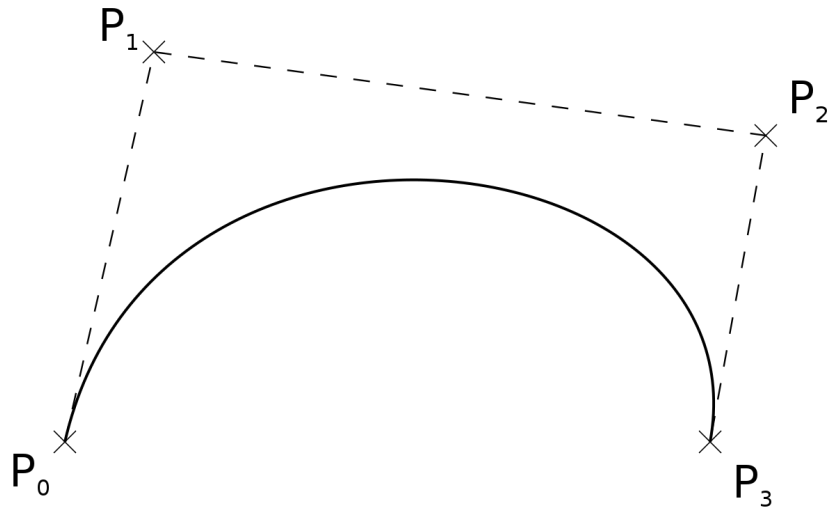


Рисунок 1 - Кубическая кривая Безье.

На рисунке 1 линия берёт начало из точки P_0 , направляясь к P_1 и заканчивается в точке P_3 , подходя к ней со стороны P_2 . То есть, кривая не проходит через точки P_1 и P_2 , они используются для указания её направления. Длина отрезка между P_0 и P_1 определяет, как скоро кривая повернёт к P_3 .

В матричной форме кубическая кривая Безье записывается следующим образом:

$$\mathbf{B}(t) = [t^3 \quad t^2 \quad t \quad 1] \mathbf{M}_B \begin{bmatrix} \mathbf{P}_0 \\ \mathbf{P}_1 \\ \mathbf{P}_2 \\ \mathbf{P}_3 \end{bmatrix}$$

где \mathbf{M}_B называется базисной матрицей Безье:

$$\mathbf{M}_B = \begin{bmatrix} -1 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 3 & 0 \\ -3 & 3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Выполнение работы

Работа выполнена в среде разработки Qt.

Базовый класс представления кривой Безье выглядит следующим образом:

```
1  #ifndef BEZIER_H
2  #define BEZIER_H
3
4  #include <QList>
5
6  #include "ifigure.h"
7
8  class Bezier : public IFigure
9  {
10 private:
11     QList<QPoint> points;           ///< набор точек.
12     GLint r;                        ///< радиус точек.
13     GLint currentPoint;             ///< захваченная курсором точка.
14     /**
15      * @brief Отрисовка кривой Безье на основе точек из point
16      */
17     void drawBezierLine();
18 public:
19     Bezier(QWidget* parent = nullptr);
20     ~Bezier() = default;
21     void createFigure(GLfloat size) override;
22 protected:
23     virtual void mousePressEvent(QMouseEvent* e) override;
24     virtual void mouseMoveEvent(QMouseEvent* e) override;
25     virtual void mouseReleaseEvent(QMouseEvent* e) override;
26     virtual void paintGL() override;
27     virtual void resizeGL(int, int) override;
28 };
29
30 #endif // BEZIER_H
```

В нем представлены перегруженные методы события мышки, которые отвечают за перетаскивание точек, а так же набор приватных полей, которые хранят в себе информацию о координатах этих точек и их радиус.

Определение перегруженного метода createFigure:

```

15 void Bezier::createFigure(GLfloat /*size*/)
16 {
17     glPointSize(r);
18     glBegin(GL_POINTS);
19
20     glColor4f(1.0f, 0.0f, 0.0f, 0.0f);
21
22     for (const auto& i : qAsConst(points))
23     {
24         glVertex3d(i.x(), i.y(), 0);
25     }
26
27     glEnd();
28
29     glLineWidth(2);
30     glBegin(GL_LINE_STRIP);
31
32     glColor4f(0.0f, 1.0f, 0.0f, 0.0f);
33
34     for (const auto& i : qAsConst(points))
35     {
36         glVertex3d(i.x(), i.y(), 0);
37     }
38
39     glEnd();
40
41     if (points.count() >= 3)
42         drawBezierLine();
43
44 }

```

В нем происходит отрисовка точек, а так же соединяющих их линии. Если кол-во точек больше 3-х, то отрисовывается кривая Безье.

```

46 void Bezier::drawBezierLine()
47 {
48     glColor4f(0.0f, 0.0f, 1.0f, 0.0f);
49
50     glBegin(GL_LINE_STRIP);
51     float step = 1.0f / MAX_STEPS;
52
53     if (points.count() == 4)
54     {
55         for (float t = 0; t <= (1 + step); t += step)
56         {
57             float x = pow((1 - t), 3) * points[0].x() + 3 * pow((1 - t), 2) * t * points[1].x() + 3 * (1 - t) * pow(t, 2) * points[2].x() + pow(t, 3) * points[3].x();
58             float y = pow((1 - t), 3) * points[0].y() + 3 * pow((1 - t), 2) * t * points[1].y() + 3 * (1 - t) * pow(t, 2) * points[2].y() + pow(t, 3) * points[3].y();
59
60             glVertex3d(x, y, 0);
61         }
62     }
63     else
64     {
65         for (float t = 0; t <= (1 + step); t += step)
66         {
67             float x = pow((1 - t), 2) * points[0].x() + 2 * (1 - t) * t * points[1].x() + pow(t, 2) * points[2].x();
68             float y = pow((1 - t), 2) * points[0].y() + 2 * (1 - t) * t * points[1].y() + pow(t, 2) * points[2].y();
69
70             glVertex3d(x, y, 0);
71         }
72     }
73     glEnd();
74 }

```

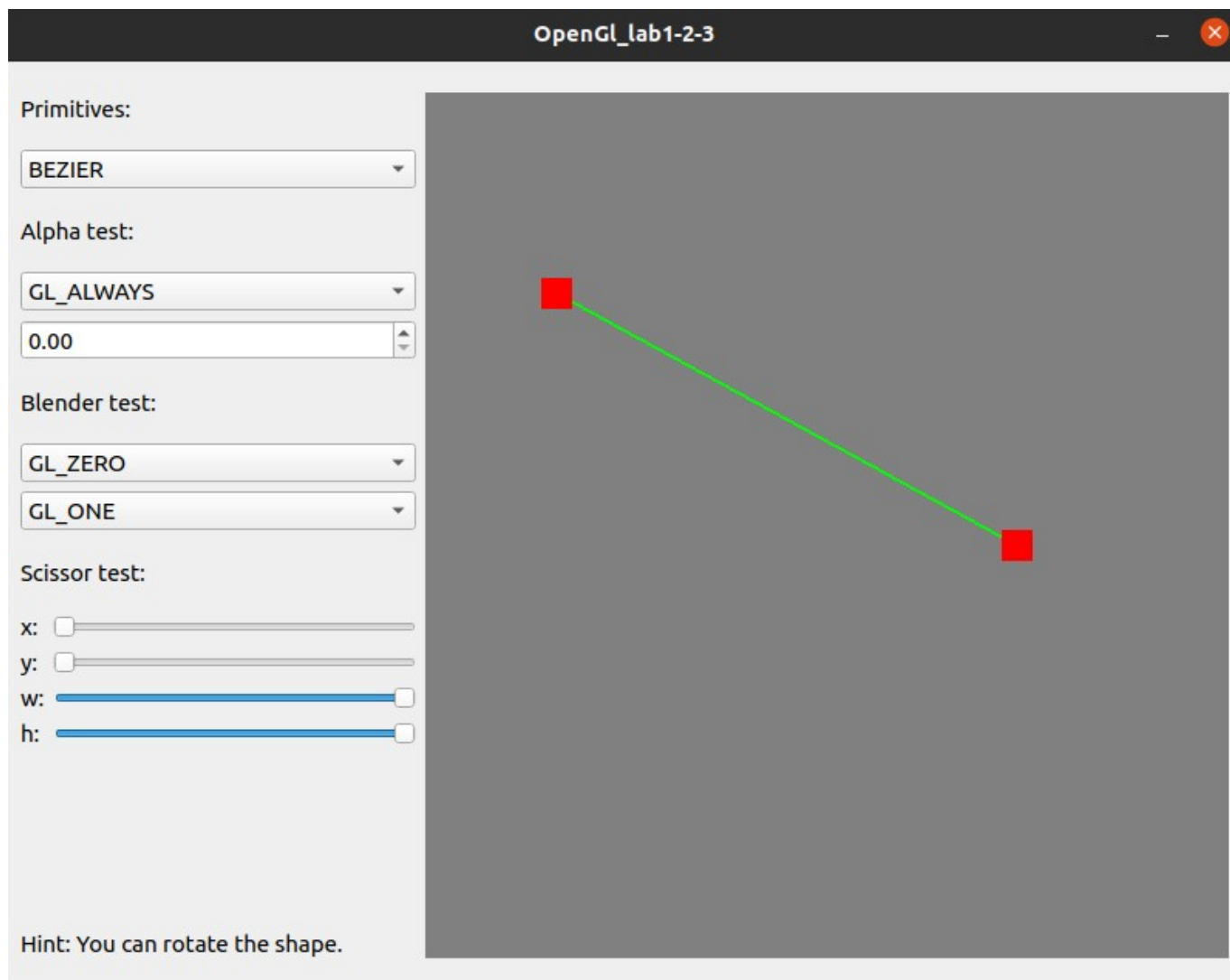
Тестирование

Результаты тестирования представлены на снимках экрана.

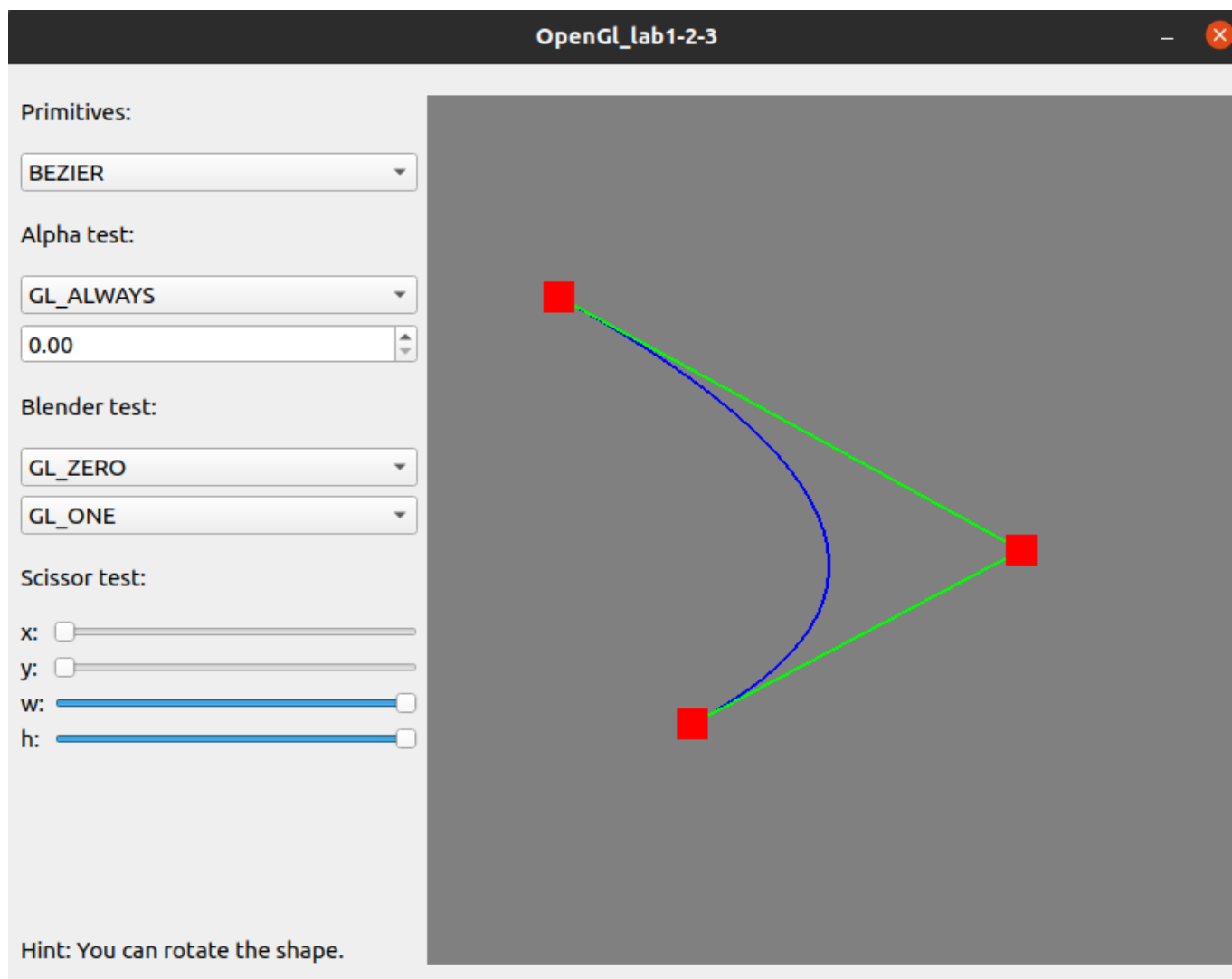
Выставление 1-ой точки:



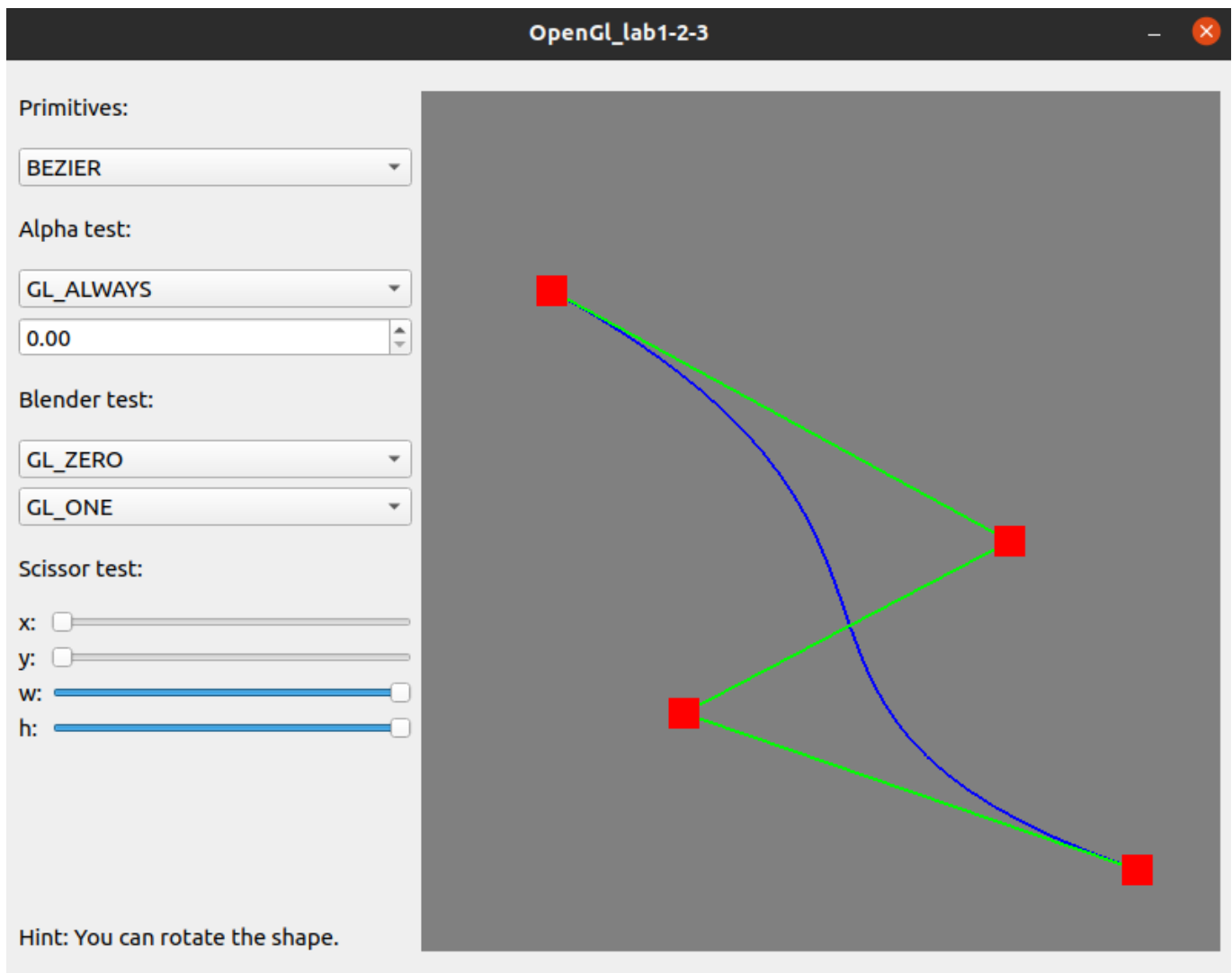
Выставление 2-х точек:



Выставление 3-х точек с отрисовкой кривой Безье:



Выставление 4-х точек с отрисовкой кривой Безье:



Вывод

В результате выполнения лабораторной работы была разработана программа, реализующая кривую Безье.