

一、编程题

ACM：信道分配

题目描述：算法工程师小明面对这样一个问题，需要将通信用的信道分配给尽量多的用户：

信道的条件及分配规则如下：

- 1) 所有信道都有属性：“阶”。阶为 r 的信道的容量为 2^r 比特；
- 2) 所有用户需要传输的数据量都一样： D 比特；
- 3) 一个用户可以分配多个信道，但每个信道只能分配给一个用户；
- 4) 只有当分配给一个用户的所有信道的容量和 $\geq D$ ，用户才能传输数据；

给出一组信道资源，最多可以为多少用户传输数据？

输入描述：第一行，一个数字 R 。 R 为最大阶数。

$0 \leq R < 20$

第二行， $R+1$ 个数字，用空格隔开。

代表每种信道的数量 N_i 。按照阶的值从小到大排列。

$0 \leq i \leq R, 0 \leq N_i < 1000$ 。

第三行，一个数字 D 。

D 为单个用户需要传输的数据量。

$0 < D < 1000000$

输出描述：一个数字，代表最多可以供多少用户传输数据。

补充说明：

示例1

输入：5

10 5 0 1 3 2

30

输出：4

说明：最大阶数为5。

信道阶数：0 1 2 3 4 5

信道容量：1 2 4 8 16 32

信道个数：10 5 0 1 3 2

单个用户需要传输的数据量为30

可能存在很多分配方式，举例说明：

分配方式1：

1) $32 \times 1 = 32$

2) $32 \times 1 = 32$

3) $16 \times 2 = 32$

4) $16 \times 1 + 8 \times 1 + 2 \times 3 = 30$

剩下 $2 \times 2 + 1 \times 10 = 14$ 不足以再分一个用户了。

分配方式2：

1) $16 \times 1 + 8 \times 1 + 2 \times 3 = 30$

2) $16 \times 1 + 2 \times 2 + 1 \times 10 = 30$

3) $32 \times 1 = 32$

4) $32 \times 1 = 32$

剩下 $16 \times 1 = 16$ 不足以再分一个用户了。

分配方式3：

1) $16 \times 1 + 8 \times 1 + 2 \times 3 = 30$

2) $16 \times 1 + 2 \times 2 + 1 \times 10 = 30$

3) $16 \times 1 + 32 \times 1 = 48$

4) $32 \times 1 = 32$

恰好用完。

虽然每种分配方式剩下的容量不同，但服务的用户数量是一致的。因为这个问题中我们只关心服务的用户数，所以我们认为这些分配方式等效。

代码:

```
import java.util.Arrays;
import java.util.HashMap;
import java.util.Map;
import java.util.Scanner;

// 注意类名必须为 Main, 不要有任何 package xxx 信息
public class Main {
    public static void main(String[] args) {
        Scanner sc = new Scanner(System.in);
        int r = Integer.parseInt(sc.nextLine());
        Integer[] arr =
Arrays.stream(sc.nextLine().split("\\s+")).map(Integer::parseInt).toArray(Integer[]::new);
        int d = Integer.parseInt(sc.nextLine());

        int count = 0;
        int index = 0;
        HashMap<Integer, Integer> dmap = new HashMap<>();
        while (index < arr.length) {
            dmap.put((int) (Math.pow(2, index)), arr[index]);
            index += 1;
        }
        for (Integer k : dmap.keySet()) {
            if (k >= d) {
                count += dmap.getOrDefault(k, 0);
                dmap.put(k, 0);
            }
        }
        int cap = 0;
        for (int k : dmap.keySet()) {
            cap += k * dmap.getOrDefault(k, 0);
        }
        count += (cap / d);

        System.out.println(count);
    }
}
```