目录

```
目录
1.项目背景
2.需求分析
3.设计思路
    冒泡排序
    选择排序
    直接插入排序
    希尔排序
    快速排序
    堆排序
    归并排序
    基数排序
    八大算法比较
4.核心代码说明
    时间与交换次数的计算
      时间
      交换次数
    冒泡排序
    选择排序
    直接插入排序
    希尔排序
    快速排序
    堆排序
    归并排序
    基数排序
    函数接口说明
5.使用说明及函数功能演示
    冒泡排序
    选择排序
    直接插入排序
    希尔排序
    快速排序
    堆排序
    归并排序
    基数排序
    退出程序
    运行环境说明
```

1.项目背景

所谓<u>排序</u>,就是使一串记录,按照其中的某个或某些关键字的大小,递增或递减的排列起来的操作。排序算法,就是如何使得记录按照要求排列的方法。排序算法在很多领域得到相当地重视,尤其是在大量数据的处理方面。一个优秀的算法可以节省大量的资源。在各个领域中考虑到数据的各种限制和规范,要得到一个符合实际的优秀算法,得经过大量的推理和分析。

2.需求分析

本项目即八大排序算法(冒泡排序,选择排序,直接插入排序,希尔排序,快速排序,堆排序,归并排序,基数排序)的基本实现:

随机函数产生10000个随机数,用不同排序算法进行排序,并统计每种排序所花费的排序时间和交换次数。 其中,随机数的个数由用户定义,系统产生随机书。并且显示他们的比较次数。

3.设计思路

冒泡排序

最基础的排序算法,算法描述如下:

对需要排序的所有数执行以下操作:

- 从第0个数开始,各位置依次与后一个数进行比较后一个数比
 - 。 如果前一个数大,则不做操作
 - 。 如果后一个数大,则交换二者次序
- 完成一次全序列比较后,序列最后的数即此序列最大值(相当于一次冒泡)
- 继续进行下一次冒泡,参与冒泡的序列为上一轮序列去掉最大值
- 重复该过程直至参与冒泡序列长度为1,说明排序完成

选择排序

选择排序又称直接选择排序,是一种简单的排序方法,原理与冒泡排序类似,每次选择待排序序列的最大值/最小值,将其置于数列某一端,重复操作直到数列为升序/降序。与冒泡排序相比,选择排序一次全序列比较只交换一次,在比较过程中只是改变记录位置的标签,并不会交换值,知道全序列比较完后,再把标签记录的最值交换到序列一端。算法描述如下(升序排列):

- 从当前待排序序列中选出最大值,与序列末端数交换
- 待排序序列去掉末端数
- 对新的待排序序列继续进行上述操作,直到待排序序列长度为1

直接插入排序

算法的基本思路为:按照大小,每一步将一个待排序序列中的数插入到已排序序列中,直到所有数全部完成排序, 算法描述如下:

- 将待排序序列第一个数视为有序序列,将剩下的数视为无序序列,依次执行以下操作:
- 将无序序列第一个数从后向前依次与有序序列比较:
 - 大于:直接将该数从无序序列划为有序序列
 - 小于: 用临时变量保存无序序列第一个数,有序序列后移一位,继续比较直至找到有序序列中大于该数的数,小于部分依次后移
- 将临时变量存储的数插入到有序序列中空出来的位置
- 有序序列增加一个数, 无序序列减少第一个数
- 重复进行上述操作直至无序序列全部插入完成

希尔排序

希尔排序是插入排序的一种,又称缩小增量排序,与直接插入排序相比更为高效,原理相当于分组插入排序,将待排序数按一定间隔分为几个组,每组分别进行插入排序,然后逐步缩小间隔至1,完成排序。算法描述如下:

- 以待排序数组大小n的 1/6 作为初始间隔,对每组数组内进行插入排序
- 取新的间隔为原间隔的 1, 再对各组数组内进行插入排序
- 重复上述操作直至间隔为0

快速排序

快速排序是对冒泡排序的一种改进,基本思路为选取一个标志数,通过一遍排序将要排序的数据分成两个部分,其中一个部分全部大于标志数,另一个部分全部小于标志数,在对两个部分进行同样操作,直至所有数排序完毕。算 法描述如下(升序排列):

- 选取待排序数组的第一个数作为标志数
- 对当前序列进行以下操作:
 - 。 从头开始遍历数组,将比标志数大的数移至高端
 - 。 从尾开始遍历数组,将比标志数小的数移至低端
- 当两端的遍历至同一数时,停止遍历,说明此时该数组已经被标志数分为了两个部分
- 分别对两个部分进行上述操作,直至进行操作的数组长度为1,即全部排序完成

堆排序

堆排序利用堆的特点进行排序。所谓堆,是一种完全二叉树,树的子节点均小于/大于其父节点,又称为大根堆/小根堆,即堆中数据的最大值/最小值一定在堆的根节点。利用堆的这一性质进行选择排序,就可以得到有序序列。 算法描述如下(升序排列):

- 建立最大堆
- 将堆顶元素抽出作为有序数组的最左端元素
- 调整堆为新的最大堆
- 重复上述操作直至堆中元素为零,排序完成

归并排序

归并排序是分治法的一个经典应用。其核心思想是将有序的子序列归并成为有序的序列,从而达到全序列排序的目的。归并排序首先要将全序列分成有序的子序列,算法描述如下(升序排列):

- 通过递归将排序数列不断二分,直至无法再分
- 按照二分的逆序进行两两归并:
 - 。 为两个待归并序列设置两个头指针
 - 。 比较指针所指数大小,将较小的数放入新序列
 - 拥有较小数的数组和新序列数组指针后移一位, 重复上一步比较过程
 - 当其中一个序列全部遍历完后,直接将另一个序列剩余部分复制到新序列,完成归并

基数排序

基数排序是分配式排序的一种,通过键值的某一资讯,将要排序的元素按类进行分配,再按类的顺序有序排在一起,从而达到排序的目的。用基数排序对数字进行排序的算法描述如下:

• 通从所有数的最低位/最高位开始,按照0-9的类别将所有数分类后输出 • 再+1/-1位按照同样分类法分类输出,直至最大数/最小数的最高位/最低位都进行过分类操作 • 该序列排序完毕 前者称为LSD(最低位优先法),后者称为MSD (最高位优先法) 以LSD为例,假设原来有一串数值如下所示: 73, 22, 93, 43, 55, 14, 28, 65, 39, 81 首先根据个位数的数值,在走访数值时将它们分配至编号0到9的桶子中: 0 181 2 22 3 73 93 43 4 14 5 55 65 6 7 8 28 9 39 接下来将这些桶子中的数值重新串接起来,成为以下的数列: 81, 22, 73, 93, 43, 14, 55, 65, 28, 39 接着再进行一次分配,这次是根据十位数来分配: 0 114 2 22 28 3 39 4 43 5 5 5 6 65 7 73

接下来将这些桶子中的数值重新串接起来,成为以下的数列:

14, 22, 28, 39, 43, 55, 65, 73, 81, 93

8 81

9 93

八大算法比较

方法	平均情况	最好情况	最坏情况	空间辅助存储	稳定性
冒泡排序	$O(n^2)$		$O(n^2)$		
选择排序	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$		
直接插入排序	$O(n^2)$	O(n)	$O(n^2)$		
希尔排序	$O(n^{1.3})$	O(n)	$O(n^2)$		
快速排序					
堆排序					
归并排序					
基数排序					

4.核心代码说明

时间与交换次数的计算

时间

利用ctime库中的 clock() 函数分别记录下排序算法启动与结束的时间,二者差值即为耗时

交换次数

整型变量count初始化为0,在执行交换操作语句后对count进行自增操作,实现计数

冒泡排序

```
void BubbleSort(vector<int> &data){
    int count = 0;
 2
 3
    double time = 0,start,finish;
4
    int n = data.size();
    start = clock();
    //用循环逐个比较大小
8
    for (int i = 0; i < n-1; i++) {
       for (int j = 0; j < n - i - 1; j++) {
9
         if (data[j] > data[j + 1]) { //将较大的元素向数组右侧移动
10
11
           swap(data[j], data[j + 1]);
12
           count++;
13
         }
       }
14
15
```

```
finish = clock();

//得出时间

time = finish - start;

cout<<"冒泡排序所用时间: "<<time<<"ms"<<endl;

cout<<"冒泡排序交换次数: "<<count<<endl<>endl;

}
```

利用两层循环实现冒泡排序,外层循环用于实现对每一个位置的数都执行向后比较操作,内层循环用于控制每一次向后比较操作的比较次数,即 n-i-1 次,不包含后面i+1个已经排好序的数

选择排序

```
1
    void SelectionSort(vector<int> &data){
 2
      int key,count = 0,n = data.size();
      double time = 0,start,finish;
 3
 4
 5
      start = clock();
 6
     //用循环遍历数组,用key记录当前最小值位置
      for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
 7
 8
       key = i;
9
       for (int j = i+1; j < n; j++) {
         if (data[key] > data[j]) key = j;//比较大小,更新key值
10
11
       }
12
       //将key记录的最小值交换到数组最左端
13
       if (key != i) {
14
         int temp = data[i];
15
         data[i] = data[key];
16
         data[key] = temp;
17
         count++;
18
       }
19
      }
20
     finish = clock();
21
     //得出时间
22
      time = finish - start;
    cout<<"选择排序所用时间: "<<time<<"ms"<<endl;
23
      cout<<"选择排序交换次数: "<<count<<endl<;
24
25 }
```

利用key变量来记录最小值位置,其余代码说明见注释

直接插入排序

```
void InsertionSort(vector<int> &data){
 1
 2
      int count = 0,n = data.size();
 3
     double time, start, finish;
 4
 5
      start = clock();
      for (int i = 1; i < n; i++) {
 6
        if (data[i] < data[i - 1]) {//若第i个元素小于第i-1个时,有序表后移一位
 7
 8
          int temp = data[i];
 9
          int j = i - 1;
10
          data[i] = data[j];
```

```
for (j; j >= 0; j--) { //比较查找在有序表中插入的位置
11
12
           if (temp < data[j]) {</pre>
13
             data[j + 1] = data[j];
14
             count++;
15
           }
16
           else break;
17
         }
18
         data[j + 1] = temp;
19
       }
20
21
    finish = clock();
    time = finish - start;
22
23
     cout<<"直接插入排序所用时间:
                                  "<<time<<"ms"<<endl;
    cout<<"直接插入排序交换次数:
24
                                  "<<count<<endl<<endl;</pre>
25 }
```

希尔排序

```
void ShellSort(vector<int> &data){
 2
    int count = 0,gap,n = data.size();
 3
     double time = 0,start,finish;
 4
 5
     start = clock();
      for (gap = n / 2; gap > 0; gap /= 2)
 6
 7
       for (int i = gap; i < n; i++)//从第gap的元素开始
          if (data[i] < data[i - gap]) {//按gap分组,分别对每组元素进行插入排序
 8
           int temp = data[i];
9
           int j = i - gap;
10
11
           while (j \ge 0 \&\& data[j] > temp) {
12
             data[j + gap] = data[j];
13
             count++;
14
             j -= gap;
15
16
           data[j + gap] = temp;
17
          }
18
     finish = clock();
     time =finish - start ;
19
      cout<<"希尔排序所用时间: "<<time<<"ms"<<endl;
20
21
    cout<<"希尔排序交换次数: "<<count<<endl<<endl;
22 }
```

从第gap个元素开始进行分组比较操作可以减少 gap-1 次外层循环

快速排序

因为要实现计时与次数统计,同时要使用递归函数,所以用两个函数实现,QuickSort 为快速排序的计时、计数函数,Qsort 为快速排序的递归函数

```
1
   void QuickSort(vector<int> &data){
2
     int count = 0;
3
      double time = 0,start,finish;
4
 5
      start = clock();
      Qsort(data, 0, data.size() - 1,count);
 6
 7
     finish = clock();
    time = finish - start;
8
9
    cout<<"快速排序所用时间: "<<time<<"ms"<<endl;
10
      cout<<"快速排序交换次数: "<<count<<endl<;
11 }
```

```
1
   //快速排序递归调用函数
 2
   void Qsort(vector<int> &array, int low, int high, int& count) {
 3
     if (low >= high) return;
     int first = low, last = high;
 4
     int key = array[first];//选取数组的第一个元素作为基准元素
 5
 6
     while (first < last) {</pre>
 7
 8
       while (first < last && array[last]>=key)
 9
       array[first] = array[last];//将第一个比key小的值移动到最低端
10
       while (first < last && array[first] < key)</pre>
11
12
         ++first;
       array[last] = array[first];//将第一个比key大的值移动到高端
13
14
       count += 2;
15
     //将第一个比key大的位置补为key,相当于三次赋值完成了两次两两交换
16
17
      array[first] = key;
18
      Qsort(array, low, first - 1, count);
19
      Qsort(array, first + 1, high, count);
20 }
```

堆排序

堆排序使用了两个函数, HeapSort 为主要函数,实现计时、计数以及取根节点排序功能, MaxHeapify 功能为堆化,用于构建堆和每次抽取根节点后调整堆

```
void HeapSort(vector<int> &data){
 2
     int count = 0,n = data.size();
     double time,start,finish;
3
4
     start = clock();
 5
     for (int i = n - 1; i >= 0; i--)
 6
       MaxHeapify(data,n,i,count); //从子树开始向上整理整棵树
     //通过循环将堆中最大元素逐个放到数组最后
8
9
     while (n > 0) {
       swap(data[n - 1], data[0]);
10
11
       n--;
```

```
MaxHeapify(data,n,0,count);
12
13
      }
14
      finish = clock();
     time = start - finish;
15
      cout<<"堆排序所用时间:
16
                                   "<<time<<'ms"<<endl;</pre>
      cout<<"堆排序交换次数:
17
                                   "<<count<<endl<<endl;</pre>
18
   }
```

```
//堆化,将数组调整为最大堆
 1
 2
   void MaxHeapify(vector<int> &array,int size,int element,int &count) {
     int 1 child = element * 2 + 1, r child = element * 2 + 2;
 3
 4
      //当子树均在范围内时,循环整理交换部分的子树,把元素放在正确位置
 5
      while (r child < size) {</pre>
       if (array[element] >= array[l_child] && array[element] >= array[r_child]) return;
 6
       if (array[l child] >= array[r child]) {
 7
 8
          swap(array[element], array[l_child]);
 9
          count++;
10
          element = 1 child;
       }
11
12
        else {
13
          swap(array[element], array[r_child]);
14
          count++;
          element = r child;
15
       l_child = element * 2 + 1, r_child = element * 2 + 2;
17
18
19
      //左子树还在范围内,整理左子树
      if (1 child < size&&array[1 child]>array[element]) {
20
21
        swap(array[element], array[l_child]);
22
        count++;
23
      }
24
      //到叶子节点,整理完毕
25
      return;
26
   }
```

归并排序

归并排序包含三个函数,MergeSort 实现计时、计数功能,Msort 为递归函数,用递归方式实现二分及归并操作,Merge 为归并的具体实现函数

```
1
    void MergeSort(vector<int> &data){
 2
      int count = 0,n = data.size();
 3
      double start,finish,time;
 4
      vector<int> output(n);
 5
 6
      start = clock();
 7
      Msort(data, output, 0, n - 1,count);
 8
      data = output;
9
     finish = clock();
10
      time = finish - start;
      cout<<"归并排序所用时间: "<<time<<"ms"<<endl;
11
      cout<<"归并排序交换次数: "<<count<<endl<<endl;
12
13 }
```

```
//通过递归将待排序数列不断二分,进行排序
 2
    void Msort(vector<int> &data, vector<int> &output, int s, int t,int &count) {
3
      vector<int> temp(data.size());
     if (s == t) output[s] = data[s];
4
      else {
 5
        int m = (s + t) / 2;
 6
        Msort(data, temp, s, m,count);
8
        Msort(data, temp, m + 1, t,count);
9
        Merge(temp, output, s, m , t,count);
10
      }
11
    }
12
```

```
//将数组r1[i,m]与r2[m+1,n]合并为r3[i,n]
 1
 2
    void Merge(vector<int> &data,vector<int> &output, int i, int m, int n,int &count) {
 3
      int j, k;
      //依次取值比较,较小的放入r3
 4
 5
      for (j = m+1, k = i; i \leftarrow m\&\&j \leftarrow n; k++) {
 6
        if (data[j] < data[i])</pre>
 7
          output[k] = data[j++];
 8
9
          output[k] = data[i++];
10
        count++;
11
      //处理比较完后的剩余数
12
13
      while (i <= m)
14
        output[k++] = data[i++];
15
      while (j \le n)
        output[k++] = data[j++];
16
17 }
```

基数排序

基数排序包含两个函数,RadixSort 实现计时、计数、基数排序的分类、输出功能,MaxBit 求出待排序数中最大位数,用于确定分类操作的次数

```
1
   void RadixSort(vector<int> &data){
 2
     int count = 0,n = data.size(),max = MaxBit(data),radix = 1,i,j,k;
 3
     double start,finish,time;
 4
     vector<int> temp(n),counts(10);
 5
      start = clock();
 6
     for (i = 1; i <= max; i++) {//根据最大位数决定排序次数
 7
       for (j = 0; j < 10; j++)//将计数器置零
 8
 9
         counts[j] = 0;
10
        for (j = 0; j < n; j++) {//统计各个数字的数据个数
         k = (data[j] / radix) % 10;
11
         counts[k]++;
12
13
       }
       for (j = 1; j < 10; j++)//确定各个数字在排序完后数组中具体位置
14
15
         counts[j] += counts[j - 1];
        for (j = n - 1; j >= 0; j--) {//循环将数据读入temp
16
         k = (data[j] / radix) % 10;
17
18
         temp[counts[k] - 1] = data[j];
19
         count++;
20
         counts[k]--;
        }
21
22
        data = temp;
23
        radix *= 10;
24
25
     finish = clock();
     time = finish - start;
26
      cout<<"基数排序所用时间: "<<time<<"ms"<<endl;
27
      cout<<"基数排序交换次数: "<<count<<endl<;
28
29 }
```

```
//求出数据中的最大位数
 1
 2
    int MaxBit(vector<int> &data) {
     int max = 1, flag = 10;
 3
4
     for (int i = 0; i < data.size(); i++) {
        while (data[i] > flag) {
 6
         flag *= 10;
 7
          max++;
8
        }
9
      }
10
      return max;
11 }
```

函数接口说明

返回值类 型	成员函数名	参数	功能
void	showArray	(vector &array)	输出序列
void	BubbleSort	(vector &data)	冒泡排序
void	SelectionSort	(vector &data)	选择排序
void	InsertionSort	(vector &data)	直接插入排序
void	ShellSort	(vector &data)	希尔排序
void	Qsort	(vector &array, int low, int high, int& count)	快速排序递归函数
void	QuickSort	(vector &data)	快速排序主函数
void	MaxHeapify	(vector &array,int size,int element,int &count)	堆排序堆化
void	HeapSort	(vector &data)	堆排序主函数
void	Merge	(vector &data,vector &output, int i, int m, int n,int &count)	归并排序归并操作
void	Msort	(vector &data, vector &output, int s, int t,int &count)	递归实现二分及合并
void	MergeSort	(vector &data)	归并排序主函数
void	MaxBit	(vector &data)	基数排序求出最大数 位数
void	RadixSort	(vector &data)	基数排序主函数

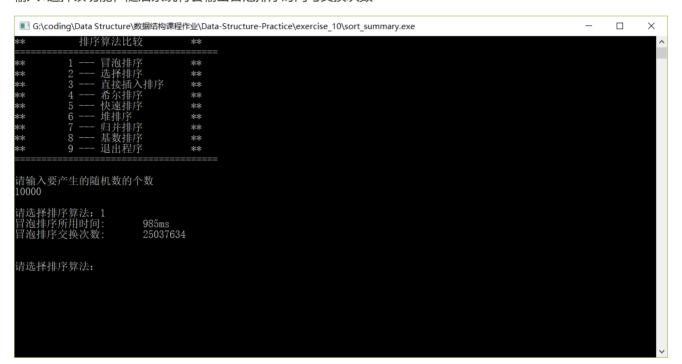
5.使用说明及函数功能演示

运行 sort_summary.exe 启动程序,按照系统提示进行操作

首先输入要产生的随机数个数

冒泡排序

输入1选择该功能,随后系统将会输出冒泡排序时间与交换次数



选择排序

输入2选择该功能,随后系统将会输出选择排序时间与交换次数

直接插入排序

输入3选择该功能,随后系统将会输出直接插入排序时间与交换次数

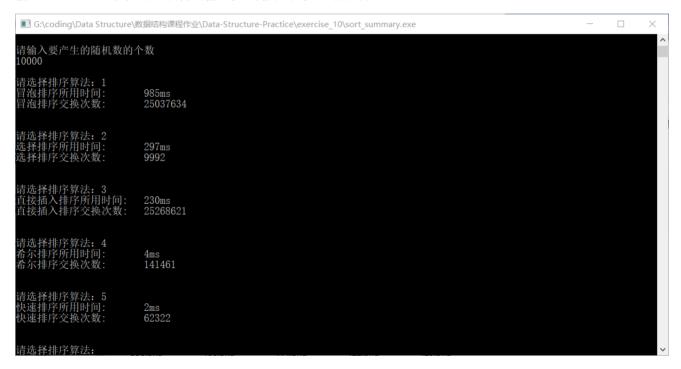
```
■ G\coding\Data Structure\www.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\psi.gelicke\ps
```

希尔排序

输入4选择该功能,随后系统将会输出希尔排序时间与交换次数

快速排序

输入5选择该功能,随后系统将会输出快速排序时间与交换次数

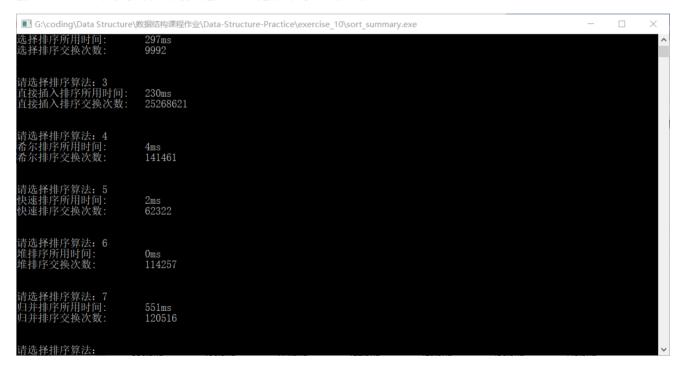


堆排序

输入6选择该功能,随后系统将会输出堆排序时间与交换次数

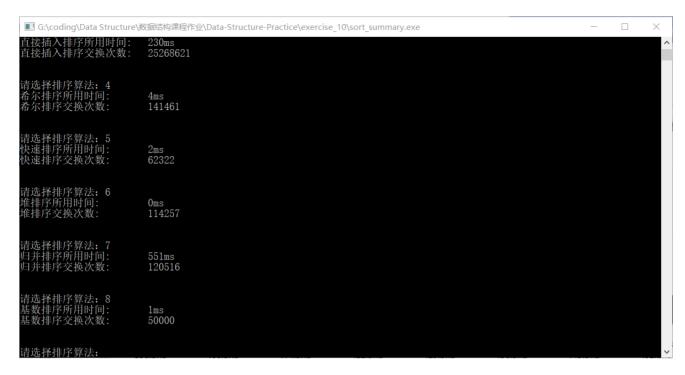
归并排序

输入7选择该功能, 随后系统将会输出归并排序时间与交换次数



基数排序

输入8选择该功能,随后系统将会输出基数排序时间与交换次数



退出程序

输入9退出程序,需要再次运行则重启exe文件

运行环境说明

CPU:i7-6700HQ

MEM:16G DDR4 2133Hz

Compiler:TDM-GCC 4.9.2 32bit-Debug

每执行一种排序算法,都将重新生成输入个数的随机数,所以耗时和交换次数不一定完全契合时间复杂度分析结果