

PO GIAO DỤC VA ĐẠO TẠO HA NỘI

KI THI CHON HỌC SINH GIOI THANH PHÓ LƠP 12 THPT NAM HỌC 2019 - 2020

ĐÈ CHINH THỰC

Môn thi: TIN HỌC Ngày thi: 03 tháng 10 năm 2019 Thời gian làm bài: 180 phút (Đề thi gồm 02 trang)

Tông quan bài thi:

STT	Tên bài	Tên tệp chương trình	Tên tệp dữ liệu vào	Tên tệp kết quả ra	Điệm	Thời gian chạy tôi đa/l test
Bài 1	ĐEM ĐOẠN	BAI1.*	BAI1.INP	BAI1.OUT	6	1 giây
Bài 2	SO ĐẠC BIỆT	BAI2.*	BAI2.INP	BAI2.OUT	5	1 giây
Bài 3	SAP XEP	BAI3.*	BAI3.INP	BAI3.OUT	5	1 giây
Bài 4	TIM ĐƯƠNG	BAI4.*	BAI4.INP	BAI4.OUT	4	1 giây

Chú ý: Dấu * được thay thế bởi PAS hoặc CPP tùy thuộc vào ngôn ngữ lập trình mà thí sinh sử dụng.

BÀI 1: ĐÉM ĐOẠN

Cho sô nguyên dương N. Đêm xem có bao nhiều cặp sô nguyên a, b ($0 < a \le b$) để tông các sô nguyên trong đoạn [a, b] băng N. Hai đoạn khác nhau là hai đoạn có ít nhất một phân từ khác nhau.

Dữ liệu vào từ tệp BAI1.INP: Gốm duy nhất một số nguyên dương N ($0 < N < 10^{15}$).

Kết quả ra ghi vào tệp BAI1.OUT: Gôm duy nhất một số nguyên dương là kết quả của bài toán. Ví du:

BAI1.INP	BAI1.OUT	Giải thích
	3	Có ba đoạn số thoá mãn:
		[2, 4], [4, 5], [9, 9].

Luru ý: - Có 40% số điểm tương ứng với $N \le 10^4$.

Có 30% số điểm tương ứng với 10⁴ < N ≤ 10⁸.

BÀI 2: SÓ ĐẶC BIỆT

Số đặc biệt là một số nguyên dương N sao cho khi thêm chữ số a vào đầu và chữ số b vào cuối số N sẽ được số mới có giá tri gấp k lần số N ban đầu, tức là $\overline{aNb} = k \times N$.

Yêu cầu: Cho trước ba số nguyên a, b, k. Tìm số đặc biệt $N (N \le 10^{18})$.

Dữ liệu vào từ tệp BAI2.INP: Gôm một dòng ghi ba số nguyên dương a, b, k ($0 \le a, b \le 9$; $10 \le k \le 200$), cách nhau một dâu cách.

Kết quả ra ghi vào tệp BAI2.OUT: Gôm duy nhất số N là kết quả của bài toán. Trong trường hợp có nhiều hơn một số N thỏa mãn, hãy đưa ra số bé nhất. Cho biết với dữ liệu vào luôn tôn tại kết quả.

Ví dụ:

BAI2.INP	BAI2.OUT	Giải thích	
4 5 91	5	Ta có $455 = 91 \times 5$, số cần tìm $N = 5$.	

Luru ý: Có 50% số điểm tương ứng với $N \le 10^9$.

BÀI 3: SÁP XÉP

Cho một dãy số có N phân từ $a_1, a_2, ..., a_N$. Dãy số đẹp bậc K là được mô tả như sau:

- Dãy sô có K nhóm, môi nhóm có sô phân tử băng nhau. N/K phân tử đầu tiên của dãy sô (từ a₁ đền a_{N/K}) vào nhóm 1, N/K phân tử tiếp theo vào nhóm 2, ..., N/K phân tử cuối cùng vào nhóm K.
- Nhóm 1 ≥ nhóm 2 ≥ ··· ≥ nhóm K (nhóm i ≥ nhóm j khi phân từ nhỏ nhất của nhóm i lớn hơn hoặc bằng phân từ lớn nhất của nhóm j).

Yêu câu: Ta cân di chuyên sô lân nhỏ nhất các phân từ của dãy sô ban đầu để dãy sô này trở thành dãy sô đẹp bậc K. Cách di chuyên một phân từ là lây phân từ đó ra khỏi dãy sô sau đó chèn vào một vị trí bất kì trong dãy sô.

Dữ liệu vào từ tệp BAI3.INP:

- Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương N và K (0 < K ≤ N ≤ 10⁵, N chia hết cho K).
- Dòng thứ hai chứa N số nguyên dương a_i (a_i ≤ 10⁹).

Kết quả ra ghi vào tệp BAI3.OUT: Gồm duy nhất một số là tổng số lân di chuyển ít nhất thoả mãn yêu câu của bài toán.

Ví dụ:

BAI3.INP	BAI3.OUT	Giải thích
42	1	Di chuyên sô 1 xuông cuôi dãy, ta được dãy sô đẹp
5194		bậc 2 là: 5 9 4 1.

Luu ý: Có 50% số điểm tương ứng với $N \le 5000$.

BÀI 4: TÌM ĐƯỜNG

Trung tâm khảo sát hang động XYZ có một robot tự hành. Robot này có thể tự di chuyển, vẽ sơ đô, chụp các hình ảnh trong lòng hang động và truyền các thông tin về trung tâm. Thông tin về đường đi trong hang động được gửi về trung tâm là chuỗi các chữ cái D, T, N, B tương ứng với việc đi theo các

hướng Đông, Tây, Nam, Bắc trên la bàn được gắn trên robot (trong một đơn vị khoảng cách hướng đi không thay đổi quy chiều trên mặt phẳng năm ngang với mặt đất, các hướng đi quy định ở hình bên). Trong một lân robot thực hiện nhiệm vụ khảo sát một hang động mới, sau một thời gian di chuyên (trong quá trình di chuyên một điểm trong hang có thể được robot đi qua, đi lại nhiều lân) và truyên thông tin về trung



tâm, robot gặp sự cô và không thể di chuyển về điểm xuất phát là cửa hang. Trung tâm muôn đưa robot về cửa hang băng cách sử dụng những đoạn đường mà robot đã đi qua một cách nhanh nhất.

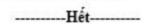
Yêu câu: Cho chuôi ký tự là thông tin đường đi của robot đã gửi vê trung tâm. Hãy tìm độ dài đường đi ngăn nhất từ cửa hang đên được vị trí của robot băng sử dụng thông tin đường đi ở trên.

Dữ liệu vào từ tệp BAI4.INP: Gôm một dòng duy nhất chứa chuối các ký tự D, T, N, B ghi liên tiếp nhau, số ký tự không quá 10000.

Kêt quả ra ghi vào tệp BAI4.OUT: Gôm duy nhất một sô là độ dài đường đi ngăn nhất đã tìm được.
Ví dụ:

BAI4.INP	BAI4.OUT	Giải thích
DDTNDBBT	4	Hình ảnh đường đi và đường đi ngắn nhất đến vị trí của robot:

Luru ý: Có 50% số test độ dài xâu nhỏ hơn hoặc bằng 5000.



Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm; các tệp dữ liệu vào là tệp văn bản đúng đăn không cân kiêm tra; làm bài với các tên tệp đúng như quy định trong đê.

Họ và tên thí sinh:	Sô báo danh:
Chữ kí cán bộ coi thi số 1:	Chữ kí cán bộ coi thi số 2: