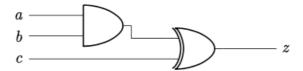
3/14/2021 cp2021-F01-Q5

5. Considere o circuito booleano



que calcula a função $f((a,b),c)=(a \wedge b) \oplus c$, onde \oplus é a operação "exclusive-or".

- Escreva uma definição dessa função $(\mathbb{B} \times \mathbb{B}) \times \mathbb{B} \xrightarrow{f} \mathbb{B}$ que não recorra às variáveis a, b ou c^1 e desenhe o respectivo diagrama.
- Qual é o tipo da função g = ⟨π₁, f⟩?

Resolução

```
In [5]:
         fxor (False, False) = False
         fxor (False,True) = True
         fxor (True,False) = True
         fxor (True,True) = False
         fand (False, False) = False
         fand (False,True) = False
         fand (True, False) = False
         fand (True, True) = True
         (f >< g) (x,y) = (f x, g y)
         f = fxor . (fand >< id)
         -- type checking
         :t fxor
         :t fand
         :t f
        fxor :: (Bool, Bool) -> Bool
       fand :: (Bool, Bool) -> Bool
        f :: ((Bool, Bool), Bool) -> Bool
In [6]:
         g = split p1 f where
             p1 = fst
             split f g x = (f x, g x)
         -- type checking
         :t g
       g :: ((Bool, Bool), Bool) -> ((Bool, Bool), Bool)
```