3/14/2021 cp2021-F01-Q4

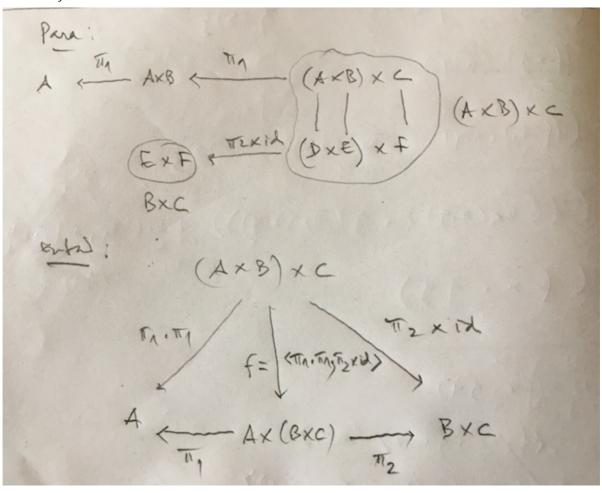
4. Considere as funções seguintes:

$$f = \langle \pi_1 \cdot \pi_1, \pi_2 \times id \rangle$$

$$g = \langle id \times \pi_1, \pi_2 \cdot \pi_2 \rangle$$

Identifique os tipos de f e g. Acompanhe a sua resolução com a construção dos respectivos diagramas.

Resolução



```
In [1]:
    f = split (p1 . p1) (p2 >< id) where
        p1 = fst
        p2 = snd
        split f g x = (f x, g x)
        (f >< g) (a,b) = (f a, g b)

--- type checking

:t f</pre>
```

f :: forall a1 a2 b. ((a1, a2), b) -> (a1, (a2, b))

```
In [2]:
    g = split (id >< p1) (p2 . p2) where
        p1 = fst
        p2 = snd
        split f g x = (f x, g x)
        (><) f g (a,b) = (f a, g b)

--- type checking
:t g</pre>
```

3/14/2021 cp2021-F01-Q4

g :: forall a1 a2 b. (a1, (a2, b)) -> ((a1, a2), b)

In [5]: (f.g)(1,(2,3))
(1,(2,3))