

4. Para o caso de um *isomorfismo* α , têm-se as equivalências:

$$\alpha \cdot g = h \equiv g = \alpha^\circ \cdot h \quad (\text{F2})$$

$$g \cdot \alpha = h \equiv g = h \cdot \alpha^\circ \quad (\text{F3})$$

Recorra a essas propriedades para mostrar que a igualdade

$$h \cdot \text{distr} \cdot (g \times (id + \alpha)) = k$$

é equivalente à igualdade

$$h \cdot (g \times id + g \times \alpha) = k \cdot \text{undistr}$$

(Sugestão: não ignore a propriedade natural (i.e. *grátis*) do isomorfismo distr .)

Resolução

Para $A \times (B + C) \xrightarrow{\text{distr}} (A \times B) + (A \times C)$ temos:

$$(f \times g + f \times h) \cdot \text{distr} = \text{distr} \cdot (f \times (g + h))$$

como propriedade *grátis* de distr .

Verificamos então que:

$$h \cdot \text{distr} \cdot (g \times (id + \alpha)) = k$$

{ aplicação da propriedade *grátis* a $\text{distr} \cdot (g \times (id + \alpha))$ }

$$\equiv h \cdot (g \times id + g \times \alpha) \cdot \text{distr} = k$$

{ (F3), undistr é inversa de distr }

$$\equiv h \cdot (g \times id + g \times \alpha) = k \cdot \text{undistr}$$