## **UVA**

## Cálculo Elementar

Lista 5 - Exercícios - Funções Exponenciais e Logarítmicas

Profa: Adriana Ma Balena Tostes

- 1) Faça um esboço dos gráficos das funções  $y = 2^x$  e  $y = \log_2 x$  num mesmo sistema de eixos cartesianos. Compare estes gráficos e procure descobrir uma relação entre eles. Confira sua resposta usando um plotador gráfico.
- 2) Num mesmo sistema de eixos cartesianos esboce os gráficos de  $y = \log_2 x$  e de  $y = \log_3 x$ . Compare estas funções quanto ao crescimento e justifique as suas conclusões. Confira sua resposta usando um plotador gráfico.
- 3) Esboce o gráfico das funções e analise seu domínio, a imagem, a monotonicidade, o sinal da função, , as assíntotas e o comportamento nos extremos do domínio. Confira sua resposta usando um plotador gráfico.
- a)  $f(x) = \log (1 x)$
- b)  $f(x) = \log_{0.7}(3 x)$
- c)  $f(x) = \ln(x)$
- 4) (UFRGS) Esboçando os gráficos de  $f(x) = 5^x$  e  $g(x) = 2 + x x^2$  num mesmo plano cartesiano, verifica-se que todas as raízes da equação f(x) = g(x) pertencem ao intervalo:
- a) (-2, -1)
- b) (-1,0)
- c) ]- 1, 1[
- d) (0, 1)
- e) (0, 2)
- 5) Uma empresa expande suas vendas em 20% ao ano. Se este ano ela vendeu 1.000 unidades, quantas venderá daqui a 60 meses?
- 6) Uma máquina vale hoje R\$ 4.000,00, e seu valor decresce exponencialmente com o tempo. Sabendo-se que daqui a 2 anos seu valor ser´a igual a R\$ 3.000,00, qual foi a taxa de depreciação.
- 7) Quanto devo aplicar hoje a juros compostos e à taxa de 2% ao mês para pagar um compromisso de R\$ 6.000,00 dagui a 180 dias?
- 8) Um capital de R\$ 2.000,00 e aplicado a juros compostos durante 2 bimestres à taxa de 1,8% ao mês. Qual o juros recebidos nessa aplicação?
- 9) A que taxa anual deve crescer exponencialmente uma população para que dobre após 300 meses?
- 10) Um valor inicial de R\$500,00 será aplicado a uma taxa de juros compostos anual de 7%. Quanto receberá de juros dez anos mais tarde?
- 11) Um investimento de R\$2.300,00 ocorre a uma taxa de juros compostos de 9% ao trimestre. Qual deve ser o prazo de aplicação para que esse investimento atinja o valor de R\$4.150,00?
- 12) Um valor inicial de R\$1.250,00 será aplicado a uma taxa de juros compostos de 2,5% ao bimestre. Qual será o investimento um ano e meio mais tarde?

- 13) Qual valor deve ser investido a uma taxa de juros de 1,2% ao mês para obter, ao final de um semestre e meio, o montante de R\$ 3.500,00?
- 14) Um valor inicial de R\$2.350,00 será aplicado a uma taxa de juros compostos semestralmente. Qual deve ser a taxa de juros para que o valor inicial atinja R\$3.200,00 em 2 anos?
- 15) Um investimento de R\$8.700,00 ocorre a uma taxa de juros compostos de 3% a.m.. Qual deve ser o prazo de aplicação para que esse investimento renda R\$2.300,00 de juros?
- 16) Em 2000, a população de Jacksonville era de 736.000 e crescia a uma taxa de 1,49% ao ano. A essa taxa, quando a população será de I milhão?
- 17) Em 2000, a população de Lãs Vegas era de 478.000 e está crescendo a uma taxa de 6,28% ao ano. A essa taxa, quando a população será de I milhão?
- 18) O modelo matemático dado por:  $f(t) = 30.(1 e^{-\frac{t}{3}})$  foi desenvolvido por um psicólogo e relaciona o número de símbolos que uma pessoa pode memorizar no tempo t, em minutos.
  - a) De acordo com o modelo, quantos símbolos uma pessoa pode memorizar em 4 minutos.
  - b) Uma pessoa memorizou 26 símbolos. Quanto tempo precisou, aproximadamente, para realizar tal tarefa?
- 19) O altímetro dos aviões é um instrumento que mede a pressão atmosférica e transforma esse resultado em altitude. Suponha que a altitude h acima do nível do mar, em quilômetros, detectada pelo altímetro de um avião seja dada, em função da pressão atmosférica p, em atm, por:  $h(p) = 20 \log \left(\frac{1}{p}\right)$

Num determinado instante, a pressão atmosférica medida pelo altímetro era 0,4 atm. Qual a altitude (h) do avião nesse instante?

20) (UERJ) Segundo a lei do resfriamento de Newton, a temperatura T de um corpo colocado num ambiente cuja temperatura é T<sub>0</sub> obedece à seguinte relação:

$$T = T_0 + k.e^{-c.t}$$

Nesta relação, T é medida na escala Celsius,  $\underline{t}$  é o tempo medido em horas, a partir do instante em que o corpo foi colocado no ambiente, e  $\underline{k}$  e  $\underline{c}$  são constantes a serem determinadas. Considere uma xícara contendo café, inicialmente a  $100^{\circ}$ C, colocada numa sala de temperatura  $20^{\circ}$ C. Vinte minutos depois, a temperatura do café passa a ser de  $40^{\circ}$ C.

- a) Calcule a temperatura do café 50 minutos após a xícara ter sido colocada na sala.
- b) Considerando **In 2 = 0,7** e **In 3 = 1,1**, estabeleça o tempo aproximado em que, depois de a xícara ter sido colocada na sala, a temperatura do café se reduziu à metade.

## Respostas:

opoolao.				
4- C	5- 2488,32unidades	6- K=13,4% a.a	7- 5327,83	8- 147,93
9- 2,81% a.a	10- 483,58	11- 6,85trimestres	12- 1561,08	13- 3143,72
14- 8,02% a.s.	15- 7,9 meses	16- Em set 2020	17- Em fev de 2012	
18- a) 22 símbolos b) 6'		19- 8Km	20- a) 22°,5; b) 15'	