Disciplina: Álgebra Linear

Nome:

Matrícula:

1. Dada a matriz

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

aplique a sequência de operações elementares de linhas

$$L_2 \leftarrow L_2 - 2L_1, L_3 \leftarrow L_3 - 3L_1, L_2 \leftarrow (1/5)L_2 e L_3 \leftarrow L_3 - 4L_2$$

e determine a matriz resultante. Depois aplique as operações elementares inversas para retornar A.

2. Considere a matriz A, de ordem 3 × 4, dada por:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & -1 & 1 \\ 4 & -5 & -7 & 1 \end{bmatrix}$$

aplique a sequência de operações elementares de linhas

$$L_2 \leftarrow L_2 - 2L_1, \, L_3 \leftarrow L_3 - 4L_1 \, e \, L_3 \leftarrow L_3 - 3L_2$$

3. Resolva, se possível, os seguintes sistemas:

a)
$$\begin{cases} x+2y+z=9\\ 2x+y-z=3\\ 3x-y-2z=-4 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x - y - 2z = 1 \\ -x + y + z = 2 \\ x - 2y + z = -2 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x+3y+2z=2\\ 3x+5y+4z=4\\ 5x+3y+4z=-10 \end{cases}$$

Lista nº 2

d)
$$\begin{cases} x+y+z=2\\ 2x-z=-1\\ 3x+y=1 \end{cases}$$

e)
$$\begin{cases} x+2z=1\\ 2x-y-2z+w=0\\ 4x-3y-9z+w=-1\\ 3x-2y+z-11w=3 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} x+2y+2z=2\\ 5x+6y-6z=-14\\ -y-4z=-6\\ 5x+8y+2z=-2 \end{cases}$$

g)
$$\begin{cases} 2x - y + 4z = 0 \\ 2x + 2y - 4z = 0 \\ 3x - y - z = 0 \end{cases}$$

4. Discuta, em função de m, os seguintes sistemas:

a)
$$\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x + my = 6 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 2x + my = m \\ 6x - 3y = 2 \end{cases}$$