

1. Numa resistência  $R=1\text{k}\Omega$  mediu-se uma tensão  $V=2\text{V}$ . Sendo  $I$  a corrente que a atravessa e  $P$  a potência dissipada, qual das seguintes respostas é falsa ?

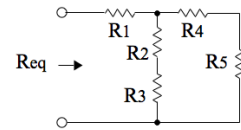
(a)  $I = 2\text{mA}$       (b)  $I = 2 \times 10^{-3}\text{mA}$       (c)  $P = 4\text{mW}$       (d)  $P = 4 \times 10^{-3}\text{W}$

Resposta:  $I = V/R = 2 \times 10^{-3}\text{A} = 2\text{mA}$ . Portanto, a resposta falsa é (b)  $I = 2 \times 10^{-3}\text{mA} [=2\mu\text{A}]$

2. Com  $R_1=R_2=R_3=R_4=R_5=R$ , a resistência equivalente é dada por:

$$R_{eq} = [(R_4+R_5) // (R_2 + R_3)] + R_1 = [2R // 2R] + R = 2R$$

Resposta:  $R_{eq} = 2R$

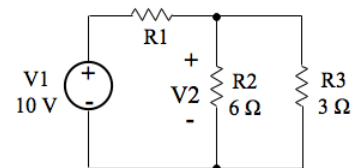


3. Sabendo que  $V_2 = 4\text{V}$ , determine  $R_1$ :

$$V_2 = (R_2 // R_3) \times I = 2\Omega \times I = 4\text{V} \longrightarrow I = 2\text{A}$$

$$V_1 = V_{R1} + V_2 = R_1 \times I + 4\text{V} = R_1 \times 2\text{A} + 4\text{V} = 10\text{V} \longrightarrow R_1 = 3\Omega$$

Resposta:  $R_1 = 3\Omega$



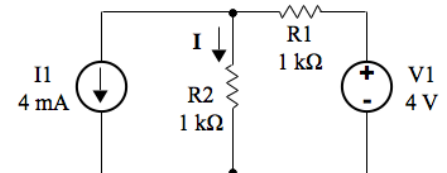
4. Aplicando sobreposição a corrente  $I$  é dada pela soma:

Curto-circuitando a fonte de tensão e usando divisor de corrente:

$$I_a = -I_1 \times R_1 / (R_1 + R_2) = -4\text{mA} / 2 = -2\text{mA}$$

$$\text{Abrindo a fonte de corrente: } I_b = V_1 / (R_1 + R_2) = 4\text{V} / 2\text{k}\Omega = 2\text{mA}$$

Resposta:  $-2 + 2 = 0\text{mA}$

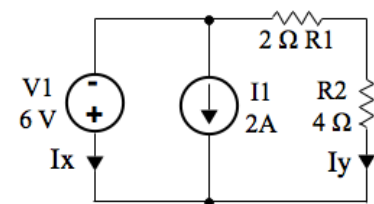


5. As correntes  $I_x$  e  $I_y$  são, respectivamente:

$$I_y = -V_1 / (R_1 + R_2) = -6\text{V} / 6\Omega = -1\text{A}$$

$$I_y + I_x + I_1 = 0 \longrightarrow I_x = -1\text{A}$$

Resposta:  $-1\text{A} / -1\text{A}$



6. Os dois circuitos são equivalentes se:

Por exemplo, por sobreposição:

a: Abrindo  $I_1$  e por divisor de tensão temos:

$$V_{ABa} = V_1 \times R_2 / (R_2 + R_1) = 2\text{V}$$

b: Curto-circuitando  $V_1$ ,  $R_1$  e  $R_2$  ficam em

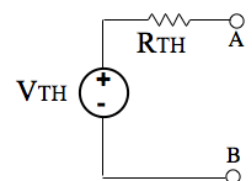
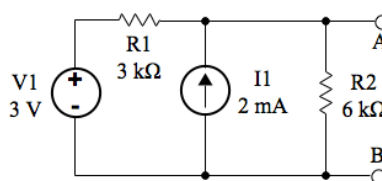
paralelo ( $R_{12} = R_1 // R_2 = 2\text{k}\Omega$ ) e, pela lei de Ohm:

$$V_{ABb} = I_1 \times R_{12} = 4\text{V}$$

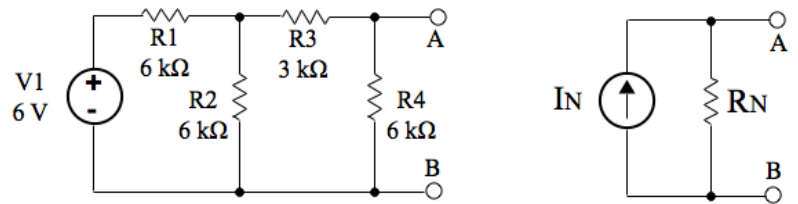
Somando a+b, temos  $V_{TH} = V_{ABa} + V_{ABb} = 2 + 4 = 6\text{V}$

$R_{TH}$ : Abrindo  $I_1$  e curto-circuitando  $V_1$ , verifica-se imediatamente que entre os pontos A e B fica  $R_{TH} = R_2 // R_1 = 2\text{k}\Omega$

Resposta:  $V_{TH} = 6\text{V}$  e  $R_{TH} = 2\text{k}\Omega$



7. Os dois circuitos são equivalentes se:



Aplicando Thévenin à esquerda de R3, obtemos o circuito:

VT1 é o divisor de tensão  $V1 \times R2 / (R1 + R2) = 3V$

$RT1 = R2 \parallel R1 = 3k\Omega$

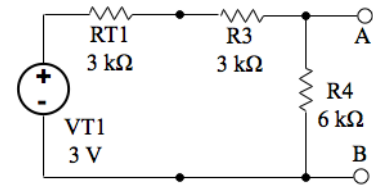
Então, curto-circuitando A e B, temos que

$IN = I_{sc} = VT1 / (RT1 + R3) = 3V / 6k\Omega = 500\mu A$

$R_N$  : curto-circuitando VT1, verifica-se imediatamente que entre os pontos A e B fica

$R_N = R4 \parallel (R3 + RT1) = 3k\Omega$

Resposta:  $IN = 500\mu A$  e  $R_N = 3,0k\Omega$



8. Calcule  $I_x$ :

Podemos substituir a série R2+R3 pela equivalente

$R_{23} = 20k\Omega$

Substituindo V1 e R4 pelo equivalente Norton

(transformação de fontes) temos:

$R'4 = R4 = 20k\Omega$  e  $I2 = V1 / R4 = 3mA$ .

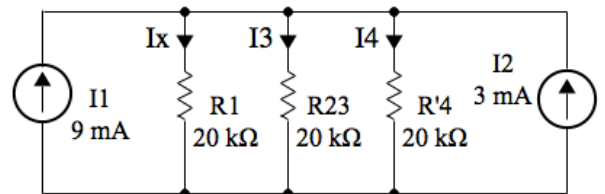
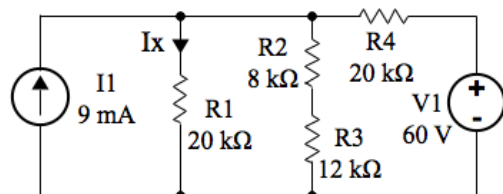
Redesenhando o circuito, verifica-se que:

$12mA = I1 + I2 = I_x + I3 + I4$

Como  $R1 = R_{23} = R'4$  e estão em paralelo, temos

$I_x = I3 = I4$ , ou seja  $I_x = (I1 + I2) / 3 = 4mA$

Resposta:  $I_x = 4mA$

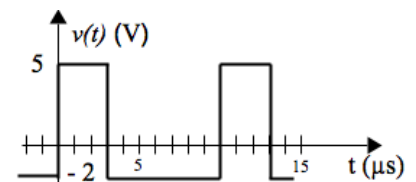


9. Para o sinal da figura, determine o *duty-cycle* e o valor médio:

$\vartheta = t_{high} / T = 3\mu s / 10\mu s = 0,3$

$v_{med} = [(V_{high} \times t_{high}) + (V_{low} \times t_{low})] / T = [(5 \times 3) + (-2 \times 7)] / 10$

Resposta:  $\vartheta = 30\%$  ;  $v_{med} = 0,1V$

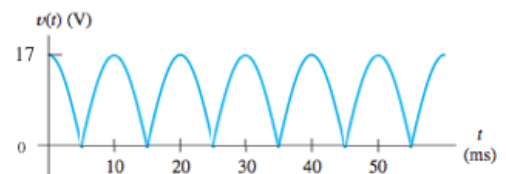


10. Determine a frequência e o valor eficaz do sinal:

$f = 1/T = 1 / 10ms = 100Hz$

$v_{eff} = v_m / \sqrt{2} = 17 / 1,41 = 12V_{eff}$

Resposta: 100 Hz ; 12 V



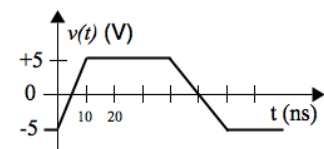
11. Para o sinal da figura, determine o tempo de descida:

$v_{pp} = 5 - (-5) = 10V_{pp}$  90% de  $v_{pp} = 9V$  10% de  $v_{pp} = 1V$

Ou seja, temos de medir o tempo que o sinal demora a descer de  $V_{m\acute{a}x} - 1V = 4V$  até  $V_{m\acute{i}n} + 1V = -4V$

O sinal desce 10V em 20ns pelo que:  $v(t1) = 4V \rightarrow t1 = 2ns$   $v(t2) = -4V \rightarrow t2 = 18ns$

Resposta:  $t_r = 18 - 2 = 16ns$



12. Considere que o interruptor está fechado há muito tempo.

Em  $t = 0$ s, o interruptor abre, desligando a fonte de corrente do resto do circuito. Ao fim de 1ms qual o valor de  $v$  ?

$t < 0$ s :

Para  $t < 0$ s e aplicando Thévenin podemos obter o circuito à direita, em que  $V_{th} = 10\text{mA} \times 500\Omega = 5\text{V}$  e  $R_{th} = 500\Omega$

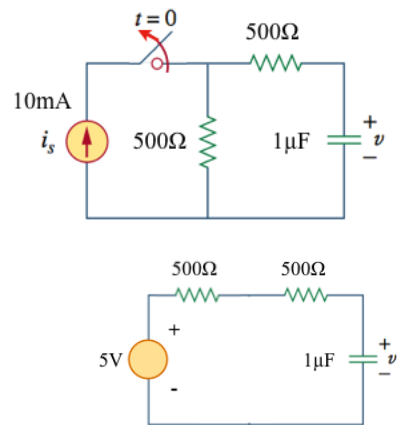
C está completamente carregado pelo que  $v = 5\text{V}$

$t > 0$ s :

C descarrega até 0V por  $1\text{k}\Omega$  ( $500\Omega + 500\Omega$ ),

pelo que  $\tau = 10^3 \times 10^{-6} = 1\text{ms}$

$v(1\text{ms}) = V_{\text{inicial}} e^{-t/1\text{ms}} = 5 e^{-1} = 1,84$  Resposta: 1,84 V

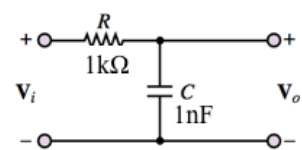


13. O circuito à direita é do tipo Passa-Alto (PA) ou Passa-Baixo (PB) ?

Determine a sua frequência de corte. (se necessário aproxime o resultado)

C está em paralelo com o trajecto de  $V_{in}$  para  $V_{out}$  → Passa-Baixo

$f_c = 1/(2\pi RC) = 1/(2\pi \times 1 \times 10^3 \times 10^{-9}) = 160 \text{ kHz}$

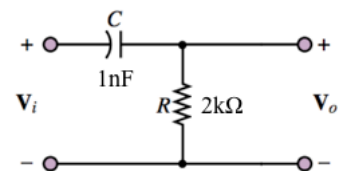


14. Se  $V_i$  for uma senoide de 8 kHz, aproximadamente, temos que:

C está em série com o trajecto de  $V_{in}$  para  $V_{out}$  → Passa-Alto

$f_c = 1/(2\pi RC) = 1/(2\pi \times 2 \times 10^4 \times 10^{-9}) = 80 \text{ kHz}$

8 kHz =  $f_c / 10$  ou seja, 1 década abaixo de  $f_c$ . Num PA, às baixas frequências, o declive é de 20dB/década, pelo que, a 8 kHz a relação  $V_o/V_i = -20\text{dB}$ , ou seja,  $V_o/V_i = 0,1$  Resposta:  $V_o = 0,1 \times V_i$



15. Considere um circuito RC paralelo, com  $R=1\text{k}\Omega$  e  $C=100\text{nF}$ , a funcionar à frequência de 1,6kHz. Determine, aproximadamente, a impedância equivalente em módulo e fase.

Em paralelo temos que  $Z = R // Z_c = (R \times 1/j\omega C) / (R + 1/j\omega C) = R / (1 + j\omega CR) =$

$= 1000 / (1 + j 2\pi \times 1600 \times 10^{-7} \times 1000) \approx 1000 / (1 + j 1)$

$|1 + j 1| = (1^2 + 1^2)^{1/2} = \sqrt{2}$   $\phi(1 + j 1) = \text{atan}(1/1) = +45^\circ$

$|Z| = 1000 / |1 + j 1| \approx 0,7 \text{ k}\Omega$   $\phi(Z) = -\phi(1 + j 1) = -45^\circ$

Resposta:  $0,7\text{k}\Omega / -45^\circ$

16. Para o circuito à direita considere diodos ideais.

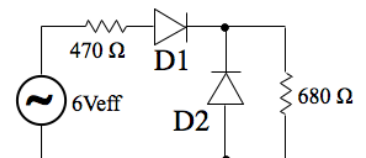
Pode afirmar-se que:

D2 está sempre cortado porque:

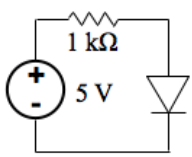
-  $v_i > 0\text{V}$ , D1 conduz porque tem o ânodo (através de  $470\Omega$ ) ligado ao + da fonte e o cátodo (através de  $680\Omega$ ) ligado ao - da fonte. Neste caso, D2 está cortado pelo facto do ânodo estar ligado ao - da fonte e o cátodo (através de  $470\Omega$  e D1) ligado ao +.

-  $v_i < 0\text{V}$ , D1 corta porque fica com o ânodo ligado (através de  $470\Omega$ ) ao - da fonte. Como D1 é um circuito aberto, não há ligação entre o cátodo de D2 e a fonte, pelo que D2 também não pode conduzir, ou seja está cortado.

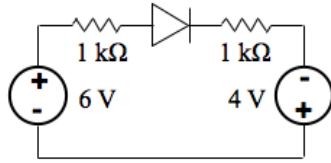
Resposta: D1 está sempre cortado.



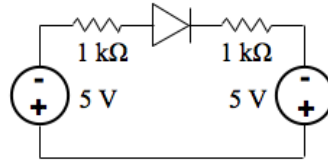
17. Considere os diodos ideais. Em qual dos circuitos se obtém a maior corrente em módulo ?



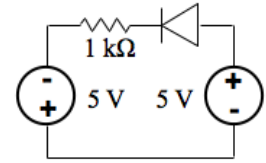
$$I = 5/1K = 5mA$$



$$I = [6 - (-4)]/2K = 5mA$$



$$I = (5-5)/2K = 0A$$



$$I = [5 - (-5)]/1K = 10mA$$

18. No circuito considere  $V_Z = 0,6V$ ,  $R = 1k\Omega$  e que  $V_{Z1} = V_{Z2} = V_Z$ .

$V_i$  é uma onda quadrada de valor médio nulo e com 16Vpp.

Pretende obter-se uma saída ( $V_o$ ) com 6Vpp. Determine  $V_Z$ :

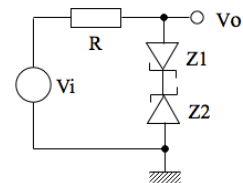
$$V_i = \pm 8V_p \quad e \quad V_o = \pm 3V_p$$

O circuito é simétrico (zeners iguais), basta calcular para  $V_i = +8V$ .

Com  $V_i = 8V$ ,  $Z1$  conduz como diodo (queda de 0,6V) e  $Z2$  como Zener (queda de  $V_Z$ ).

$$\text{Então, } V_o = 3V = 0,6 + V_Z \rightarrow V_Z = 2,4V$$

Resposta: 2,4 V



19. No circuito considere  $V_\gamma = 0,8V$ ;  $R_L = 18\Omega$ ;  $C = 10000\mu F$ .

O sinal de entrada é uma senoide de 50Hz com 14Vrms.

Determine, aproximadamente, o valor **mínimo** da tensão

de saída  $v_L$ :

$$v_{sp} = v_{seff} \times \sqrt{2} = 14 \times \sqrt{2} \approx 19,8V \quad v_{Lmax} = v_{sp} - V_\gamma = 19V$$

$$v_{Lmed} = v_{Lmax} - (V_{ripple}/2)$$

$$i_{Lmed} = v_{Lmed} / R_L$$

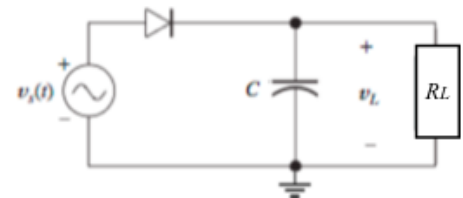
$$V_{ripple} = i_{Lmed} / (f \times C) = 2 \times i_{Lmed}$$

$$V_{ripple} = 2 \times v_{Lmed} / R_L = 2 \times [v_{Lmax} - (V_{ripple}/2)] / 18\Omega = (38 - V_{ripple}) / 18 \text{ donde}$$

$$V_{ripple} = 2V$$

$$\text{como } v_{Lmin} = v_{Lmax} - V_{ripple} = 19 - 2 = 17V$$

Resposta: 17 V



20. No circuito considere:  $V_i = 22V$ ;  $V_\gamma = 0,6V$ ;  $V_{Z1} = 12V$ ; e  $R1 = 470\Omega$ ;  $R2 = 1,2k\Omega$ .

Determine, aproximadamente, a potência consumida por  $Z1$ :

$$I_Z = I1 - I2 \quad I2 = V_Z / R2 = 12 / 1200 = 10mA$$

$$I1 = (V_i - V_\gamma - V_Z) / R1 = (22 - 0,6 - 12) / 470 = 20mA$$

$$I_Z = I1 - I2 = 20 - 10 = 10mA$$

$$P_Z = V_Z \times I_Z = 12 \times 0,01 = 0,12W$$

Resposta: 0,12 W

