

Teoria de Informação

Ficha Teórico-Prática nº2

“Codificação”

Período de execução: 1 semana

Objectivo: Pretende-se que o aluno adquira sensibilidade para as questões relacionadas com a teoria dos códigos.

Trabalho

1. Considere os códigos cujos conjuntos de palavras são os seguintes:

- a. $\{0, 10, 11\}$
- b. $\{00, 11\}$
- c. $\{00, 01, 10, 100\}$
- d. $\{00, 01, 10, 110\}$
- e. $\{0, 10, 110, 111\}$.

Para cada código, diga, justificando, se é instantâneo ou não e se pode ser um código ótimo para uma dada fonte.

2. Considere um alfabeto composto pelos símbolos $\{1, 2, \dots, 10\}$ com as probabilidades de ocorrência que se indicam na tabela.
- a. Determine o majorante do bit-rate garantido pela aplicação de uma codificação com base numa árvore de Huffman estática e com base num código aritmético em que em cada TAG sejam transmitidos 4 símbolos.
 - b. Determine a TAG a que corresponderá a sequência “1 2 3 10”.

Símbolo	Prob de ocorrência
1	1/4
2	1/4
3	1/8
4	1/16
5	1/16
6	1/32
7	1/32
8	1/32
9	1/32
10	1/8

3. Considere uma fonte de informação $S = \{1, 2, 3, 4\}$, cujos símbolos se encontrem distribuídos de acordo com a seguinte distribuição estatística:

Símbolo	Probabilidade
1	0,6
2	0,2
3	0,15
4	0,05

Assumindo um código aritmético, qual deverá ser a TAG para codificar a seguinte sequência: “1112”?

4. Considere uma fonte de informação com o seguinte alfabeto: $\{1,2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$. Admitindo que a sequência dos primeiros símbolos da referida fonte são "1,1,2,3,4,1,2,5" indique a sequência de bits transmitidos para cada um dos símbolos codificados. Para o efeito considere que o VLC é implementado com base no algoritmo de Huffman adaptativo. Em cada iteração, indique o estado da árvore de Huffman.
5. Considere uma fonte de informação composta pelos 26 caracteres do alfabeto anglo-saxónico. Considere que se pretende codificar a mensagem "bbsdgbsh" de forma adaptativa. Indique para cada símbolo da cadeia de caracteres (i) o código binário a transmitir e (ii) o estado da árvore sibilante.
6. Considere a seguinte cadeia de símbolos: "barrayar#bar#by#barrayar#bay". Assuma que $C(a)=1$, $C(b)=2$, $C(\#)=3$, $C(r)=4$ e que $C(y)=5$
 - a. Codifique a sequência usando LZW.
 - b. Codifique a sequência usando LZ77. Para o efeito considere que a dimensão da janela é 30 e que o look-ahead buffer é de 15 símbolos. Observe que inicialmente o buffer de pesquisa é vazio.
7. Codifique a seguinte sequência usando LZ78: "barrayar#bar#by#barrayar#bay". Para o efeito considere que $C(a)=1$, $C(b)=2$, $C(\#)=3$, $C(r)=4$ e que $C(y)=5$.