

有向图

有向图概述

基本概念

E 中以 v 为起始点的有向边数的个数称为 v 的出度, 记作 $d^+(v)$; E 中以 v 为终点的有向边的个数称为 v 的入度, 记作 $d^-(v)$ 。出度和入度之和称为 v 的度数。

有向图的连通性

强连通: 若 $\forall v_i, v_j \in V$, 都有 $v_i \leftrightarrow v_j$

单向连通: 若 $\forall v_i, v_j \in V$, 都有 $v_i \rightarrow v_j$

弱连通: 原图的底图是连通图

有向图的矩阵表示

设有向图 $D = \langle V, E \rangle$ 是 p 阶图, $V = \{v_1, v_2, \dots\}$ 。 p 阶方阵 $A_D = (a_{ij})_{p \times p}$ 称为 D 的邻接矩阵, 其中元素 a_{ij} 为从顶点 v_i 到 v_j 的有向边的数目, 即 $a_{ij} = |R_{ij}|$

设有向图 $D = \langle V, E \rangle$ 是 p 阶图, 其中 $V = \{v_1, v_2, \dots, v_p\}$ 。 p 阶方阵 $C_D = (c_{ij})_{p \times p}$ 称为 D 的可达矩阵, 其中元素

$$c_{ij} = \begin{cases} 1 & v_i \text{ 可达 } v_j \\ 0 & v_i \text{ 不可达 } v_j \end{cases}$$

设无环有向图 $D = \langle V, E \rangle$ 是 $\langle p, q \rangle$ 图, $V = \{v_1, v_2, \dots\}$, $E = \{e_1, e_2, \dots\}$ 。 $p \times q$ 阶矩阵 $M_D = (m_{ij})$ 称为有向图 D 的关联矩阵, 其中元素 m_{ij} 为

$$m_{ij} = \begin{cases} 1 & v_i \text{ 是 } e_j \text{ 的始点} \\ 0 & v_i \text{ 与 } e_j \text{ 不关联} \\ -1 & v_i \text{ 是 } e_j \text{ 的终点} \end{cases}$$

根树

基本概念

设 T 为有向树, 若 T 中有一个顶点的入度为0, 其余点入度均为1, 则称 T 为根树。入度为0的顶点称为根节点, 又称树根, 入度为1的顶点称为子结点。出度为0的点称为树叶, 出度不为0的点称为分支点。既不是树叶又不是树根的点称为内点。

设T为非平凡根树，如果T的每个分支点至多有2个儿子，则称T为二叉树；若T的每个分支点恰好都有2个儿子，则称T为正则二叉树。若T为正则二叉树，且每片叶子的层数均为树高。、

最优二叉树

先序遍历...(根左右)

中序遍历...(左根右)

后序遍历...(左右根)

禁止商用