

Actividad 4 - Programación Lineal Entera en R

David de los Santos Boix

21 de abril de 2017

Ejercicio 8

Se considera la familia **F** formada por cada cuadrado contenido en el primer cuadrante que contiene a los puntos $(1, 2)$ y $(2, 3)$, tiene los lados paralelos a los ejes coordenados y su esquina superior derecha pertenece a la recta $y = 2x - 4$. Hallar el cuadrado de **F** que tiene mínimo perímetro.

Para ello definimos las siguientes variables:

1. x_i, y_i son las coordenadas de los puntos del cuadrado en el primer cuadrante.
2. Con las 8 primeras restricciones establecemos que sean paralelos a los ejes coordenados.
3. Con la siguiente restricción hacemos que el punto 4, el superior derecha, pase por la recta indicada.
4. Con las 4 siguientes restricciones forzamos a que los puntos estén dentro del cuadrado.
5. Por último definimos que esté en el primer cuadrante.

$$\text{Min } (x_2 - x_1) + (y_4 - y_2) + (x_4 - x_3) + (y_3 - y_1)]$$

$$\begin{array}{rcl} y_1 - y_2 & = & 0 \\ y_3 - y_4 & = & 0 \\ y_3 - y_1 & \geq & 0 \\ y_4 - y_2 & \geq & 0 \\ x_1 - x_3 & = & 0 \\ x_2 - x_4 & = & 0 \\ x_1 - x_1 & \geq & 0 \\ x_4 - x_3 & \geq & 0 \\ 2x_4 - y_4 & = & 4 \\ x_1 & \leq & 1 \\ y_1 & \leq & 2 \\ x_4 & \geq & 2 \\ y_4 & \geq & 3 \\ x_i, y_i & i = 1, 2, 3, 4 \\ x_i, y_i & \geq & 0 \end{array}]$$

```
library(lpSolve)
coef.z = c(-1, 1, -1, 1, -1, -1, 1, 1)
matA_igual = matrix(c(0, 0, 0, 0, 1, -1, 0, 0,
                      0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, -1,
                      1, 0, -1, 0, 0, 0, 0, 0,
                      0, 1, 0, -1, 0, 0, 0, 0,
                      0, 0, 0, 2, 0, 0, 0, -1), 5, 8, byrow=T)

matA_mayor = matrix(c(0, 0, 0, 0, -1, 0, 1, 0,
                      0, 0, 0, 0, 0, -1, 0, 1,
                      -1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
                      0, 0, -1, 1, 0, 0, 0, 0), 4, 8, byrow=T)

matA_menorigual = matrix(c(1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
```

```

                                0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0), 2, 8, byrow=T)

matA_mayorigual = matrix(c(0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0,
                            0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1), 2, 8, byrow=T)

matA = rbind(matA_igual, matA_mayor, matA_menorigual, matA_mayorigual)

dir.rest=c(rep("=", 5), rep(">", 4), rep("<=", 2), rep(">=", 2))
coef.b = c(0, 0, 0, 0, 4, 0, 0, 0, 0, 1, 2, 2, 3)
sol.lp = lp("min", coef.z, matA, dir.rest, coef.b)
sol.lp

## Success: the objective function is 7

sol.lp$solution

## [1] 1.0 3.5 1.0 3.5 2.0 2.0 3.0 3.0

```

Ejercicio 12

Un tribunal de Selectividad está planificando la valoración que se hará de las tres partes que consta el examen: Lengua, Ciencias e Idiomas. Quieren dar valoraciones sobre 10, de forma que la de Ciencias sea mayor o igual a la de Lengua más la de Idiomas. Además ninguna de las valoraciones puede ser inferior a 2. Formular el problema de determinar aquella planificación factible que conceda una mayor valoración a la parte de Idiomas.

$$Max \ i \]$$

$$\begin{array}{rcl}
 l + c + i & = & 10 \\
 c - (l + 1) & = & 0 \\
 l, c, i & \text{ lengua, ciencias, idiomas } &] \\
 l, c, i & \geq & 2
 \end{array}$$

```

library(lpSolve)
coef.z = c(0, 0, 1)

matA = matrix(c(1, 1, 1,
                -1, 1, -1,
                1, 0, 0,
                0, 1, 0,
                0, 0, 1), 5, 3, byrow=T)

dir.rest=c("=", rep(">=", 4))
coef.b = c(10, 0, rep(2, 3))
sol.lp = lp("max", coef.z, matA, dir.rest, coef.b)
sol.lp

## Success: the objective function is 3

sol.lp$solution

## [1] 2 5 3

```