Tarea4_Almonacid_Gonzalez (2)

December 19, 2022

1 Tarea 4 Structural equation models

2 Autores:

- Jose Gonzalez
- Felipe Almonacid

```
[1]: import numpy as np
     import pandas as pd
     import matplotlib.pyplot as plt
     import statsmodels.api as sm
     import statsmodels.formula.api as smf
     import sklearn
     import scipy
     from scipy.linalg import eigh, cholesky
     from scipy.stats import norm
     import linearmodels.panel as lmp
     from pylab import plot, show, axis, subplot, xlabel, ylabel, grid
     import semopy
     import seaborn as sns
     from factor_analyzer import FactorAnalyzer
     from sklearn.decomposition import PCA
     %matplotlib inline
```

1. Cargue la base de datos y realice los ajustes necesarios para su uso (missing values, recodificar variables, etcetera). Identifique los tipos de datos que se encuentran en la base, realice estadisticas descriptivas sobre las variables importantes (Hint: Revisar la distribuciones, datos faltantes, outliers, etc.) y limpie las variables cuando sea necesario.

```
[2]: #Se cargan los datos desde los archivos
junaeb = pd.read_csv('../data/junaeb2.csv')
junaeb.dropna(inplace = True)
junaeb.describe()
```

```
[2]: sexo edad imce vive_padre vive_madre \
count 57357.000000 57357.000000 57357.000000 57357.000000 57357.000000
mean 0.535349 81.880032 1.018703 0.721464 0.976481
```

```
0.498753
                           3.767887
                                          1.367474
                                                         0.449137
                                                                         0.161354
std
            0.00000
                          62.000000
                                         -5.020000
                                                         0.00000
                                                                         0.000000
min
25%
            0.000000
                          80.000000
                                          0.110000
                                                         0.000000
                                                                         1.000000
50%
            1.000000
                          81.000000
                                          0.980000
                                                         1.000000
                                                                         1.000000
75%
                          83.000000
                                                         1.000000
                                                                         1.000000
            1.000000
                                          1.930000
            1.000000
                         107.000000
                                          5.040000
                                                         2.000000
                                                                         2.000000
max
                                sk2
                                               sk3
                                                                              sk5
                                                                                   \
                 sk1
                                                               sk4
       57357.000000
                       57357.000000
                                      57357.000000
                                                     57357.000000
                                                                    57357.000000
count
                                                         1.246823
                                                                         1.263699
mean
            1.106439
                           1.385550
                                          1.253500
std
            0.375685
                           0.646275
                                          0.572033
                                                         0.562731
                                                                         0.558155
            1.000000
                           1.000000
                                          1.000000
                                                         1.000000
                                                                         1.000000
min
25%
            1.000000
                           1.000000
                                          1.000000
                                                         1.000000
                                                                         1.000000
50%
            1.000000
                           1.000000
                                          1.000000
                                                         1.000000
                                                                         1.000000
75%
            1.000000
                           2.000000
                                          1.000000
                                                         1.000000
                                                                         1.000000
max
            5.000000
                           5.000000
                                          5.000000
                                                         5.000000
                                                                         5.000000
                                                                       \
                    sk9
                                   sk10
                                                  sk11
                                                                 sk12
           57357.000000
                          57357.000000
                                         57357.000000
                                                        57357.000000
count
                                             1.376972
                                                             1.489304
               1.322576
                              1.845651
mean
std
               0.651805
                              0.933007
                                             0.658345
                                                            0.786647
               1.000000
                              1.000000
                                             1.000000
                                                             1.000000
min
25%
                              1.000000
                                             1.000000
                                                             1.000000
               1.000000
50%
               1.000000
                              2.000000
                                             1.000000
                                                             1.000000
75%
                              2.000000
                                             2.000000
                                                            2.000000
               1.000000
               5.000000
                              5.000000
                                             5.000000
                                                            5.000000
max
                sk13
                         act_fisica
                                                             educm
                                                                            educp
                                                                                   \
                                              area
count
       57357.000000
                       57357.000000
                                      57357.000000
                                                     57357.000000
                                                                    57357.000000
            1.683474
                           2.559461
                                          0.907213
                                                        13.084175
                                                                       12.988807
mean
std
            0.977397
                           1.070257
                                          0.290137
                                                         3.321205
                                                                        3.420867
            1.000000
                                          0.00000
                                                         0.00000
                                                                         0.000000
min
                           1.000000
25%
            1.000000
                           2.000000
                                          1.000000
                                                        12.000000
                                                                       11.000000
50%
            1.000000
                           2.000000
                                          1.000000
                                                        13.000000
                                                                       13.000000
75%
            2,000000
                           3.000000
                                          1.000000
                                                        15.000000
                                                                       14.000000
            5.000000
                           5.000000
                                          1.000000
                                                        22.000000
                                                                       22.000000
max
         madre_work
       57357.000000
count
mean
            0.102498
std
            0.941063
min
           -1.000000
25%
           -1.000000
50%
            0.000000
75%
            1.000000
            1.000000
max
```

[8 rows x 23 columns]

- Las variables vive_padre y vive_madre tienen un valor maximo de 2, por lo que eliminamos las muestras que tienen esta variable fuera de rango.
- No existen outlayers en las variables sk todas estan en el rango 1,5

```
[3]: #Checkeo que todos los valores en la data tengan un tipo de dato adecuado outlayers = junaeb.query("vive_padre > 1 or vive_madre > 1").index junaeb.drop(outlayers, axis=0, inplace=True) junaeb[["vive_padre","vive_madre"]].describe() junaeb.dropna(inplace = True)
```

```
[4]: #sk7 esta desplazada

print("Invertimos el sentido de la variable sk7 para tener el mismo sentido

ologico, es"

"decir, convertirlo en un comportamiento positivo desde 1 a 5.")

#usando un map.

junaeb['sk7'] = junaeb['sk7'].map(lambda j:5 - j + 1)

print(junaeb['sk7'])
```

Invertimos el sentido de la variable sk7 para tener el mismo sentido logico, esdecir, convertirlo en un comportamiento positivo desde 1 a 5.

```
1
         2
3
         4
4
         3
         2
6
         3
59994
         5
59995
         5
         5
59996
59997
59998
Name: sk7, Length: 57247, dtype: int64
```

2. Usando las variables sk1-sk13 realice un PCA. En particular, identifique los valores propios y determine el numero optimo de componentes. Luego estime y grafique la distribucion de los componentes. Ademas discuta la importancia relativa de las variables sobre cada uno de los componentes estimados. Que se puede concluir de este analisis?

```
[5]: pca = PCA(n_components='mle')
```

```
plt.title('Scree Plot')
plt.xlabel('Principal Component')
plt.ylabel('Variance Explained')
plt.show()
print("Valores propios: ",end="")
for v in pca.explained_variance_ratio_:
    print(f"{np.round(v,3)} ",end="")
print("\n")
```

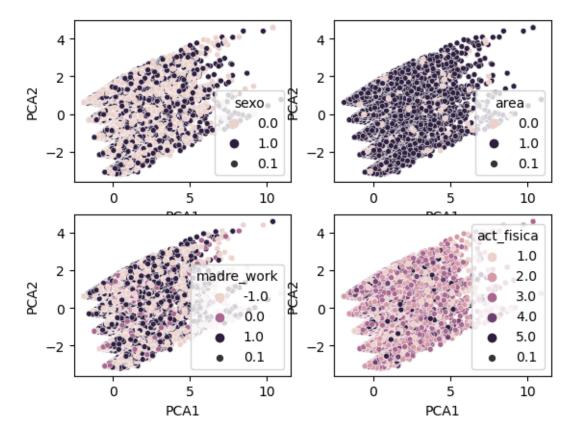
0.25 - 0.20 - 0.15 - 0.10 - 0.05 - 2 4 6 8 10 12 Principal Component

Valores propios: 0.286 0.188 0.1 0.079 0.067 0.064 0.052 0.044 0.032 0.029 0.025 0.021

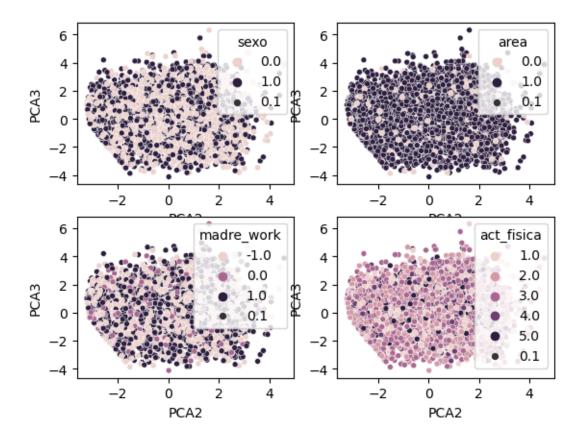
- El numero optimo de componentes es 12, puesto que casi todas las variables, explican una parte considerable de la varianza.
- 3. Con los resultados de la Pregunta 2, mantenga los primeros 3 componentes principales. Graficamente indique si existen diferencias significativas entre grupos usando las siguientes variables: sexo, area, madre_work y act_fisica. Que puede concluir de los resultados?

```
[7]: pca_df = pd.DataFrame(data=pca_features,columns = [f"PCA{i}" for i in__
      →range(1,13)])
     \#pca_df = pca_df[["PCA1", "PCA2", "PCA3"]]
     junaeb["puntaje"] = 0
     for i in range(1,14):
         junaeb["puntaje"] += junaeb[f"sk{i}"]
     junaeb['puntaje'] = junaeb['puntaje'].map(lambda j:j/13)
     pca_df['hue'] = junaeb["puntaje"]
     pca_df['hue'] = 0
     pca_df['hue'] = np.where(junaeb['puntaje'] > 3, 1, pca_df['hue'])
     point_size = 0.1
     print("Usamos las variables sexo, area,madre_work y act_fisica, para ver si⊔
      ⇔existen diferencias significativas"
     " entre los componentes de PCA.")
     plt.subplot(2,2,1)
     pca df['sexo'] = junaeb['sexo']
     sns.scatterplot(pca_df,x='PCA1', y='PCA2', hue='sexo',size=point_size)
     plt.subplot(2,2,2)
     pca_df['area'] = junaeb['area']
     sns.scatterplot(pca_df,x='PCA1', y='PCA2', hue='area',size=point_size)
     plt.subplot(2,2,3)
     pca_df['madre_work'] = junaeb['madre_work']
     sns.scatterplot(pca_df,x='PCA1', y='PCA2', hue='madre_work',size=point_size)
     plt.subplot(2,2,4)
     pca_df['act_fisica'] = junaeb['act_fisica']
     sns.scatterplot(pca_df,x='PCA1', y='PCA2', hue='act_fisica',size=point_size)
     plt.show()
     print('Se logra notar que en cada uno de los cuatros grupos hay una⊔
      ⇔distribución totalmente aleatoria'
     ' por lo que no vemos diferenciación entre PCA1 y PCA2')
     plt.subplot(2,2,1)
     pca_df['sexo'] = junaeb['sexo']
     sns.scatterplot(pca_df,x='PCA2', y='PCA3', hue='sexo',size=point_size)
     plt.subplot(2,2,2)
     pca df['area'] = junaeb['area']
     sns.scatterplot(pca_df,x='PCA2', y='PCA3', hue='area',size=point_size)
     plt.subplot(2,2,3)
     pca_df['madre_work'] = junaeb['madre_work']
     sns.scatterplot(pca_df,x='PCA2', y='PCA3', hue='madre_work',size=point_size)
     plt.subplot(2,2,4)
     pca_df['act_fisica'] = junaeb['act_fisica']
     sns.scatterplot(pca_df,x='PCA2', y='PCA3', hue='act_fisica',size=point_size)
     plt.show()
```

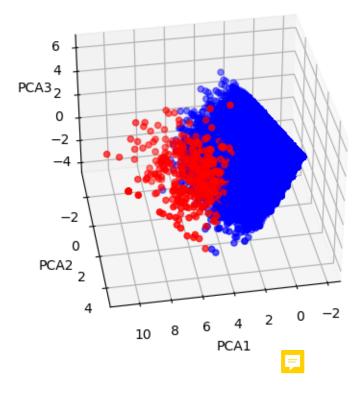
Usamos las variables sexo, area, madre_work y act_fisica, para ver si existen diferencias significativas entre los componentes de PCA.



Se logra notar que en cada uno de los cuatros grupos hay una distribución totalmente aleatoria por lo que no vemos diferenciación entre PCA1 y PCA2



```
[8]: from matplotlib.colors import ListedColormap
     pca_df['hue'] = "blue"
     pca_df['hue'] = np.where(junaeb['puntaje'] > 3, "red", pca_df['hue'])
     cmap = ListedColormap(["blue","red"])
     fig = plt.figure()
     ax = fig.add_subplot(projection='3d')
     ax.scatter(pca_df['PCA1'], pca_df['PCA2'], pca_df['PCA3'],c=junaeb['puntaje'],__
      →marker='o',cmap=cmap)
     ax.view_init(35, 80)
     ax.set_xlabel('PCA1')
     ax.set_ylabel('PCA2')
     ax.set_zlabel('PCA3')
     plt.show()
     print('Si hacemos un promedio de los puntajes sk1 a sk13 para cada individuo, y⊔
      \hookrightarrowlos separamos por grupo, de tal forma que'
          ' los individuos con puntaje promedio > 3 son rojos y < 3 son azules,
      ⇒podemos ver una clara separacion usando los componentes'
          )
```

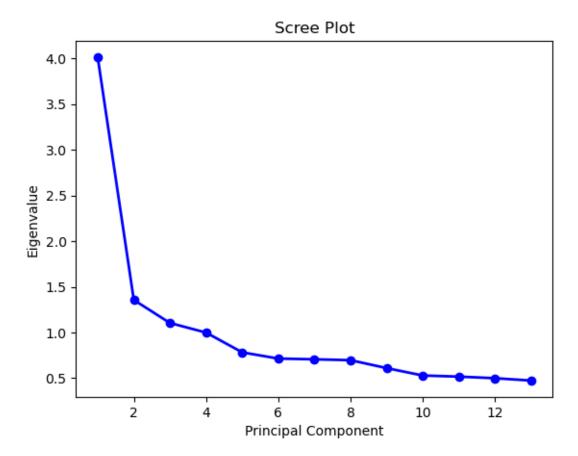


Si hacemos un promedio de los puntajes sk1 a sk13 para cada individuo, y los separamos por grupo, de tal forma que los individuos con puntaje promedio > 3 son rojos y < 3 son azules, podemos ver una clara separacion usando los componentes

4. A partir del mismo set de variables sk1-sk13 realice un EFA. En particular determine el numero optimo de factores y las variables que se asocian a cada factor. Tambien discuta si existen variables que no son informativas (Hint: para realizar un EFA, todas las variables deben estar representatadas en el mismo sentido logico. Si una carateristica es negativa debe ser invertida en la escala, de tal forma que todas las variables representen aspectos positivos).

```
[9]: fa = FactorAnalyzer(rotation='promax')
    fa.fit(Xc)
    values = len(fa.get_eigenvalues()[0])

values = np.arange(1,values+1)
    eigenvalues = pd.DataFrame(data=fa.get_eigenvalues())
    plt.plot(values, eigenvalues.loc[0], 'o-', linewidth=2, color='blue')
    plt.title('Scree Plot')
    plt.xlabel('Principal Component')
    plt.ylabel('Eigenvalue')
    plt.show()
```



```
[10]: mod = semopy.efa.explore_cfa_model(Xc, pval=0.05)
    print(f"Modelo optimo: \n {mod}")

Modelo optimo:
    eta1 =~ sk11 + sk9 + sk10 + sk12
    eta2 =~ sk6 + sk7
    eta3 =~ sk4 + sk2 + sk11 + sk5 + sk3 + sk9 + sk1 + sk8 + sk12
    eta4 =~ sk11 + sk12 + sk13
```

5. Con los resultados obtenidos en la Pregunta 4, proponga un CFA donde cada variable solo se asocia con un factor. Entregue un nombre a cada factor que representa el concepto comun entre todas las variables. Reporte la importancia de cada medida (variable) a cada factor e indique la correlacion entre factores.

```
[11]: #sk9 a sk11 lo están relacionadas (Curiosidad)

#sk12 creemos que pertenece mejor agrupada con sk13

#Consideramos que sk7 y sk6 van juntas

#Ajustes:

#- Eliminar sk12 de eta1

#- Eliminar sk11 de eta4
```

```
#- Eliminar sk12, sk9 y sk11 de eta3
print(f"Modelo propio:")
new_mod = ""
new_mod += "curiosidad =~ sk11 + sk9 + sk10\n"
new_mod += "grupo =~ sk5 + sk7 + sk6 + sk8\n"
new_mod += "expre =~ sk4 + sk2 + sk3 + sk1\n"
new_mod += "crea =~ sk12 + sk13\n"
print(new_mod)
new_model = semopy.Model(new_mod)
new_out = new_model.fit(Xc)
```

```
Modelo propio:

curiosidad =~ sk11 + sk9 + sk10

grupo =~ sk5 + sk7 + sk6 + sk8

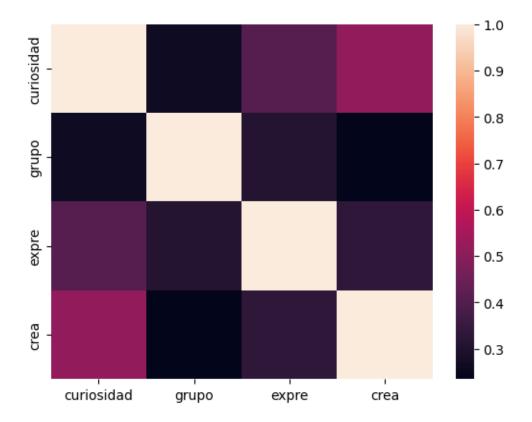
expre =~ sk4 + sk2 + sk3 + sk1
```

crea = ~sk12 + sk13



- La segmentacion que realizamos fue la siguiente
- interes: Agrupa medidas de curiosidad o interes sobre el entorno y varios
- grupo: Agrupa medidas de interaccion con otros niños
- expre: Agrupa medidas de habilidad de expresion
- crea: Agrupa medidas de habilidades creativas

```
curiosidad grupo expre crea curiosidad 1.000000 0.263528 0.406338 0.515169 grupo 0.263528 1.000000 0.307399 0.234763 expre 0.406338 0.307399 1.000000 0.328498 crea 0.515169 0.234763 0.328498 1.000000 Notamos que con la agrupacion de factores anterior, las correlaciones entre datos son relativamente bajas, y que no superan el 51%
```



Nota: notamos que sk12 es una habilidad que puede caer en interes o crea, lo que puede explicar la alta correlacion entre estos 2 grupos definidos.

```
[13]: print(new_out)
new_model.inspect(mode='list', what="names", std_est=True)
```

Name of objective: MLW Optimization method: SLSQP Optimization successful.

Optimization terminated successfully

Objective value: 0.159 Number of iterations: 40

Params: 0.797 1.076 -0.567 1.059 1.153 1.065 0.911 0.560 1.166 0.156 0.360 0.402 0.199 0.598 0.198 0.242 0.276 0.093 0.482 0.659 1.427 0.162 0.217 0.099 0.098 0.156 0.155 0.102 0.235 0.201 0.113 0.112

```
z-value
[13]:
                               rval Estimate Est. Std Std. Err
                                                                               \
               lval
                     op
      0
                sk11
                         curiosidad 1.000000 0.736661
                         curiosidad 0.796532 0.592461
                                                         0.006912
                                                                   115.232801
      1
                 sk9
      2
                sk10
                         curiosidad 1.076099
                                              0.559267
                                                         0.009786
                                                                   109.959856
      3
                sk5
                               grupo 1.000000
                                               0.706671
      4
                 sk7
                              grupo -0.566527 -0.183866 0.015344
                                                                   -36.922887
```

```
5
            sk6
                                   1.058685
                                              0.571428
                                                         0.010515
                                                                    100.679912
                           grupo
6
                                                                       97.94499
            sk8
                                   1.152839
                                              0.547964
                                                          0.01177
                           grupo
7
            sk4
                           expre
                                   1.000000
                                              0.699609
8
            sk2
                           expre
                                   1.065240
                                              0.648799
                                                         0.008616
                                                                     123.639136
9
            sk3
                                              0.627046
                                                         0.007555
                                                                     120.595122
                           expre
                                   0.911097
10
            sk1
                           expre
                                   0.559669
                                              0.586372
                                                         0.004891
                                                                      114.41863
11
           sk12
                                   1.000000
                                              0.592729
                            crea
12
                                                                       90.40199
           sk13
                            crea
                                   1.166344
                                              0.556625
                                                         0.012902
13
                                              1.000000
                                                         0.003684
                                                                      59.029473
                                   0.217491
           crea
                            crea
14
                                   0.098865
                                              0.538545
                                                         0.001483
                                                                      66.673913
           crea
                           expre
15
                                              0.533360
                                                         0.001539
           crea
                           grupo
                                   0.098119
                                                                      63.764129
16
                                   0.155606
                                              1.000000
                                                         0.002019
                                                                      77.070677
         grupo
                           grupo
17
         expre
                           expre
                                   0.154954
                                              1.000000
                                                         0.001858
                                                                      83.387826
                 ~ ~
18
         expre
                           grupo
                                   0.102379
                                              0.659322
                                                          0.00119
                                                                      86.034154
19
                                              1.000000
                                                         0.002736
                                                                      85.943324
    curiosidad
                      curiosidad
                                   0.235113
                 ~ ~
20
    curiosidad
                             crea
                                   0.201161
                                              0.889581
                                                         0.002189
                                                                      91.883241
21
    curiosidad
                                   0.113254
                                              0.593353
                                                         0.001365
                                                                      82.970958
                           expre
22
    curiosidad
                                              0.584309
                                                         0.001405
                                                                      79.524918
                           grupo
                                   0.111762
23
            sk5
                              sk5
                                   0.155991
                                              0.500617
                                                         0.001544
                                                                     101.017236
24
            sk6
                              sk6
                                   0.359713
                                              0.673470
                                                         0.002639
                                                                     136.319956
25
           sk12
                            sk12
                                   0.401564
                                              0.648672
                                                         0.003384
                                                                    118.653476
26
            sk3
                                   0.198512
                                              0.606813
                                                         0.001449
                                                                      136.95925
                              sk3
                 ~ ~
27
           sk10
                             sk10
                                   0.598191
                                              0.687221
                                                         0.004122
                                                                    145.123127
28
                                   0.198140
                                              0.457330
                                                         0.001916
                                                                     103.438636
           sk11
                             sk11
29
            sk2
                              sk2
                                   0.241880
                                              0.579060
                                                          0.00182
                                                                     132.930643
30
            sk9
                              sk9
                                   0.275805
                                              0.648990
                                                         0.001965
                                                                     140.371552
31
            sk1
                              sk1
                                   0.092626
                                              0.656168
                                                         0.000647
                                                                     143.256183
32
                                   0.481941
                                              0.699735
                                                         0.003436
                                                                    140.278153
            sk8
                              sk8
33
           sk13
                 ~ ~
                             sk13
                                   0.659059
                                              0.690169
                                                         0.005094
                                                                    129.387764
34
                                   1.427349
                                                         0.008551
            sk7
                              sk7
                                              0.966193
                                                                      166.91932
35
                                   0.161632
                                                                    121.254007
            sk4
                 ~ ~
                              sk4
                                              0.510547
                                                         0.001333
```

p-value 0 0.0 1 2 0.0 3 4 0.0 0.0 5 6 0.0 7 0.0 8 9 0.0 10 0.0 11 0.0 12 13 0.0

```
14
       0.0
15
       0.0
        0.0
16
       0.0
17
18
       0.0
19
       0.0
       0.0
20
21
       0.0
22
       0.0
23
       0.0
       0.0
24
25
       0.0
26
       0.0
27
       0.0
28
       0.0
29
       0.0
       0.0
30
31
       0.0
       0.0
32
       0.0
33
34
       0.0
       0.0
35
```

A continuacion si comparamos los indices de ajuste del modelo optimizado con semopy y los de nuestro modelo propuesto, observamos que la agrupacion propuesta tiene mejor ajuste que el modelo de semopy.

```
[14]: semopy.calc_stats(new_model)
[14]:
             DoF
                  DoF Baseline
                                       chi2
                                             chi2 p-value
                                                            chi2 Baseline
                                                                                CFI
                                                                                     \
      Value
              59
                                9094.725212
                                                       0.0
                                                              156539.1804
                                                                           0.942249
                            78
                  GFI
                           AGFI
                                      NFI
                                                TLI
                                                        RMSEA
                                                                      AIC
                                                                                 BIC \
                      0.923192 0.941901 0.923652 0.051723 63.682264
            0.941901
                                                                           350.24644
               LogLik
      Value 0.158868
[15]: model = semopy.Model(mod)
      out=model.fit(Xc)
      semopy.calc stats(model)
                                        chi2
[15]:
             DoF
                  DoF Baseline
                                              chi2 p-value
                                                            chi2 Baseline
                                                                                 CFI
      Value
              54
                                15252.084394
                                                        0.0
                                                               156539.1804 0.902864
                            78
                  GFI
                           AGFI
                                      NFI
                                                TLI
                                                        RMSEA
                                                                      AIC \
            0.902567
                      0.859263
                                 0.902567
                                           0.859692 0.070117
                                                              73.467148
```

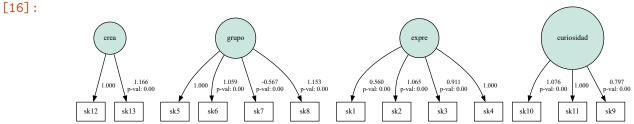
```
BIC LogLik Value 404.806977 0.266426
```

```
[16]: print("La importancia de cada medida a cada factor está dada por el siguiente⊔

diagrama")

semopy.semplot(new_model, "model_propio.png")
```

La importancia de cada medida a cada factor está dada por el siguiente diagrama



Finalmente, implemente un SEM completo usando la estructura propuesta en la Pregunta 5. En particular, estime un modelo donde los factores explican el nivel de actividad fisica, junto con otras variables que existen en la base de datos. Ademas utilice otras variables relevantes de la base de datos para explicar los factores latentes. Las variables a incluir en el modelo final deben tener sustento teorico y el modelo final debe optimizar el ajuste a los datos, en base a los criterios vistos en clase. Que puede concluir en base a sus resultados?

```
[30]: mod= ""
  mod += "curiosidad =~ sk11 + sk9 + sk10\n"
  mod += "grupo =~ sk5 + sk7 + sk6 + sk8\n"
  mod += "expre =~ sk4 + sk2 + sk3 + sk1\n"
  mod += "crea =~ sk12 + sk13\n"

mod += "grupo ~ vive_padre + vive_madre + area\n"
  mod += "curiosidad ~ edad + educm + educp\n"
  mod += "expre ~ vive_padre + vive_madre\n"

mod += "act_fisica ~ curiosidad + grupo + expre + crea\n"
  mod += "imce ~ act_fisica + edad\n"

new_model = semopy.Model(mod)
  new_out = new_model.fit(junaeb)
```

```
[31]: new_model.inspect(mode='list', what="names", std_est=True) semopy.semplot(new_model, "model_propio.png")
```

[31]:

