# Rios Arancibia Laboratorio4

December 19, 2022

Section 6: Structural Equation Modelling

### 0.1 Housekeeping and Data

```
[39]: import numpy as np
      import pandas as pd
      import matplotlib.pyplot as plt
      import statsmodels.api as sm
      import statsmodels.formula.api as smf
      import sklearn
      import scipy
      from scipy.linalg import eigh, cholesky
      from scipy.stats import norm
      import linearmodels.panel as lmp
      from pylab import plot, show, axis, subplot, xlabel, ylabel, grid
      import semopy
      import seaborn as sns
      from factor_analyzer import FactorAnalyzer
      from sklearn.decomposition import PCA
      %matplotlib inline
      print("Librerias cargadas");
```

#### Librerias cargadas

```
[40]: import pandas as pd
    junaeb2 = pd.read_csv(open('junaeb2.csv'));
    junaeb2.dropna(inplace=True);

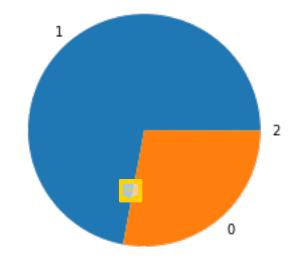
print(junaeb2.head(5))
    print("Size junaeb:",len(junaeb2));

import matplotlib.pyplot as plt

#Revisar vive_padre
print(junaeb2["vive_padre"].value_counts());
graf = junaeb2["vive_padre"].value_counts().to_frame().reset_index();
```

```
graf.columns = ["vive_padre", "rep"];
plt.pie(graf.rep, labels=graf.vive_padre);
plt.show();
#Existen valores incorrectos para Vive_padre; se procede a eliminar las filas⊔
 ⇔problematicas.
junaeb2 = junaeb2[junaeb2["vive_padre"] < 2];</pre>
print("Size junaeb:",len(junaeb2));
#Revisar vive_madre
print(junaeb2["vive_madre"].value_counts());
graf = junaeb2["vive_madre"].value_counts().to_frame().reset_index();
graf.columns = ["vive_madre", "rep"];
plt.pie(graf.rep, labels=graf.vive_madre);
plt.show();
#Existen valores incorrectos para Vive_madre; se procede a eliminar las filas⊔
 ⇔problematicas.
junaeb2 = junaeb2[junaeb2["vive_madre"] < 2];</pre>
print("Size junaeb:",len(junaeb2));
#Revisar act_fisica
print(junaeb2["act_fisica"].value_counts());
graf = junaeb2["act_fisica"].value_counts().to_frame().reset_index();
graf.columns = ["act fisica", "rep"];
plt.pie(graf.rep, labels=graf.act_fisica);
plt.show();
#No hay problemas con act_fisica;
#En busca de datos atipicos para edad:
graf = junaeb2["edad"].value_counts().to_frame().reset_index();
graf.columns = ["edad", "rep"];
plt.bar(graf.edad, graf.rep);
plt.show();
#Edades mayores a 100 meses parecen ser atipicas; se procede a eliminarlas.
junaeb2 = junaeb2[junaeb2["edad"] <= 100];</pre>
graf = junaeb2["edad"].value_counts().to_frame().reset_index();
graf.columns = ["edad", "rep"];
plt.bar(graf.edad, graf.rep);
plt.show();
print("Size junaeb:",len(junaeb2));
```

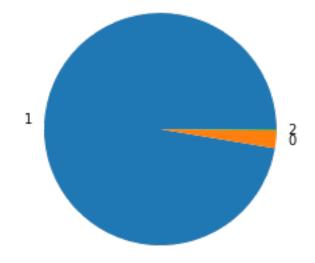
```
#En busca de datos atipicos para imce:
graf = junaeb2["imce"].value_counts().to_frame().reset_index();
graf.columns = ["imce", "rep"];
plt.bar(graf.imce, graf.rep);
plt.show();
#Datos menores a 4 parecen ser atipicos; se procede a eliminarlos.
junaeb2 = junaeb2[junaeb2["imce"] > -4];
graf = junaeb2["imce"].value_counts().to_frame().reset_index();
graf.columns = ["imce", "rep"];
plt.bar(graf.imce, graf.rep);
plt.show();
print("Size junaeb:",len(junaeb2));
   sexo
         edad imce vive_padre vive_madre
                                              sk1
                                                   sk2
                                                         sk3
                                                              sk4
                                                                   sk5
1
      0
           76 0.71
                               0
                                                           1
                                                                1
                                           1
                                                1
                                                      1
                                                                     1
3
      1
           84 2.05
                               1
                                           1
                                                1
                                                      1
                                                           1
                                                                1
                                                                     1
4
      0
           86 1.05
                               1
                                           1
                                                1
                                                      1
                                                           1
                                                                1
                                                                     1
5
                                                      2
      0
           74 1.39
                               1
                                           1
                                                1
                                                           1
                                                                1
                                                                     1
6
           91 2.75
                                           1
                                                1
                                                      1
                                                           1
                                                                2
                                                                     2
      1
                               1
   sk9
        sk10
              sk11 sk12 sk13 act_fisica area
                                                    educm
                                                           educp madre_work
1
     1
           1
                 1
                        1
                                        5.0
                                                0
                                                      8.0
                              1
                                                                            1
3
     1
           1
                 1
                        1
                              1
                                        2.0
                                                     16.0
                                                              12
                                                                          -1
                                                1
4
     1
           1
                 1
                        1
                              1
                                        1.0
                                                    17.0
                                                              15
                                                                           0
                                                1
5
     1
           1
                 1
                                        4.0
                                                      8.0
                                                               8
                                                                          -1
                       1
                              1
                                                0
     3
           3
                 3
                       2
                              2
                                        2.0
6
                                                1
                                                     20.0
                                                              19
                                                                            1
[5 rows x 23 columns]
Size junaeb: 57357
1
     41337
0
     15998
2
        22
Name: vive_padre, dtype: int64
```



Size junaeb: 57335

1 55828 0 1419 2 88

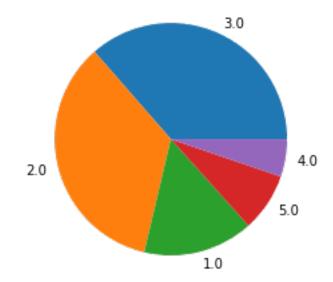
Name: vive\_madre, dtype: int64

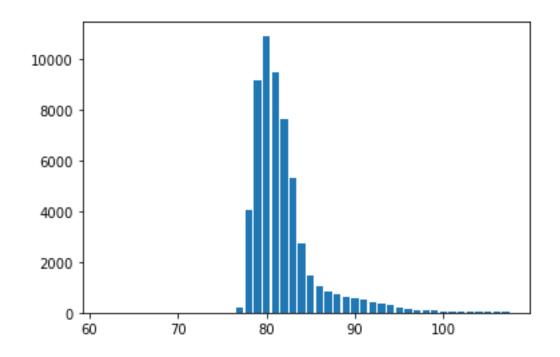


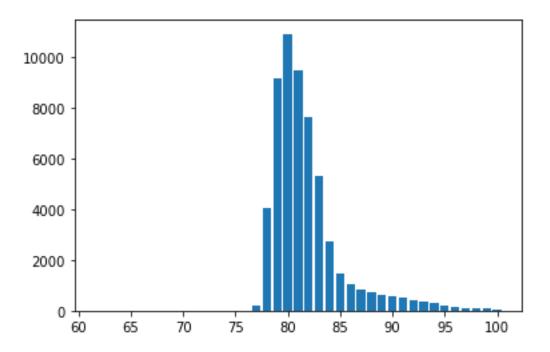
Size junaeb: 57247

3.0 20855 2.0 19969 1.0 8774 5.0 4660 4.0 2989

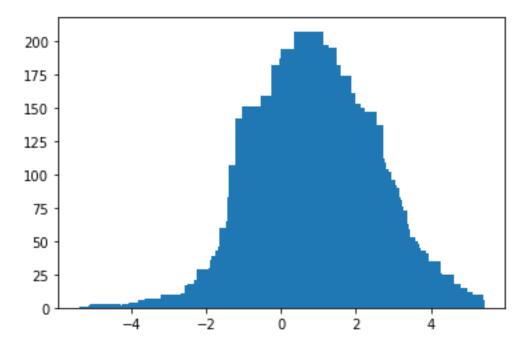
Name: act\_fisica, dtype: int64

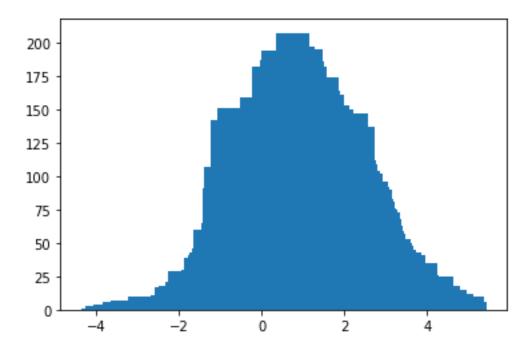




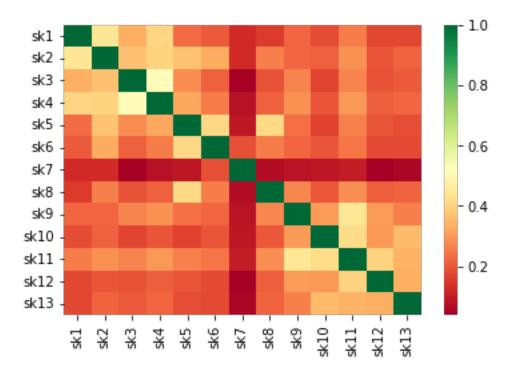


Size junaeb: 56976





## Size junaeb: 56913



#### 0.2 PCA

PCA for continous variables in this example using sklearn. We can select the number of components to be estimated or use 'mle' to determine the optimal number of eigenvalues based on the variance of the data.

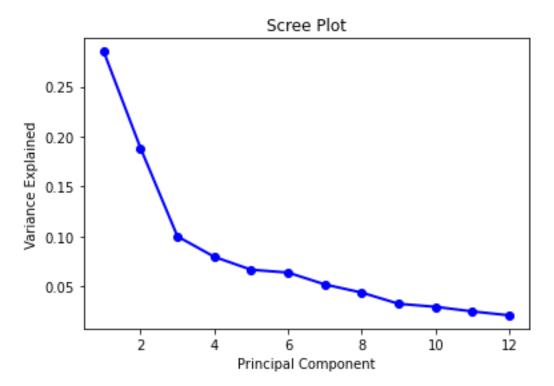
Then we can report the Scree Plot that shows the percentage of variance that each component contributes. Based on the results, the data can be summarized using three components.

Finally, we can use the estimated components and transform them into a data frame. We can also show that, by construction, the components are orthogonal (zero covariance).

```
[43]: pca = PCA(n_components=12)
pca_features = pca.fit_transform(junaeb_sk)
print(pca.explained_variance_ratio_)
```

[0.28525254 0.18841593 0.10009252 0.07957987 0.06664283 0.06384182 0.05191819 0.04374313 0.03253851 0.02952205 0.02489236 0.02100424]

```
plt.ylabel('Variance Explained')
plt.show()
```



```
[45]: pca = PCA(n_components='mle')
     pca_features = pca.fit_transform(junaeb_sk)
     print(pca.explained_variance_ratio_)
     [0.28525254 0.18841593 0.10009252 0.07957987 0.06664283 0.06384182
     0.05191819 0.04374313 0.03253851 0.02952205 0.02489236 0.02100424]
[74]: pca_vectors = pd.DataFrame(data = pca.components_)
     pca_vectors.head()
[74]:
              0
                       1
                                 2
                                          3
                                                   4
                                                             5
                                                                      6
     0 0.103302 0.228642
                           0.168986 0.184768 0.184115
                                                       0.251378 0.346552
     1 0.007703 0.031697
                           0.063296
                                    2 0.083438 0.267486
                           0.183230
                                    0.190436
                                              3 \quad 0.002100 \quad -0.022221 \quad -0.031447 \quad -0.024919 \quad -0.042494 \quad 0.004191 \quad -0.036235
     4 0.151223 0.294643 0.312277
                                    0.304854 -0.014437 0.181733 -0.039170
              7
                       8
                                 9
                                          10
                                                   11
                                                             12
     0 0.292069 0.239423 0.405311 0.287634 0.291961 0.426953
     1 0.101139 0.086020 0.166476 0.101969 0.154169 0.234409
```

```
2 0.481659 0.078661 -0.391158 -0.001543 -0.088510 -0.490430
      3 -0.094394 0.102458 0.697704 0.145311 0.015072 -0.683530
      4 -0.755795 0.086425 -0.181262 0.088780 0.200126 -0.074912
[76]: pca_df = pd.DataFrame(data=pca_features,columns=['PC1', 'PC2', 'PC3', "PC4", __
       ⇔"PC5", "PC6", "PC7", "PC8", "PC9", "PC10", "PC11", "PC12"])
      pca df.describe().apply(lambda s: s.apply('{0:.3f}'.format))
       ValueError
                                                 Traceback (most recent call last)
       Input In [76], in <cell line: 1>()
       ----> 1 pca_df =__
        pd.DataFrame(data=pca features,columns=['PC1', 'PC2', 'PC3', "PC4", "PC5"])
             2 pca_df.describe().apply(lambda s: s.apply('{0:.3f}'.format))
      File D:\anaconda\lib\site-packages\pandas\core\frame.py:694, in DataFrame.

    init_ (self, data, index, columns, dtype, copy)

           684
                       mgr = dict_to_mgr(
                           # error: Item "ndarray" of "Union[ndarray, Series, Index]"
           685
        →has no
                           # attribute "name"
           686
          (...)
           691
                           typ=manager,
                       )
           692
           693
                   else:
                       mgr = ndarray_to_mgr(
        -> 694
           695
                           data,
           696
                           index,
           697
                           columns,
           698
                           dtype=dtype,
           699
                           copy=copy,
           700
                           typ=manager,
           701
           703 # For data is list-like, or Iterable (will consume into list)
           704 elif is_list_like(data):
      File D:\anaconda\lib\site-packages\pandas\core\internals\construction.py:351, i:
        andarray_to_mgr(values, index, columns, dtype, copy, typ)
           346 # _prep_ndarray ensures that values.ndim == 2 at this point
           347 index, columns = _get_axes(
           348
                   values.shape[0], values.shape[1], index=index, columns=columns
           349 )
       --> 351 check values indices shape match(values, index, columns)
           353 if typ == "array":
                   if issubclass(values.dtype.type, str):
```

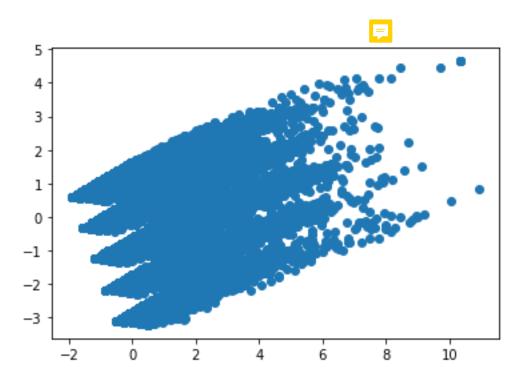
```
-_check_values_indices_shape_match(values, index, columns)
           420 passed = values.shape
           421 implied = (len(index), len(columns))
       --> 422 raise ValueError(f"Shape of passed values is {passed}, indices imply__

√{implied}")

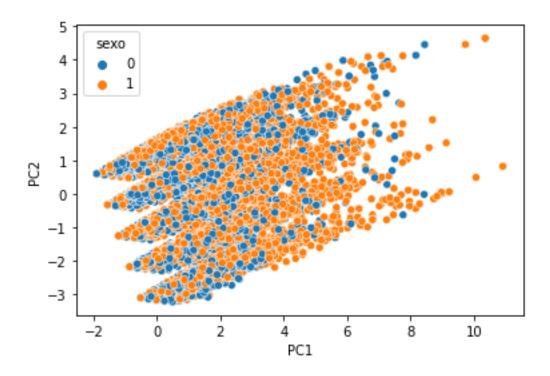
       ValueError: Shape of passed values is (56913, 12), indices imply (56913, 5)
[73]: pca_df.corr().apply(lambda s: s.apply('{0:.3f}'.format))
[73]:
                                        PC4
                                                                                   PC9
               PC1
                        PC2
                                PC3
                                                 PC5
                                                         PC6
                                                                  PC7
                                                                          PC8
      PC1
             1.000
                      0.000
                              0.000
                                     -0.000
                                               0.000
                                                      -0.000
                                                               -0.000
                                                                       -0.000
                                                                                 0.000
      PC2
             0.000
                      1.000
                              0.000
                                     -0.000
                                              -0.000
                                                      -0.000
                                                               -0.000
                                                                       -0.000
                                                                                 0.000
      PC3
             0.000
                      0.000
                              1.000
                                     -0.000
                                              -0.000
                                                      -0.000
                                                               -0.000
                                                                       -0.000
                                                                                 0.000
      PC4
                             -0.000
                                               0.000
            -0.000
                     -0.000
                                      1.000
                                                       0.000
                                                                0.000
                                                                        0.000
                                                                               -0.000
      PC5
             0.000
                    -0.000
                             -0.000
                                      0.000
                                               1.000
                                                      -0.000
                                                               -0.000
                                                                       -0.000
                                                                                0.000
      PC6
            -0.000
                    -0.000
                            -0.000
                                      0.000
                                              -0.000
                                                       1.000
                                                                0.000
                                                                        0.000
                                                                               -0.000
      PC7
                                                       0.000
            -0.000
                    -0.000 -0.000
                                      0.000
                                              -0.000
                                                                1.000
                                                                       -0.000
                                                                                0.000
      PC8
            -0.000
                     -0.000 -0.000
                                      0.000
                                              -0.000
                                                       0.000
                                                               -0.000
                                                                        1.000
                                                                               -0.000
      PC9
                              0.000
                                     -0.000
                                               0.000
                                                      -0.000
                                                                       -0.000
             0.000
                      0.000
                                                                0.000
                                                                                1.000
      PC10
            -0.000
                     -0.000
                            -0.000
                                      0.000
                                              -0.000
                                                       0.000
                                                               -0.000
                                                                        0.000
                                                                               -0.000
      PC11
             0.000
                      0.000
                              0.000
                                     -0.000
                                              -0.000
                                                       0.000
                                                               -0.000
                                                                        0.000
                                                                               -0.000
      PC12
            -0.000
                            -0.000
                                     -0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                                0.000
                      0.000
                                                                        0.000
                                                                               -0.000
                      PC11
                               PC12
              PC10
      PC1
            -0.000
                      0.000
                            -0.000
      PC2
            -0.000
                      0.000
                              0.000
      PC3
            -0.000
                      0.000
                            -0.000
      PC4
             0.000
                     -0.000
                             -0.000
      PC5
            -0.000
                     -0.000
                              0.000
      PC6
             0.000
                      0.000
                              0.000
      PC7
            -0.000
                    -0.000
                              0.000
      PC8
             0.000
                      0.000
                              0.000
      PC9
            -0.000
                     -0.000
                             -0.000
      PC10
             1.000
                      0.000
                              0.000
      PC11
             0.000
                      1.000
                             -0.000
      PC12
             0.000
                    -0.000
                              1.000
[49]:
     plt.scatter(pca_df['PC1'],pca_df['PC2'])
```

File D:\anaconda\lib\site-packages\pandas\core\internals\construction.py:422, i:

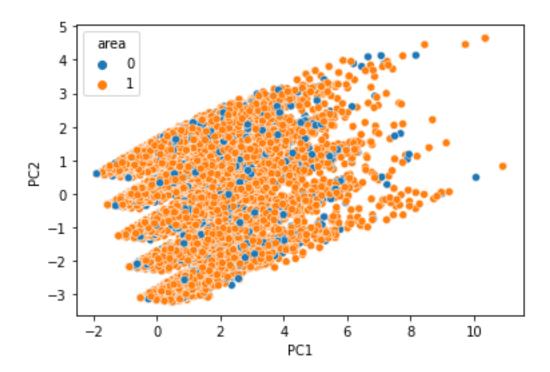
[49]: <matplotlib.collections.PathCollection at 0x1e63145ba30>



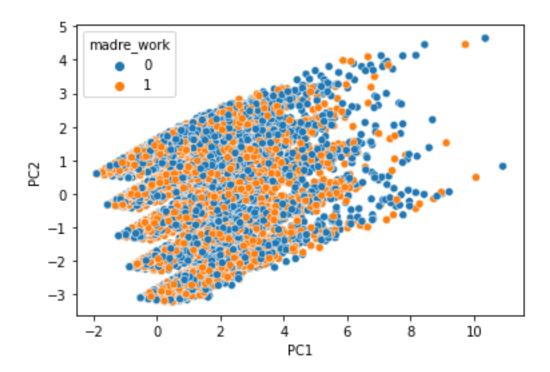
```
[50]: v = "sexo";
pca_df[v] = 0;
pca_df[v] = np.where(junaeb2[v] > 0, 1, pca_df[v]);
sns.scatterplot('PC1', 'PC2', data=pca_df, hue=v);
```



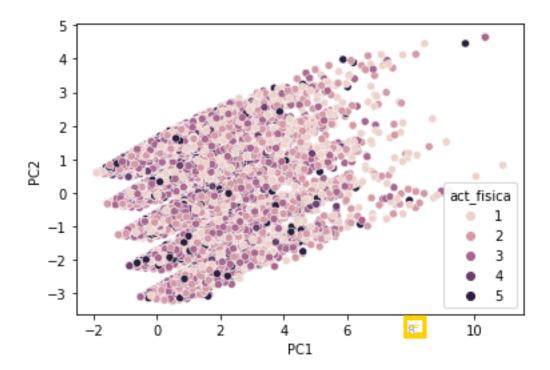
```
[51]: v = "area";
pca_df[v] = 0;
pca_df[v] = np.where(junaeb2[v] > 0, 1, pca_df[v]);
sns.scatterplot('PC1', 'PC2', data=pca_df, hue=v);
```



```
[52]: v = "madre_work";
pca_df[v] = 0;
pca_df[v] = np.where(junaeb2[v] > 0, 1, pca_df[v]);
sns.scatterplot('PC1', 'PC2', data=pca_df, hue=v);
```



```
[53]: v = "act_fisica";
    pca_df[v] = 0;
    pca_df[v] = np.where(junaeb2[v] > 0, 1, pca_df[v]);
    pca_df[v] = np.where(junaeb2[v] > 1, 2, pca_df[v]);
    pca_df[v] = np.where(junaeb2[v] > 2, 3, pca_df[v]);
    pca_df[v] = np.where(junaeb2[v] > 3, 4, pca_df[v]);
    pca_df[v] = np.where(junaeb2[v] > 4, 5, pca_df[v]);
    sns.scatterplot('PC1', 'PC2', data=pca_df, hue=v);
```



#### 0.3 EFA

EFA example using factor\_analyzer library. Output shows the factor loadings for each factor, and the eigenvalues, which can be used to construct a scree plot. Number of factors can be chosen or estimated optimally from the data.

Using the semopy library we can also infer which variables belong to each factor, based on the estimated factor loadings (criteria does not restrict unique loadings to each factor). Estimated number of factors chosen optimally base on the data.

Note that semopy yields less factors than factor\_analyzer. The difference is due that factor\_analyzer reports factors until eigenvalues are irrelevant (variance explained), while semopy presents a potential EFA where all coeficients are statistically significant. In this case, the third factor is mainly only loading to X1 an it contributes to a small proportion of the total explained variance.

Finally semopy reports that the variance-covariance matrix in the dataframe is not positive definite, meaning that some variables are highly correlated (as expected by design), meaning that estimates are likely to be untrustworty.

```
[54]: print(junaeb_sk["sk7"])

junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 1] = 11;
junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 2] = 12;
junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 4] = 14;
junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 5] = 15;
```

```
print(junaeb_sk["sk7"])
junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 11] = 5;
junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 12] = 4;
junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 14] = 2;
junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 15] = 1;
print(junaeb_sk["sk7"])
# Create factor analysis object and perform factor analysis
fa = FactorAnalyzer(rotation='promax')
fa.fit(junaeb_sk)
1
         4
         2
3
4
         3
5
         4
6
         3
59994
         1
59995
         1
59996
59997
59998
Name: sk7, Length: 56913, dtype: int64
         14
3
         12
4
          3
5
         14
6
          3
59994
         11
59995
         11
59996
         11
59997
         11
59998
         15
Name: sk7, Length: 56913, dtype: int64
C:\Users\usuario\AppData\Local\Temp\ipykernel_3564\378088951.py:3:
SettingWithCopyWarning:
A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame
See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-
docs/stable/user_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy
  junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 1] = 11;
C:\Users\usuario\AppData\Local\Temp\ipykernel_3564\378088951.py:4:
SettingWithCopyWarning:
A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame
```

```
See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy junaeb_sk["sk7"] [junaeb_sk["sk7"] == 2] = 12;
```

C:\Users\usuario\AppData\Local\Temp\ipykernel\_3564\378088951.py:5:
SettingWithCopyWarning:

A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame

See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user\_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy junaeb\_sk["sk7"] [junaeb\_sk["sk7"] == 4] = 14;

C:\Users\usuario\AppData\Local\Temp\ipykernel\_3564\378088951.py:6:
SettingWithCopyWarning:

A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame

See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user\_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy junaeb\_sk["sk7"] [junaeb\_sk["sk7"] == 5] = 15;

C:\Users\usuario\AppData\Local\Temp\ipykernel\_3564\378088951.py:9:
SettingWithCopyWarning:

A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame

See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user\_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy junaeb\_sk["sk7"] [junaeb\_sk["sk7"] == 11] = 5;

C:\Users\usuario\AppData\Local\Temp\ipykernel\_3564\378088951.py:10:
SettingWithCopyWarning:

A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame

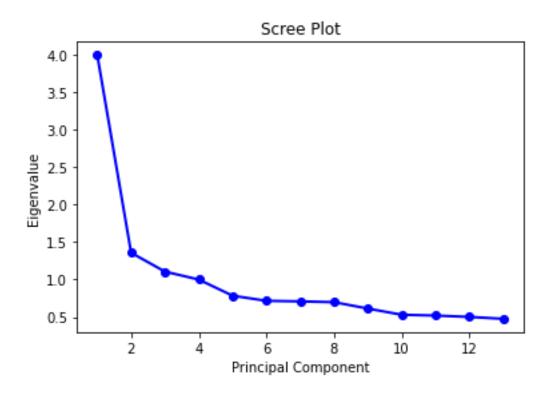
See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user\_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy junaeb\_sk["sk7"] [junaeb\_sk["sk7"] == 12] = 4;

C:\Users\usuario\AppData\Local\Temp\ipykernel\_3564\378088951.py:11:
SettingWithCopyWarning:

A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame

See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user\_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy junaeb\_sk["sk7"] [junaeb\_sk["sk7"] == 14] = 2;

```
59996
              5
     59997
              5
     59998
              1
     Name: sk7, Length: 56913, dtype: int64
     C:\Users\usuario\AppData\Local\Temp\ipykernel_3564\378088951.py:12:
     SettingWithCopyWarning:
     A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame
     See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-
     docs/stable/user_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy
       junaeb_sk["sk7"][junaeb_sk["sk7"] == 15] = 1;
[54]: FactorAnalyzer(rotation kwargs={})
[55]: fa.loadings_
[55]: array([[ 0.01350552, 0.60881963, -0.03904322],
             [-0.03658412, 0.49751235, 0.22885514],
             [0.02556423, 0.64288366, -0.04257935],
             [0.00366227, 0.73834323, -0.03348265],
             [-0.1473052, -0.02877084, 0.86253444],
             [0.00652683, 0.04225157, 0.51449481],
             [-0.01502397, -0.04067391, -0.13991836],
             [0.14670562, -0.1068572, 0.51293591],
             [0.4818045, 0.0833833, 0.05042904],
             [0.61908875, -0.03529324, -0.03310385],
             [0.69715419, 0.03043332, 0.00363063],
             [0.56842118, -0.02285863, -0.00368085],
             [0.52535317, 0.01809266, -0.00906139]])
[56]: fa.get_eigenvalues()
[56]: (array([3.9969951 , 1.35713712, 1.10565299, 0.99930311, 0.78365748,
             0.71560646, 0.70812822, 0.69757953, 0.61194575, 0.52934725,
             0.51885553, 0.50062112, 0.47517033]),
      array([ 3.40151348, 0.76579318, 0.59435633, 0.20963599, 0.08693018,
              0.0641548, 0.03532319, 0.02750252, -0.02703343, -0.07661736,
             -0.09366571, -0.11344102, -0.17402364]))
[57]: values = np.arange(1,14)
     eigenvalues = pd.DataFrame(data=fa.get_eigenvalues())
     plt.plot(values, eigenvalues.loc[0], 'o-', linewidth=2, color='blue')
     plt.title('Scree Plot')
     plt.xlabel('Principal Component')
     plt.ylabel('Eigenvalue')
     plt.show()
```



# measurement model

eta1 = k11 + sk9 + sk10 + sk12

```
eta2 =~ sk7 + sk6
eta3 =~ sk4 + sk2 + sk11 + sk5 + sk3 + sk9 + sk1 + sk6 + sk8 + sk12
eta4 =~ sk11 + sk12 + sk13
"""

model = semopy.Model(mod)
out=model.fit(junaeb_sk_f)
print(out)
```

Name of objective: MLW Optimization method: SLSQP Optimization successful.

Optimization terminated successfully

Objective value: 0.264 Number of iterations: 78

Params: 0.076 1.078 0.309 1.994 1.676 0.130 -0.314 0.919 0.483 1.137 0.850 0.915 0.560 0.991 2.584 1.331 0.241 0.289 0.553 0.318 0.583 0.212 0.097 0.798 0.211 0.207 0.450 0.179 0.071 0.055 0.057 0.038 0.135 0.047 0.066 0.023 0.027 0.145

```
[62]: model.inspect(mode='list', what="names", std_est=True)
```

```
[62]:
         lval
               oр
                   rval Estimate Est. Std Std. Err
                                                          z-value
                                                                    p-value
         sk11
                   eta1
                                   0.406330
      0
                         1.000000
      1
         sk11
                   eta3
                         0.075974
                                   0.042558
                                             0.014305
                                                                        0.0
                                                         5.311109
      2
         sk11
                   eta4 1.000000
                                   0.230244
      3
           sk9
                   eta1
                         1.078224
                                   0.443149
                                             0.202543
                                                         5.323422
                                                                        0.0
      4
          sk9
                   eta3 0.309210
                                   0.175197
                                             0.012327
                                                        25.084745
                                                                        0.0
      5
         sk10
                   eta1
                         1.994004
                                   0.571362
                                             0.375529
                                                          5.30986
                                                                        0.0
      6
         sk12
                   eta1
                         1.675642
                                   0.570194 0.365524
                                                         4.584219 0.000005
      7
         sk12
                   eta3
                         0.130003
                                   0.060986
                                             0.022846
                                                         5.690341
                                                                        0.0
      8
         sk12
                   eta4 -0.313743 -0.060496
                                             0.080947
                                                        -3.875917
                                                                   0.000106
      9
           sk7
                   eta2
                         1.000000
                                   0.313444
      10
                   eta2
                                                                        0.0
           sk6
                         0.919264
                                   0.480395
                                             0.144002
                                                         6.383706
      11
          sk6
                   eta3
                         0.482867
                                   0.243620
                                              0.07469
                                                         6.464937
                                                                        0.0
      12
                   eta3
                         1.000000 0.656049
          sk4
      13
                                                                        0.0
          sk2
                   eta3 1.137155
                                   0.648218 0.009332
                                                       121.850357
      14
          sk5
                   eta3
                         0.850494
                                   0.562710
                                             0.007788
                                                       109.211059
                                                                        0.0
      15
                   eta3 0.915197
                                   0.590226
                                             0.008065
                                                                        0.0
          sk3
                                                       113.475447
      16
          sk1
                   eta3
                         0.559693
                                   0.551642
                                             0.005209
                                                                        0.0
                                                       107.451128
      17
          sk8
                   eta3
                         0.990998
                                   0.439842
                                             0.011204
                                                        88.448631
                                                                        0.0
      18
         sk13
                   eta4
                         2.584133
                                   0.400647
                                              0.59497
                                                         4.343298 0.000014
      19
         eta1
                   eta1
                         0.071127
                                   1.000000 0.026489
                                                         2.685141
                                                                    0.00725
      20
         eta1
                   eta3
                         0.055052
                                   0.561450
                                             0.010433
                                                         5.276711
                                                                        0.0
      21
                   eta4
                         0.056746
                                   1.407963
                                             0.002794
                                                        20.312483
                                                                        0.0
         eta1
               ~ ~
      22
         eta1
                   eta2 0.038425
                                   0.378329
                                               0.0073
                                                          5.26395
                                                                        0.0
      23
         eta3
                   eta3
                         0.135175
                                   1.000000
                                             0.001723
                                                        78.459032
                                                                        0.0
      24
                   eta4 0.047338 0.851994
                                                         4.345993 0.000014
         eta3
                                             0.010892
```

```
26
                                  1.000000 0.016005
         eta4
                   eta4 0.022838
                                                        1.426864 0.153619
     27
         eta4
                   eta2 0.027158 0.471901
                                             0.006748
                                                        4.024567
                                                                  0.000057
     28
         eta2
               ~ ~
                   eta2
                         0.145025 1.000000 0.018163
                                                        7.984752
                                                                       0.0
     29
                    sk7 1.331102 0.901753 0.019438
                                                       68.478576
                                                                       0.0
          sk7
     30
          sk2
                    sk2 0.241202 0.579813 0.001766 136.566062
                                                                       0.0
               ~ ~
     31
                    sk9 0.288745 0.685745
                                            0.00201
                                                      143.630754
                                                                       0.0
          sk9
     32
          sk8
                    sk8 0.553446 0.806539 0.003499 158.176986
                                                                       0.0
               ~ ~
     33
                    sk6 0.318212 0.599226 0.014846
                                                                       0.0
          sk6
                                                       21.434694
     34
                   sk10 0.583487 0.673546 0.004898 119.125341
                                                                       0.0
         sk10
               ~ ~
     35
                    sk3 0.211784 0.651633
                                                                       0.0
          sk3
               ~ ~
                                            0.00146 145.078864
     36
          sk1
                    sk1 0.096805 0.695691 0.000648 149.41753
                                                                       0.0
               ~~ sk13 0.797569 0.839482 0.037256
     37
         sk13
                                                        21.40802
                                                                       0.0
              ~ ~
     38
          sk5
                    sk5 0.211018 0.683358 0.001423 148.26105
                                                                       0.0
                                                                       0.0
     39
         sk11
                   sk11 0.207005 0.480514 0.006471
                                                       31.988311
               ~ ~
     40
         sk12
                   sk12 0.449558 0.731872 0.004574
                                                         98.2754
                                                                       0.0
     41
                    sk4 0.178894 0.569600 0.001323 135.183095
          sk4
                                                                       0.0
     semopy.calc_stats(model)
[63]:
            DoF DoF Baseline
                                       chi2
                                             chi2 p-value chi2 Baseline
                                                     0.0 154368.405409 0.902784
     Value
             53
                           78 15052.531606
                         AGFI
                GFI
                                   NFI
                                             TLI
                                                     RMSEA
                                                                 AIC
                                                                             BIC \
     Value 0.90249 0.856494 0.90249 0.856927 0.070518 75.471034 415.543638
              LogLik
     Value
            0.264483
[64]: import os
     os.environ["PATH"] += os.pathsep + 'C:/Users/PC/Anaconda/Library/bin/graphviz'
     semopy.semplot(model, "model.png")
      FileNotFoundError
                                                Traceback (most recent call last)
      File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\backend\execute.py:81, in_
        \run_check(cmd, input_lines, encoding, quiet, **kwargs)
           80
                  else:
      ---> 81
                      proc = subprocess.run(cmd, **kwargs)
           82 except OSError as e:
      File D:\anaconda\lib\subprocess.py:505, in run(input, capture_output, timeout,__
        ⇔check, *popenargs, **kwargs)
                  kwargs['stderr'] = PIPE
      --> 505 with Popen(*popenargs, **kwargs) as process:
          506
                  try:
```

eta2 0.066185 0.472700 0.002187

30.268268

0.0

25

eta3

```
File D:\anaconda\lib\subprocess.py:951, in Popen.__init__(self, args, bufsize,_
  → executable, stdin, stdout, stderr, preexec_fn, close_fds, shell, cwd, env, universal_newlines, startupinfo, creationflags, restore_signals, u start_new_session, pass_fds, user, group, extra_groups, encoding, errors, u
   →text, umask)
          948
                                                 self.stderr = io.TextIOWrapper(self.stderr,
          949
                                                                    encoding=encoding, errors=errors)
--> 951
                             self._execute_child(args, executable, preexec_fn, close_fds,
          952
                                                                              pass_fds, cwd, env,
          953
                                                                              startupinfo, creationflags, shell,
          954
                                                                              p2cread, p2cwrite,
          955
                                                                              c2pread, c2pwrite,
          956
                                                                              errread, errwrite,
          957
                                                                              restore_signals,
          958
                                                                              gid, gids, uid, umask,
         959
                                                                              start_new_session)
         960 except:
          961
                             # Cleanup if the child failed starting.
File D:\anaconda\lib\subprocess.py:1420, in Popen._execute_child(self, args,_
   ⇔executable, preexec_fn, close_fds, pass_fds, cwd, env, startupinfo, creationflags, shell, p2cread, p2cwrite, c2pread, c2pwrite, errread, errwrite cunused_restore_signals, unused_gid, unused_gids, unused_uid, unused_umask, unused_uid, unused_umask, unused_uid, unused_u

unused start new session)

       1419 try:
-> 1420
                             hp, ht, pid, tid = winapi CreateProcess(executable, args,
       1421
                                                                                          # no special security
       1422
                                                                                          None, None,
       1423
                                                                                          int(not close fds),
       1424
                                                                                          creationflags,
       1425
                                                                                          env,
       1426
                                                                                          cwd,
       1427
                                                                                          startupinfo)
       1428 finally:
       1429
                             # Child is launched. Close the parent's copy of those pipe
       1430
                             # handles that only the child should have open. You need
       (...)
       1433
                             # pipe will not close when the child process exits and the
                             # ReadFile will hang.
       1434
FileNotFoundError: [WinError 2] El sistema no puede encontrar el archivo
   ⇔especificado
The above exception was the direct cause of the following exception:
ExecutableNotFound
                                                                                                      Traceback (most recent call last)
Input In [64], in <cell line: 3>()
               1 import os
              2 os.environ["PATH"] += os.pathsep + 'C:/Users/PC/Anaconda/Library/bin/

¬graphviz'
```

```
---> 3 semopy.semplot(model, "model.png")
File D:\anaconda\lib\site-packages\semopy\plot.py:124, in semplot(mod, filename)
 ⇔inspection, plot_covs, plot_exos, images, engine, latshape, plot_ests, u
 ⇔std ests, show)
    122
                     label = str()
                 g.edge(rval, lval, label=label, dir='both', style='dashed')
    123
--> 124 g.render(filename, view=show)
    125 return g
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\_tools.py:171, in_
 deprecate positional args.<locals>.decorator.<locals>.wrapper(*args, **kwargs)
            wanted = ', '.join(f'{name}={value!r}'
    162
    163
                                 for name, value in deprecated.items())
            warnings.warn(f'The signature of {func.__name__} will be reduced'
    164
                           f' to {supported_number} positional args'
    165
                           f' {list(supported)}: pass {wanted}'
    166
                            ' as keyword arg(s)',
    167
                           stacklevel=stacklevel,
    168
    169
                           category=category)
--> 171 return func(*args, **kwargs)
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\rendering.py:122, in Render.
 orender(self, filename, directory, view, cleanup, format, renderer, formatter, oneato_no_op, quiet, quiet_view, outfile, engine, raise_if_result_exists,⊔
 ⇔overwrite_source)
    118 filepath = self.save(filename, directory-directory, skip existing=None)
    120 args.append(filepath)
--> 122 rendered = self. render(*args, **kwargs)
    124 if cleanup:
            log.debug('delete %r', filepath)
    125
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\_tools.py:171, in_
 deprecate positional args.<locals>.decorator.<locals>.wrapper(*args, **kwargs
            wanted = ', '.join(f'{name}={value!r}'
    162
    163
                                 for name, value in deprecated.items())
            warnings.warn(f'The signature of {func.__name__} will be reduced'
    164
    165
                           f' to {supported_number} positional args'
    166
                           f' {list(supported)}: pass {wanted}'
    167
                            ' as keyword arg(s)',
    168
                           stacklevel=stacklevel,
    169
                           category=category)
--> 171 return func(*args, **kwargs)
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\backend\rendering.py:324, in_
 erender (engine, format, filepath, renderer, formatter, neato_no_op, quiet,_u
 →outfile, raise_if_result_exists, overwrite_filepath)
            raise exceptions.FileExistsError(f'output file exists: {os.

¬fspath(outfile)!r}')
```

```
322 \text{ cmd} += \text{args}
--> 324 execute.run_check(cmd,
                        cwd=filepath.parent if filepath.parent.parts else Non
   325
   326
                        quiet=quiet,
                        capture output=True)
   327
   329 return os.fspath(outfile)
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\backend\execute.py:84, in_
 82 except OSError as e:
           if e.errno == errno.ENOENT:
    83
---> 84
               raise ExecutableNotFound(cmd) from e
    85
           raise
    87 if not quiet and proc.stderr:
ExecutableNotFound: failed to execute WindowsPath('dot'), make sure the Graphvi:
 ⇔executables are on your systems' PATH
```

### 0.5 Complete SEM example

SEM example considering both the measurement part and structural part in semopy (data and model provided at https://semopy.com/tutorial.html). This example presents a model where three factors are estimated from the data, where each measurement loads only into one factor. The first part of the model is as noted in section 6 (measurement only). Second part (regressions) reports the structural relationships between factors, and the last part reports potential correlations between the error in each measure (this could be use in section 6 to improve final model).

```
[36]: import semopy
      import pandas as pd
      desc = semopy.examples.political_democracy.get_model()
      print(desc)
     # measurement model
     ind60 = x1 + x2 + x3
     dem60 = y1 + y2 + y3 + y4
     dem65 = v5 + v6 + v7 + v8
     # regressions
     dem60 \sim ind60
     dem65 \sim ind60 + dem60
     # residual correlations
     y1 ~~ y5
     y2 \sim y4 + y6
     y3 ~~ y7
     y4 ~~ y8
     y6 ~~ y8
```

```
[37]: data = semopy.examples.political_democracy.get_data()
      #data = junaeb2;
      mod = semopy.Model(desc);
      res = mod.fit(data)
      print(type(mod))
      <class 'semopy.model.Model'>
[38]: print(mod.inspect())
           lval
                              Estimate
                                         Std. Err
                                                      z-value
                                                                 p-value
                 op
                       rval
     0
          dem60
                      ind60
                              1.482379
                                         0.399024
                                                     3.715017
                                                                0.000203
      1
                                                                0.009784
          dem65
                      ind60
                              0.571912
                                         0.221383
                                                     2.583364
     2
          dem65
                      dem60
                              0.837574
                                         0.098446
                                                     8.507992
                                                                     0.0
     3
             x1
                      ind60
                              1.000000
     4
             x2
                      ind60
                              2.180494
                                         0.138565
                                                    15.736254
                                                                     0.0
     5
             xЗ
                      ind60
                              1.818546
                                         0.151993
                                                     11.96465
                                                                     0.0
     6
                              1.000000
             y1
                      dem60
     7
             y2
                      dem60
                              1.256819
                                         0.182687
                                                     6.879647
                                                                     0.0
     8
             yЗ
                      dem60
                              1.058174
                                         0.151521
                                                     6.983699
                                                                     0.0
     9
             y4
                      dem60
                              1.265186
                                         0.145151
                                                     8.716344
                                                                     0.0
     10
             у5
                      dem65
                              1.000000
                                                                     0.0
     11
             у6
                      dem65
                              1.185743
                                         0.168908
                                                     7.020032
     12
             у7
                      dem65
                              1.279717
                                         0.159996
                                                      7.99841
                                                                     0.0
                                                     8.001141
     13
             у8
                      dem65
                              1.266084
                                         0.158238
                                                                     0.0
     14
          dem60
                      dem60
                              3.950849
                                         0.920451
                                                     4.292296
                                                                0.000018
                 ~ ~
     15
          dem65
                      dem65
                              0.172210
                                         0.214861
                                                     0.801494
                                                                0.422846
     16
          ind60
                      ind60
                              0.448321
                                         0.086677
                                                     5.172345
                                                                     0.0
                 ~ ~
     17
                              0.624423
                                                     1.742083
                                                                0.081494
                                         0.358435
             y1
                         у5
     18
             y1
                 ~ ~
                         y1
                              1.892743
                                          0.44456
                                                     4.257565
                                                                0.000021
     19
             y2
                 ~ ~
                         v4
                              1.319589
                                          0.70268
                                                     1.877937
                                                                 0.06039
     20
             y2
                         y6
                              2.156164
                                         0.734155
                                                     2.936934
                                                                0.003315
     21
             y2
                             7.385292
                                         1.375671
                 ~ ~
                         y2
                                                     5.368501
                                                                     0.0
     22
             yЗ
                 ~ ~
                         y7
                              0.793329
                                         0.607642
                                                     1.305585
                                                                0.191694
     23
             yЗ
                         yЗ
                             5.066628
                                         0.951722
                                                     5.323646
                                                                     0.0
                 ~ ~
     24
                         у8
                             0.347222
                                         0.442234
                                                     0.785154
                                                                0.432363
             y4
     25
             y4
                         y4
                              3.147911
                                         0.738841
                                                     4.260605
                                                                 0.00002
                 ~ ~
     26
             у6
                         v8
                              1.357037
                                           0.5685
                                                     2.387047
                                                                0.016984
             у6
                         у6
     27
                             4.954364
                                         0.914284
                                                     5.418843
                                                                     0.0
     28
             x2
                         x2
                              0.119894
                                         0.069747
                                                                0.085619
                 ~ ~
                                                     1.718973
     29
             x1
                 ~ ~
                         x1
                              0.081573
                                         0.019495
                                                     4.184317
                                                                0.000029
     30
             у5
                         ν5
                              2.351910
                                         0.480369
                                                     4.896044
                                                                0.00001
                 ~ ~
     31
             у7
                         y7
                              3.430032
                                         0.712732
                                                     4.812512
                                                                0.00001
     32
                         у8
                              3.256389
                                          0.69504
                                                                0.000003
             у8
                                                     4.685182
                 ~ ~
     33
                              0.466732
                                        0.090168
             x3
                         xЗ
                                                     5.176276
                                                                     0.0
```

[30]: semopy.semplot(mod, "semmodel.png")

```
FileNotFoundError
                                                                                                 Traceback (most recent call last)
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\backend\execute.py:81, in_
   run_check(cmd, input_lines, encoding, quiet, **kwargs)
           80
                           else:
---> 81
                                    proc = subprocess.run(cmd, **kwargs)
           82 except OSError as e:
File D:\anaconda\lib\subprocess.py:505, in run(input, capture_output, timeout,_
   ⇔check, *popenargs, **kwargs)
         503
                           kwargs['stderr'] = PIPE
--> 505 with Popen(*popenargs, **kwargs) as process:
         506
                           try:
File D:\anaconda\lib\subprocess.py:951, in Popen. init (self, args, bufsize, ...
   ⇒executable, stdin, stdout, stderr, preexec_fn, close_fds, shell, cwd, env, universal_newlines, startupinfo, creationflags, restore_signals, u
   ⇔start_new_session, pass_fds, user, group, extra_groups, encoding, errors, __
   →text, umask)
         948
                                              self.stderr = io.TextIOWrapper(self.stderr,
         949
                                                                encoding=encoding, errors=errors)
--> 951
                            self._execute_child(args, executable, preexec_fn, close_fds,
         952
                                                                         pass fds, cwd, env,
         953
                                                                         startupinfo, creationflags, shell,
         954
                                                                         p2cread, p2cwrite,
         955
                                                                         c2pread, c2pwrite,
                                                                         errread, errwrite,
         956
         957
                                                                         restore_signals,
         958
                                                                         gid, gids, uid, umask,
         959
                                                                         start_new_session)
         960 except:
                            # Cleanup if the child failed starting.
File D:\anaconda\lib\subprocess.py:1420, in Popen._execute_child(self, args,_
   executable, preexec_fn, close_fds, pass_fds, cwd, env, startupinfo, u
   ⇔creationflags, shell, p2cread, p2cwrite, c2pread, c2pwrite, errread, errwrite uunused_restore_signals, unused_gid, unused_gids, unused_uid, unused_umask, unused_uid, unused
   →unused_start_new_session)
       1419 try:
-> 1420
                           hp, ht, pid, tid = _winapi.CreateProcess(executable, args,
       1421
                                                                                     # no special security
       1422
                                                                                     None, None,
       1423
                                                                                     int(not close_fds),
       1424
                                                                                     creationflags,
       1425
                                                                                     env.
       1426
                                                                                     cwd.
       1427
                                                                                     startupinfo)
       1428 finally:
       1429
                           # Child is launched. Close the parent's copy of those pipe
```

```
1430
            # handles that only the child should have open. You need
   (...)
            # pipe will not close when the child process exits and the
   1433
   1434
            # ReadFile will hang.
FileNotFoundError: [WinError 2] El sistema no puede encontrar el archivo
 ⇔especificado
The above exception was the direct cause of the following exception:
                                          Traceback (most recent call last)
ExecutableNotFound
Input In [30], in <cell line: 1>()
---> 1 semopy.semplot(mod, "semmodel.png")
File D:\anaconda\lib\site-packages\semopy\plot.py:124, in semplot(mod, filename
 ⇔inspection, plot_covs, plot_exos, images, engine, latshape, plot_ests, u
 ⇔std_ests, show)
    122
                    label = str()
                g.edge(rval, lval, label=label, dir='both', style='dashed')
    123
--> 124 g.render(filename, view=show)
    125 return g
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\_tools.py:171, in_
 deprecate positional args.<locals>.decorator.<locals>.wrapper(*args, **kwargs
    162
            wanted = ', '.join(f'{name}={value!r}'
    163
                               for name, value in deprecated.items())
    164
            warnings.warn(f'The signature of {func. name } will be reduced'
    165
                          f' to {supported_number} positional args'
    166
                          f' {list(supported)}: pass {wanted}'
    167
                          ' as keyword arg(s)',
    168
                          stacklevel=stacklevel,
    169
                          category=category)
--> 171 return func(*args, **kwargs)
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\rendering.py:122, in Render.
 render(self, filename, directory, view, cleanup, format, renderer, formatter,
 oneato_no_op, quiet, quiet_view, outfile, engine, raise_if_result_exists, □
 →overwrite_source)
    118 filepath = self.save(filename, directory=directory, skip_existing=None)
    120 args.append(filepath)
--> 122 rendered = self._render(*args, **kwargs)
    124 if cleanup:
    125
            log.debug('delete %r', filepath)
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\_tools.py:171, in_
 deprecate_positional_args.<locals>.decorator.<locals>.wrapper(*args, **kwargs)
            wanted = ', '.join(f'{name}={value!r}'
    162
    163
                               for name, value in deprecated.items())
```

```
warnings.warn(f'The signature of {func.__name__} will be reduced'
    164
                          f' to {supported_number} positional args'
    165
    166
                          f' {list(supported)}: pass {wanted}'
                          ' as keyword arg(s)',
    167
                          stacklevel=stacklevel,
    168
                          category=category)
    169
--> 171 return func(*args, **kwargs)
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\backend\rendering.py:324, in_
 erender(engine, format, filepath, renderer, formatter, neato_no_op, quiet,_
 →outfile, raise_if_result_exists, overwrite_filepath)
            raise exceptions.FileExistsError(f'output file exists: {os.
 →fspath(outfile)!r}')
    322 cmd += args
--> 324 execute.run check(cmd,
                          cwd=filepath.parent if filepath.parent.parts else Non
    325
    326
                          quiet=quiet,
    327
                          capture_output=True)
    329 return os.fspath(outfile)
File D:\anaconda\lib\site-packages\graphviz\backend\execute.py:84, in_
 run_check(cmd, input_lines, encoding, quiet, **kwargs)
     82 except OSError as e:
            if e.errno == errno.ENOENT:
     83
---> 84
                raise ExecutableNotFound(cmd) from e
     85
            raise
     87 if not quiet and proc.stderr:
ExecutableNotFound: failed to execute WindowsPath('dot'), make sure the Graphvi:
 ⇔executables are on your systems' PATH
```

#### Tarea 4

#### Instrucciones

Los resultados de los ejericicios propuestos se deben entregar como un notebook por correo electronico a juancaros@udec.cl el dia 6/12 hasta las 21:00. Utilizar la base de datos junaeb2.csv. La base corresponde a observaciones tomadas de estudiantes de colegio. Las variables tienen la siguiente descripcion:

- sexo: sexo del estudiante
- edad: edad del estudiante (meses)
- imce: indice de masa corporal estandarizado
- vive\_padre: si el padre vive en el hogar
- vive madre: si la madre vive en el hogar
- area: urbana=1, rural=0
- sk1: muestra afecto a padres (1: siempre 5: nunca)
- sk2: muestra afecto a sus pares (1: siempre 5: nunca)
- sk3: expresa sus sentimientos (1: siempre 5: nunca)

- sk4: usa gestos para mostrar sentimientos (1: siempre 5: nunca)
- sk5: juega con otros (1: siempre 5: nunca)
- sk6: comparte sus cosas con otros (1: siempre 5: nunca)
- sk7: es agresivo (1: siempre 5: nunca)
- sk8: participa en juegos grupales (1: siempre 5: nunca)
- sk9: hace preguntas a adultos (1: siempre 5: nunca)
- sk10: tiene interes por libros (1: siempre 5: nunca)
- sk11: tiene interes por su entorno (1: siempre 5: nunca)
- sk12: juega a armar y desarmar cosas (1: siempre 5: nunca)
- sk13: tiene expresiones artisticas (1: siempre 5: nunca)
- act fisica: frecuencia actividad fisica (1: nunca 5: 5 o mas veces a la semana)
- educm: años de escolaridad de la madre
- educp: años de escolaridad del padre
- madre\_work: si la madre trabaja (-1: labor domestica, 0: desempleada, 1: empleada)

#### Preguntas:

- 1. Cargue la base de datos y realice los ajustes necesarios para su uso (missing values, recodificar variables, etcetera). Identifique los tipos de datos que se encuentran en la base, realice estadisticas descriptivas sobre las variables importantes (Hint: Revisar la distribuciones, datos faltantes, outliers, etc.) y limpie las variables cuando sea necesario.
- 2. Usando las variables sk1-sk13 realice un PCA. En particular, identifique los valores propios y determine el numero optimo de componentes. Luego estime y grafique la distribucion de los componentes. Ademas discuta la importancia relativa de las variables sobre cada uno de los componentes estimados. Que se puede concluir de este analisis?
- 3. Con los resultados de la Pregunta 2, mantenga los primeros 3 componentes principales. Graficamente indique si existen diferencias significativas entre grupos usando las siguientes variables: sexo, area, madre\_work y act\_fisica. Que puede concluir de los resultados?
- 4. A partir del mismo set de variables sk1-sk13 realice un EFA. En particular determine el numero optimo de factores y las variables que se asocian a cada factor. Tambien discuta si existen variables que no son informativas (Hint: para realizar un EFA, todas las variables deben estar representatadas en el mismo sentido logico. Si una carateristica es negativa debe ser invertida en la escala, de tal forma que todas las variables representen aspectos positivos).
- 5. Con los resultados obtenidos en la Pregunta 4, proponga un CFA donde cada variable solo se asocia con un factor. Entregue un nombre a cada factor que representa el concepto comun entre todas las variables. Reporte la importancia de cada medida (variable) a cada factor e indique la correlacion entre factores.
- 6. Finalmente, implemente un SEM completo usando la estructura propuesta en la Pregunta 5. En particular, estime un modelo donde los factores explican el nivel de actividad fisica, junto con otras variables que existen en la base de datos. Ademas utilice otras variables relevantes de la base de datos para explicar los factores latentes. Las variables a incluir en el modelo final deben tener sustento teorico y el modelo final debe optimizar el ajuste a los datos, en base a los criterios vistos en clase. Que puede concluir en base a sus resultados?
- 1. Cargue la base de datos y realice los ajustes necesarios para su uso (missing values, recodificar variables, etcetera). Identifique los tipos de datos que se encuentran en la base, realice

estadisticas descriptivas sobre las variables importantes (Hint: Revisar la distribuciones, datos faltantes, outliers, etc.) y limpie las variables cuando sea necesario.

Durante la primera parte de este notebook se realiza la limpieza de variables, acotando los espacios muestrales segun los gráficos al igual que tareas anteriores. Se realiza una limpieza de outliers debido a su nivel de impacto negativo en métodos basados en desviaciones estandar relativas, como el PCA y la búsqueda de factores.

2. Usando las variables sk1-sk13 realice un PCA. En particular, identifique los valores propios y determine el numero optimo de componentes. Luego estime y grafique la distribucion de los componentes. Ademas discuta la importancia relativa de las variables sobre cada uno de los componentes estimados. Que se puede concluir de este analisis?

Lo primero para trabajar un PCA es lo realizado en el punto anterior, ya que al trabajar con varianzas de variables, este método es extremadamente sensible a outliers. Con el objetivo de representar en menor dimensión una ecuación con demasiadas variables. En este cálculo se utilizan las variables sk1...13, sin incluirse en la formación de componentes principales las variables binarias como sexo, area... etc. Serán usadas posteriormente para la comparación entre grupos de los componentes principales. El mapa de calor de las correlaciones entre variables podemos ver que es bastante alejada de lo esperado, en especial la variable 7 que sigue un camino contrario (en especificación) a las demás. Esto será comentado más a fondo posteriormente. El objetivo del método PCA es reducir la cantidad de información inútil utilizada en la explicación de los datos. En este caso, con la data de junaeb2, se puede resumir las 13 variables sk1 a sk13 en 5 componentes principales. La información aportada por cada variable disminuye desde el cuarto componente por lo que un corte también sería justificado. Además, podemos ver en el mapa de calor la correlación entre las variables, notándose un gran aumento y fuerza entre esto. Pero la parte importante es que se asume que luego (o se espera) no haya correlación entre los componentes principales creados.

3. Con los resultados de la Pregunta 2, mantenga los primeros 3 componentes principales. Graficamente indique si existen diferencias significativas entre grupos usando las siguientes variables: sexo, area, madre\_work y act\_fisica. Qué puede concluir de los resultados?

Realmente, en las variables de sexo, área, y trabajo de la madre no se enncuentra una diferencia significativa entre el primer y el segundo grupo. Ya que los resultados no son divididos longitudinalmente como se esperaba que fuese el resultado. Esto quiere decir que realmente no hay diferencia significativa entre ambos grupos, la correlación de ambos grupos debe de estar hecha de manera que intra grupos existe una cantidad similar a la entre grupos. Auqueu solo se compararon los dos primeros componentes/ grupos, esto es suficiente para definir que entre ellos apra las variables estudiadas no existe diferenciación significativa. Sin embargo, lo que si nos dice es que ambos componentes estan entregando información porque no hay forma de definir entre grupos por el eje x o y. Al tener tendencias diagonales. Si muestra una tendencia similar de forma en los gráficos.

4. A partir del mismo set de variables sk1-sk13 realice un EFA. En particular determine el numero optimo de factores y las variables que se asocian a cada factor. Tambien discuta si existen variables que no son informativas (Hint: para realizar un EFA, todas las variables deben estar representatadas en el mismo sentido logico. Si una carateristica es negativa debe ser invertida en la escala, de tal forma que todas las variables representen aspectos positivos).

Para trabajar un EFA, se transforman las variables que representan características negativas, como "es agresivo" sk7, que va en el sentido contrario a la lógica de las demás variables. Con esto se busca agrupar a las variables en factores no observables en vez de componentes principales. Todas

las variables son representadas dentro de estos factores, por lo que se entiende que todas aportan cierto grado de información al sistema. La variable 12 se presenta en tres factores, dando cuenta de su importancia relativa al sistema. Se obtienen cuatro factores formados de tal manera: eta1 =~ sk11 + sk9 + sk10 + sk12 eta2 =~ sk7 + sk6 eta3 =~ sk4 + sk2 + sk11 + sk5 + sk3 + sk9 + sk1 + sk6 + sk8 + sk12 eta4 =~ sk11 + sk12 + sk13

Se puede notar que la variable 13 solo se presenta en un factor que acomoda tres variables repetidas, por lo que es probable que esta variable no entregue información importante. Para usar los modelos de EFA se utilizó el modelo entregado por el código de python y no un orden específico de las variables según los pesos relativos para ver el aporte en relación a la variable más importante. Esto en favor de la factibilidad computacional de los miembros del grupo.

5. Con los resultados obtenidos en la Pregunta 4, proponga un CFA donde cada variable solo se asocia con un factor. Entregue un nombre a cada factor que representa el concepto comun entre todas las variables. Reporte la importancia de cada medida (variable) a cada factor e indique la correlacion entre factores.

PAra la aplicación de un confirmatory factor analysis, se resume la cantidad de funciones a las cuatro presentadas anteriormente. Se agrupan las variables según el contenido teórico que asigna como información al modelo. Por lo que, los factores quedan tal que: sk1: muestra afecto a padres (1: siempre - 5: nunca) sk2: muestra afecto a sus pares (1: siempre - 5: nunca) sk3: expresa sus sentimientos (1: siempre - 5: nunca) sk4: usa gestos para mostrar sentimientos (1: siempre - 5: nunca) sk5: juega con otros (1: siempre - 5: nunca) sk6: comparte sus cosas con otros (1: siempre - 5: nunca) sk7: es agresivo (1: siempre - 5: nunca) sk8: participa en juegos grupales (1: siempre - 5: nunca) sk9: hace preguntas a adultos (1: siempre - 5: nunca) sk10: tiene interes por libros (1: siempre - 5: nunca) sk11: tiene interes por su entorno (1: siempre - 5: nunca) sk12: juega a armar y desarmar cosas (1: siempre - 5: nunca) sk13: tiene expresiones artisticas (1: siempre - 5: nunca)

eta $1 = \kappa 11 + \kappa 9 + \kappa 10$  Factor 1: Tiene interés por su entorno + Hace preguntas a adultos + Tiene interés por Libros. El concepto común podría ser "curiosidad".

eta<br/>2 =  $\sim$  sk7 + sk6 FActor 2: Comparte sus cosas + NO es agresivo. Por lo que se puede resumir a "compañerismo".

eta $3 = \sim sk4 + sk2 + sk5 + sk3 + sk9 + sk1 + sk8$ . Factor 3: Usa gestos para mostrar sentimientos + Muestra afecto a sus pares + Muestra afecto a sus padres + Juega con otros + Expresa sus sentimientos + Participa en juegos grupales . Resumido a "Expresión Emocional" o "Habilidad Afectiva"

eta<br/>4 =  $\sim$  sk12 + sk13 Factor 4 : Tiene expresiones artística<br/>s + Juega a armar y desarmar cosas. Resumido a "Expresión artística"

Es importante notar que la variable 13 podría quedar sola en el factor 4, y que este es no significativo según la tabla entregada. Pudiendo tratarse de una variable que no entrega información importante al modelo. Como se mencionó en la pregunta anterior. Además, el error estandar correlacionado a esta variable juntoa al factor es de los más altos siendo de  $\sim 0.6$ . Y su valor de variación residual es de los más altos. Siendo indicador de que esta variable probablemente tiene demsiado ruido como para ser explicativa dentro del modelo.

6. Finalmente, implemente un SEM completo usando la estructura propuesta en la Pregunta 5. En particular, estime un modelo donde los factores explican el nivel de actividad fisica, junto con otras variables que existen en la base de datos. Ademas utilice otras variables relevantes

de la base de datos para explicar los factores latentes. Las variables a incluir en el modelo final deben tener sustento teorico y el modelo final debe optimizar el ajuste a los datos, en base a los criterios vistos en clase. Que puede concluir en base a sus resultados?

Aunque no se logró acomodar el tipo DataFrame de junaeb2 usando el fit necesario para modelarlo con semopy, por temas de cierre de semestre (y de carrera) que no permitió ajustar bien el tiempo de trabajo en distintas asignaturas. Se puede argumentar teóricamente el modelo que debería resultar.

En el caso de este ejercicio se puede notar mucha correlación negativa, sin embargo es una buena señal que toda correlación esté en la misma dirección. Sin embargo parece un problema el hecho de que sea tan volátil, incapaaz de presentar un modelo correctamente ajustado. Como el hecho de que el EFA podría mostrar un factor que comparte la variable sk13 que en verdad no presenta información importante. Siendo en verdad tres factores y no cuatro como se mostró hace unas preguntas. El modelo total entonces, para predecir el resultado de actividad física con un nivel dimensional menor a las trece variables originales, no resulta de manera favorable en un método de PCA. También, podemos ver como a variable de "jugar a armar y desarmar cosas" no tiene importancia significativa dentro del modelo presentado.

Solo viendo los resultados de los valores p, de los errores estimados, y las variables en general con sus factores presentados. Los primeros tres factores están explicando el resultado afectando la predicción de resultado de actividad física. El peso relativo mayor es del factor de expresión emocial "juega con otros", lo cual tiene sentido desde un punto de vista lógico. Si la persona se siente más cómodma con sí misma y su entorno tenderá a dejar mayor cantidad de tiempo para interactuar. Sin embargo la variable menos importante que es la variable de armar y desarmar cosas, no tiene valor para la actividad física. Ya que no tiene un sentido de conexión entre ambas variables.

En caso de que las respuestas no le convenzan, el grupo de trabajo está abierto a discutir los resultados y procedimientos. Ya que, irónicamente, desde el día de la entrega de este trabajo, quedamos casi completamente liberados de responsabilidades académicas.