TU WIEN

WELLENAUSBREITUNG

VU-389.064

Prüfungen Theorie

Lösungen

Wir können die Unterlagen von denen wir gelernt haben nicht ändern, aber wir können der Nachwelt bessere hinterlassen.

Lizenz:

GNU GPLv3

1. April 2017

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	6
	Lösung 1	6
	Lösung 2	7
	Lösung 3	8
	Lösung 4	9
2	Maxwell Theorie	10
	Lösung 5	10
	Lösung 6	11
	Lösung 7	12
	Lösung 8	13
	Lösung 9	14
	Lösung 10	15
	Lösung 11	16
	Lösung 12	17
	Lösung 13	18
	Lösung 14	19
	Lösung 15	20
	Lösung 16	21
3	Die homogene ebene Welle (HEW)	22
•	Lösung 17	22
	Lösung 18	23
	Lösung 19	24
	Lösung 20	25
	Lösung 21	26
		27
	Lösung 23	28
	Lösung 24	29
	9	
	Lösung 25	30
	Lösung 26	31
	Lösung 28	32

4	Reflexion an glatten Grenzflächen, die Parallelplattenleitung	34
	Lösung 29	34
	Lösung 30	35
	Lösung 31	36
	Lösung 32	37
5	Die Oberflächenwelle	38
	Lösung 33	38
6	Rechteckhohlleiter und Resonatoren	39
	Lösung 34	39
	Lösung 35	40
	Lösung 36	41
	Lösung 37	42
	Lösung 38	43
7	Koaxialleitungen	44
	Lösung 39	44
	Lösung 40	45
8	Dielektrische Wellenleiter	46
	Lösung 41	46
9	Streifenleitung	47
	Lösung 42	47
10	Wellen und Hindernisse	48
	Lösung 43	48
11	Antennen	49
	Lösung 44	49
	Lösung 45	50
	Lösung 46	51
	Lösung 47	52
	Lösung 48	53
	Lögung 40	54

	Lösung .	50.		•							•													•			55
	Lösung	51.																									56
	Lösung	52.																									57
	Lösung	53.																									58
	Lösung	54.																									59
	Lösung	55.																									60
	Lösung	56.																									61
	Lösung	57.																									62
	Lösung	58.																									63
	Lösung	59.																									64
	Lösung	60.																									65
	Lösung	61.																									66
	Lösung	62.																									67
	Lösung	63.																									68
	Lösung	64.																									69
	Lösung	65.																									70
	Lösung	66.																									71
	Lösung	67.																									72
	Lösung	68.																									73
12 Well	len im f	reie	n	\mathbf{R}	ลา	ım	1																				74
12 ((6)	Lösung																										74
	Lösung																										75
	Losang	10.		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
13 Meh	rwegea	usb	\mathbf{re}	itι	ın	\mathbf{g}																					76
	Lösung	71.																									76
	Lösung	72.																									77
	Lösung	73.																									78
	Lösung	74.																									79
	Lösung	75.																									80
	Lösung	76.																									81

Werter Student!

Diese Unterlagen werden dir kostenlos zur Verfügung gestellt, damit sie dir im Studium behilflich sind. Sie wurden von vielen Studierenden zusammengetragen, digitalisiert und aufgearbeitet. Ohne der Arbeit der Studierenden wären diese Unterlagen nicht entstanden und du müsstest dir jetzt alles selber zusammensuchen und von schlecht eingescannten oder abfotografierten Seiten lernen. Zu den Beispielen gibt es verschiedene Lösungen, welche du dir auch erst mühsamst raussuchen und überprüfen müsstest. Die Zeit die du in deine Suche und Recherche investierst wäre für nachfolgende Studenten verloren. Diese Unterlagen leben von der Gemeinschaft die sie betreuen. Hilf auch du mit und erweitere diese Unterlagen mit deinem Wissen, damit sie auch von nachfolgenden Studierenden genutzt werden können. Geh dazu bitte auf https://github.com/Painkilla/VO-389.064-Wellenausbreitung/issues und schau dir in der TODO Liste an was du beitragen möchtest. Selbst das Ausbessern von Tippfehlern oder Rechtschreibung ist ein wertvoller Beitrag für das Projekt. Nütze auch die Möglichkeit zur Einsichtnahme von Prüfungen zu gehen und die Angaben Anderen zur Verfügung zu stellen, damit die Qualität der Unterlagen stetig besser wird. LATFX und Git sind nicht schwer zu lernen und haben auch einen Mehrwert für das Studium und das spätere Berufsleben. Sämtliche Seminar oder Bachelorarbeiten sind mit LATEX zu schreiben. Git ist ideal um gemeinsam an einem Projekt zu arbeiten und es voran zu bringen. Als Student kann man auf GitHub übrigens kostenlos unbegrenzt private Projekte hosten.

Mit dem Befehl:

- \$ git clone recursive https://github.com/Painkilla/VO-389.064-Wellenausbreitung. erstellst du eine lokale Kopie des Repositoriums. Du kannst dann die Dateien mit einem LaTeX-Editor deiner Wahl bearbeiten und dir das Ergebnis ansehen. Bist du auf GitHub registriert, kannst du einen Fork (englisch für Ableger) erstellen und mit den Befehlen:
- \$ git commit -m "Dein Kommentar zu den Änderungen"
- \$ git push

werden deine Ergänzungen auf deinen Ableger am Server gesendet. Damit deine Ergänzungen auch in das zentrale Repositorium gelangen und allen Studierenden zur Verfügung stehen, musst du nur noch einen Pull-Request erstellen.

1 Einleitung

Lösung 1.

Vorteile:

- Kommunikation mit entlegenen Gebieten möglich
- Kommunikation mit bewegten Teilnehmern möglich (Mobilfunk).
- Kommunikation mit Schiffen, Satteliten, Flugzeugen möglich
- Verbindung zu vielen Teilnehmern gleichzeitig möglich
- Geringere Dämpfung bei großen Entfernungen
- Geringere Kosten (Leitungen und Trassen entfallen)

Nachteile:

- Geringe Abhörsicherheit
- Große Dämpfung bei kleinen und mittleren Entfernungen
- Größere Störanfälligkeit
- Nur geringe Leistungen übertragbar, daher muss die entfernte Station i. d. R. extra versorgt werden

Lösung 2.

Für die Freiraumausbreitung nimmt der Verlust mit Verdopplung der Entfernung nur um 6 dB zu, wohingegen sich bei Leitungen der in dB gemessene Dämpfungswert verdoppelt.

Leitung: $\frac{P_e}{P_s} \propto e^{-\alpha r}$ Freiraum: $\frac{P_e}{P_s} \propto \frac{1}{r^2}$

Lösung 3.

Die doppelte Länge bedeutet die doppelte Dämpfung in dB gemessen $0, 2\,dB\cdot 100\,km = 20\,dB$ Wobei angenommen wird das die typische Dämpfung eines Glasfaserwellenleiters bei $0, 2\,dB$ liegt.

2 Maxwell Theorie

Lösung 5.

$$\delta = \varepsilon - j\frac{\sigma}{\omega} = \varepsilon(1 - j\cdots)$$

$$s = \frac{\sigma}{\omega\varepsilon} = \tan\Theta = \frac{1}{Q}$$

Lösung 6.

Eine gedämpfte Welle wird durch eine Schwingung und durch eine Dämpfung beschreiben $e^{-\alpha z}\cdot e^{\jmath\beta z}$, wohingegen ein evaneszenes Feld nur durch eine Dämpfung beschrieben wird. $e^{-\alpha z}$

Lösung 7.

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{S} + \frac{\partial}{\partial t} \varrho = 0 \tag{2.0.1}$$

 $\vec{S}.\,.\,.\,\mathrm{Stromdichte}$ [A/m]

 $\rho.\dots Ladungsdiche \; [As/m]$

$$\vec{F} = q \left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B} \right) \tag{2.0.2}$$

Lösung 9.

Effektive Ladungsfreiheit gilt unter der Vorraussetzung, dass große Zeiten gegnüber τ_D betrachtet werden. Die dielektrische Relaxationszeit für Kupfer ist:

$$\tau_{\rm D} = \frac{\varepsilon}{\sigma} \approx 10^{-19} \tag{2.0.3}$$

Lösung 10.

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial}{\partial t} \vec{B}$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{H} = \vec{S} + \frac{\partial}{\partial t} \vec{D}$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{D} = \rho$$

$$(2.0.4)$$

$$(2.0.5)$$

$$(2.0.6)$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 \tag{2.0.5}$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{H} = \vec{S} + \frac{\partial}{\partial t} \vec{D} \tag{2.0.6}$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{D} = \rho \tag{2.0.7}$$

Lösung 11.

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = -j\omega\mu \vec{H} \tag{2.0.8}$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{H} = 0 \tag{2.0.9}$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{H} = j\omega \delta \vec{E} \qquad (2.0.10)$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = 0 \qquad (2.0.11)$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = 0 \tag{2.0.11}$$

Lösung 12.

$$-\frac{\partial}{\partial t} \int_{\mathcal{V}} (w_{\mathbf{e}}(t) + w_{\mathbf{m}}(t)) dV = \oint_{\Sigma} \vec{P}(t) \cdot d\vec{F} + \int_{\mathcal{V}} p_{\mathbf{v}}(t) dV.$$
 (2.0.12)

 $Abnahme \ der \ elektromagnetischen \ Energie = Abstrahlung + Dissipation$

Lösung 13.

$$\vec{P}(t) = \vec{E}(t) \times \vec{H}(t) \tag{2.0.13}$$

$$\vec{T} = \frac{1}{2}\vec{E} \times \vec{H}^* = \vec{T}_{\rm w} + j\vec{T}_{\rm b}$$
 (2.0.14)

Die Wirkleistungsflussdichte $\vec{T}_{\rm w} = \Re\{\vec{T}\}.$ Die Blindleistungsflussdichte $\vec{T}_{\rm b} = \Im\{\vec{T}\}.$

Lösung 14.

$$\Psi(x, y, z) = X(x) \cdot Y(y) \cdot Z(z) \tag{2.0.15}$$

$$k_x^2 + k_y^2 + k_z^2 = k^2 = \omega^2 \mu \delta \tag{2.0.16}$$

Lösung 16.

$$\Psi(x, y, z) = X(x) \cdot Y(y) \cdot Z(z) \tag{2.0.17}$$

3 Die homogene ebene Welle (HEW)

Lösung 17.

- Reflexion: der Reflexionskoeffizient ist für TE und TM-Fall unterschiedlich. Daher werden die Polarisationseigenschaften geändert.
- Induzierte Ströme bei Antennen: in leitfähigen Elementen (nicht primär Teil der Antenne, z. B.: Befestigungselemente), können als Sekundärstrahler wirken.
- Bei Antenne knapp über dem Erdboden können Ströme im Erdboden induziert werden, die als Sekundärstrahler wirken (siehe Spiegelungsprinzip der Elektrostatik).
- Medien mit unterschiedlicher Dämpfung für horizontale und vertikale Polarisation (z. B.: Wälder dämpfen vertikal polarisierte Felder stärker als horizontal polarisierte.
- Beugung: In der unmittelbaren Nähe von beugenden Kanten sind polarisationsabhängige Beugungseffekte zu beobachten.
- In der Ionosphäre erfolgt eine Drehung der Polarisationsrichtung. Faradayeffekt

Lösung 18.

$$d = \frac{1}{\alpha} \approx \sqrt{\frac{2}{\omega\mu\sigma}}$$

$$\omega... \text{Kreisfrequenz [1/s]}$$

$$\mu.\dots {\rm Tiefe~[Vs/Am]}$$

 $\sigma...$ spezifische Leitfähigkeit [S/m]

Lösung 19.

 $\vec{S} = \sigma \vec{E}. \, . \, .$ Leitungsstromdichte (lokales Ohmsches Gesetz)

 $\vec{S}_v = \varrho \vec{v}$... Konvektionssstromdichte $\vec{S} + \frac{\partial}{\partial t} \vec{D}$... Gesamtstromdichte

Lösung 20.

$$e_x(z,t) = c_1 f_1(z - vt) + c_2 f_2(z + vt)$$
 (3.0.1)

$$\nabla^2 \Psi + \omega^2 \mu \delta \Psi = 0 \tag{3.0.2}$$

$$\nabla^2 \Psi + \omega^2 \mu \delta \Psi = 0$$

$$\frac{\partial^2}{\partial x^2} \Psi_x + k_x \Psi_x = 0$$
(3.0.2)

Lösung 21.

Lösung 22.

Lösung 23.

$$Z_P V = \eta \frac{d}{w} \tag{3.0.4}$$

d... Abstand [m]

w... Tiefe [m]

 $\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\varepsilon}}.$.. Mediumswiderstand
 $[\Omega]$

Lösung 24.

Die Wellenzahl $k=\frac{\omega}{v}=\omega\sqrt{\mu\varepsilon}$ beschreibt, wie die Wellenlänge $\lambda=\frac{2\pi}{k}$ die räumliche Periodizität einer Welle.

Die Kreisfrequenz ω beschreibt die zeitliche Periodizität der Welle.

Lösung 25.

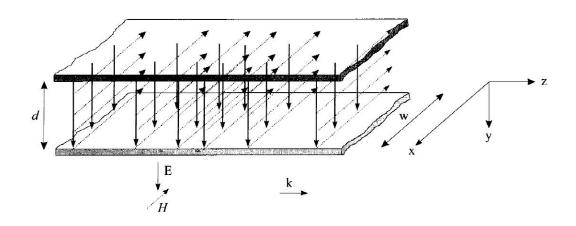
 $\jmath k_z=\gamma=\alpha+\jmath\beta$ deshalb ist $k_z=\beta-\jmath\alpha$ Der Imaginärteil der Wellenzahl beschreibt die Dämpfung α der Welle.

Lösung 26.
$$k = \frac{\omega}{c_0} = \frac{2\pi f}{c_0}$$

Lösung 27.

 $Leitungs wellen widerstand,\ Mediums widerstand,\ Feldwellen widerstand$

Lösung 28.



Die Elektrischen Feldlinien schließen sich über den rechten und linken Raum.

4 Reflexion an glatten Grenzflächen, die Parallelplattenleitung

Lösung 29.

Der Brewsterwinkel in jener Winkel, bei dem der Reflexionsfaktor Γ_{TM} verschwindet und die gesamte Leistung trasmittiert wird. Er tritt auf allen glatten Grenzflächen auf. $\operatorname{arctan}\left(\sqrt{\frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1}}\right) = \operatorname{arctan}\left(\frac{n_2}{n_1}\right)$ $\Gamma_{TM} = 0$

Lösung 30.

$$\theta_B = \arctan\sqrt{\frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1}} = \arctan\frac{n_2}{n_1}$$

für den anderen fall n_1 und n_2 vertauschen \Rightarrow der Winkel ändert sich!

Lösung 31.

 $\label{thm:ent-constraint} Entartet:\ Unterschiedliches\ Feldbild\ bei\ gleichen\ Ausbreitungseigenschaften.$

Modus: Wellentyp (TE, TM, TEM) und Wellengestalt (TE $_{10}, \mathrm{TE}_{11}).$

Lösung 32.

Unter **allen** ausbreitungsfähigen Wellen eines Wellenleiters gibt es stets einen Wellentyp mit der niedrigsten Grenzfrequenz (größten Grenzwellenlänge). Er heißt **Grundwelle**.

5 Die Oberflächenwelle

Lösung 33.

6 Rechteckhohlleiter und Resonatoren

Lösung 34.

Rechteckhohlwellenleiter: TE $_{10}\text{-}\mathrm{Modus},$ auch als $\mathrm{H}_{10}\text{-}\mathrm{Modus}$ bezeichnet.

$$\lambda_G = 2 \cdot a \tag{6.0.1}$$

$$\lambda_H = \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda}{\lambda_G}\right)^2}} \tag{6.0.2}$$

Lösung 35.

Als Grundmodus wird der Wellentyp mit der niedrigsten Grundfrequenz bezeichnet.

Die Grundfrequenz ist von den geometrischen Abmessungen und der Dielektrizität bzw. Permeabilität bestimmt.

Parallelplattenleitung: TEM-Welle, Grenzfrequenz ist 0.

Rechteckhohlwellenleiter: TE_{10} -Modus, auch als H_{10} -Modus bezeichnet.

$$\lambda_G = 2 \cdot a \tag{6.0.3}$$

$$\lambda_G = 2 \cdot a \tag{6.0.3}$$

$$\lambda_H = \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda}{\lambda_G}\right)^2}} \tag{6.0.4}$$

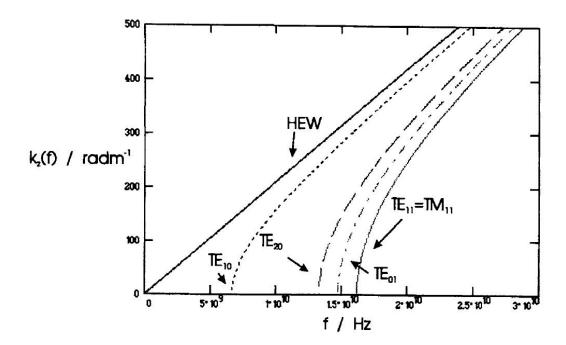
Koaxialkabel: wie bei Parallelplattenleitung \Rightarrow TEM-Welle, keine untere Grundfrequenz.

Lösung 36.

Bei dem Türrahmen handelt es sich um eine Resonanzdichtung. Die Breite des Türspalts beträgt ein Viertel der Wellenlänge $(\lambda/4)$, also ca. 3 cm. Der Abstand zwischen Tür und Rahmen ist unkritisch. Der Spalt wirkt ohne elektrischen Kontakt als frequenzselektive Dichtung für die elektromagnetischen Felder im Ofen.

Lösung 37.
$$v_P = \frac{c}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda}{\lambda_G}\right)^2}}$$
 $v_G = c \cdot \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda}{\lambda_G}\right)^2}$

Lösung 38.

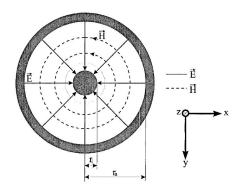


7 Koaxialleitungen

Lösung 39.

Das Verhältnis r_a/r_i verändern oder die Frequenz erhöhen. Die Dämfung erreicht bei einem Verhältnis von 3,5 ein minimum.

Lösung 40.



E-Feld radial nach innen gerichtet, H-Feld konzentrisch um den Innenleiter im Innenraum.

8 Dielektrische Wellenleiter

Lösung 41.

Dispersionsbegrenzung: Begrenzung durch Verzerrung der Signale. Es bezeichnet auch das breiter werden von schmalen Pulsen und schlussendlichem ineinander laufen. (ISI)

Dämpfungsbegrenzung: Begrenzung durch Signalstärke, Signal geht im Rauschen unter.

9 Streifenleitung

Lösung 42.

Die Dielektrischen Verluste sind proportional zur Frequenz. Abstrahlungsverluste sind hauptsächlich geometrieabhängig. $\alpha_D=K_E\frac{s}{2}$

10 Wellen und Hindernisse

Lösung 43.

$$\frac{P_{L,2}}{P_{L,q}} \frac{\Phi_{1,max}}{\Phi_{2,max}} \tag{10.0.1}$$

$$\frac{P_{L,2}}{P_{L,1}} \frac{\Omega_{,2}}{\Omega_{,1}} \tag{10.0.2}$$

$$\frac{G_{1(ISO)}}{G_{2(ISO)}} \tag{10.0.3}$$

$$\frac{P_{L,2}|E_{\vartheta}|_{max,1}^2}{P_{L,1}|E_{\vartheta}|_{max,2}^2} \tag{10.0.4}$$

- P... Leistung []
- $\Phi \dots Strahlungsintensivität [/sr]=[]$
- Ω ...Äquivalenter Raumwinkel [sr]=[1]
- G...Gewinn [1]
- E... Feldstrke []

11 Antennen

Lösung 44.

Anzuordnen: Zwischen Antenne und Leitung

Das Anpassungsnetzwerk wirkt als Impedanzwandler der auf der einen seite 50 Ω und auf der Anderen 4000 Ω Wellenwiderstand besitzt. Anpassung für maximale Wirkleistungsübertragung $Z_G'=Z_A^*$

Lösung 45.

$$G_{\rm ISO} = \frac{4\pi}{\lambda^2} A \cdot w$$

$$G_{\rm ISO} = \frac{4\pi}{\lambda^2} A$$

$$(11.0.1)$$

$$(11.0.2)$$

$$G_{\rm ISO} = \frac{4\pi}{\lambda^2} A \tag{11.0.2}$$

Lösung 46.

- Polariation
- \bullet Gewinn
- Bandbreite
- (Grund-) Frequenz
- \bullet EIRP/ERP
- Richtdiagramm
- \bullet Impedanz
- Direktivität
- $\bullet \;$ Befestigung / Stabilität
- Baugröße
- Kosten

Lösung 47.

Die Bandbreite einer Antenne ist jener Frequenzbereich, in dem sie die an sie gestellten Anforderungen hinsichtlich

- \bullet Gewinn
- \bullet Richtcharakteristik
- \bullet Eingangsimpedanz
- Polarisation

erfüllt.

Lösung 48.

- Langdrahtantenne
- $\bullet\,$ Logarithmische Spiralantenne
- Logarithmische periodische Antenne
- $\bullet\,$ winkelkonstante konische Antenne

Lösung 49.

Drehpolarisationen. Man kann auch jede linear polarisierte Welle empfangen, unter Verlust von 3.

Lösung 50.

Lösung 51.

Lösung 52.

Kreuzpolarisation ist das Verhältnis der abgestrahlten Leistung in der beabsichtigten Polarisation zur abgestrahlten Leistung in der orthogonalen Polarisation.

Lösung 53.

Lösung 54.

Wenn das längste Element die Länge l hat und das zweitlängste die länge l/τ , so muss das neue Element $l \cdot \tau$ lang sein. Gleiches gilt auch für die Position!

Lösung 55.

Lösung 56.

Lösung 57.

Rayleighdistanz:

$$r_R = \frac{2D^2}{\lambda}(+\lambda) \tag{11.0.3}$$

$$r_R > d \rightarrow Nahfeld$$
 (11.0.4)

$$r_R < d \rightarrow Fernfeld$$
 (11.0.5)

 $D.\dots$ maximale Antennenquerabmes sung []

 λ ... Wellenlinge []

 $d.\dots$ Abstand zum Sender []

Lösung 58.

Lösung 59.

$$\frac{E_{\vartheta}}{E_{\vartheta}(\pi/2)} = \frac{H_{\vartheta}}{H_{\vartheta}(\pi/2)} = HD(\vartheta, \varphi) = \sin(\vartheta)$$

$$G_{ISO}(HD) = \frac{3}{2} \hat{=} 1,76 \ dBi$$
(11.0.6)

$$G_{ISO}(HD) = \frac{3}{2} = 1,76 \ dBi$$
 (11.0.7)

Lösung 60.

Schmalband ist Definiert als $B_s \cdot \Delta \tau_{max} << 1$

- ullet Halbwellendipol
- $\bullet \ \ Ganzwellendipol$

Lösung 61.

bitte ergänzen!!!!

Lösung 62.

bitte ergänzen!!!!

Lösung 63.

Das Stehwellenverhältnis (VSWR Voltage standing wave ratio) ist ein Gütemerkmal der Anpassung einer Antenne an die Speiseleitung.

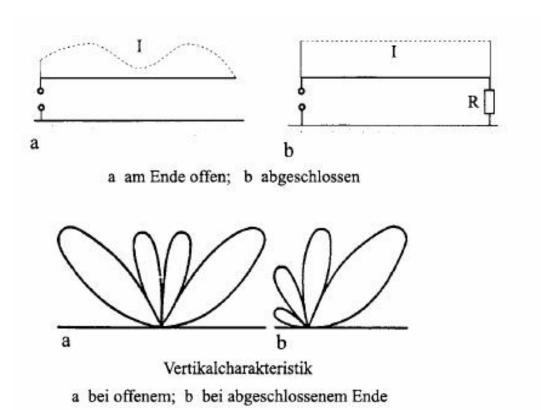
$$m = VSWR = \frac{1 + |\rho|}{1 - |\rho|} = \frac{|U_{max}|}{|U_{min}|}$$

$$\rho = \frac{Z_G - Z_A}{Z_G + Z_A}$$
(11.0.8)

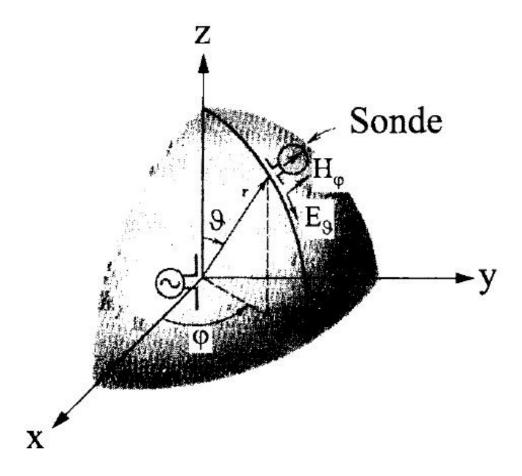
$$\rho = \frac{Z_G - Z_A}{Z_G + Z_A} \tag{11.0.9}$$

Lösung 64.

Die Beverage-Antenne (Langdrahtantenne) hat kein festes Verhältnis von Abmessung zu Wellenlänge. Die Länge beträgt üblicherweise 5 bis 10λ . Durch einen Abschlusswiderstand erhält die Welle eine ausgeprägte Richtwirkung. Die Antenne wird nur für Sender kleiner Leistungen eingesetzt, weil durch den Abschlusswiderstand der Wirkungsgrad niedrig ist.



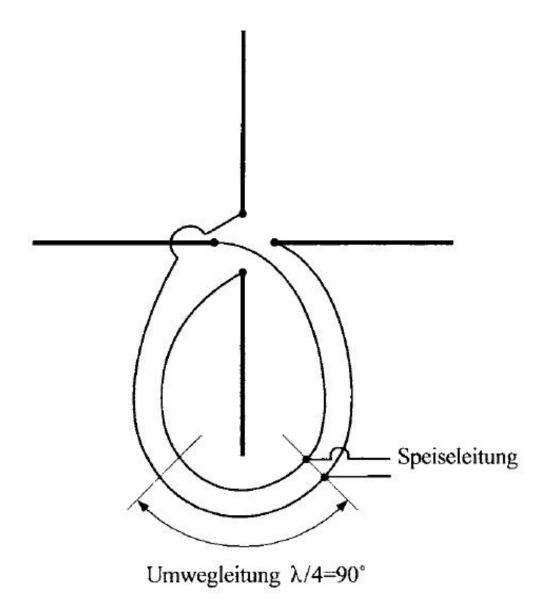
Lösung 65.



Da es sich um das Fernfeld handelt, muss die Distanz größer als die Raylighdistanz sein.

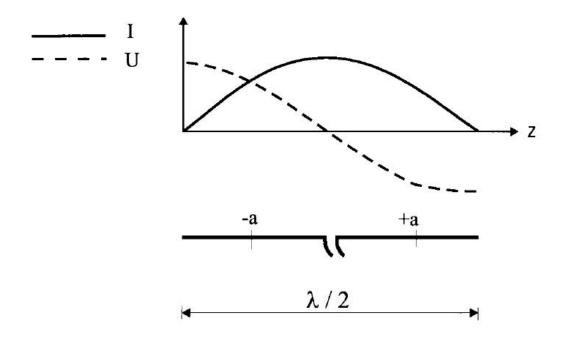
- Feldstärke (im Fernfeld) zur Feldstärke der Vergleichsantenne bei gleicher Leistung am Eingang.
- Einsparung an verfügbarer Leistung für die Versuchsantenne gegenüber Vergleichsantenne bei gleicher Fernfeldstärke

Lösung 66.



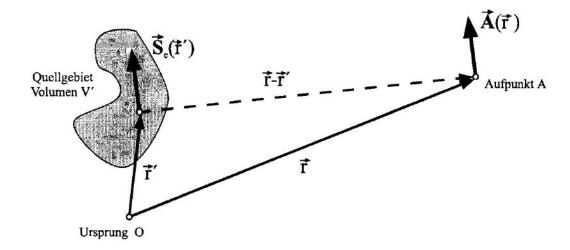
Zwei Dipole um 90gegeneinander verdreht. Die Speiseleitung eines Dipols ist um $\lambda/4$ länger. Dadurch ergibt sich eine Phasenverschiebung um 90, und eine Drehpolarisation.

Lösung 67.



Lösung 68.

$$\vec{A}(\vec{r}) = \frac{\mu}{4\pi} \cdot \int \frac{\vec{S_e}(\vec{r}) \cdot e^{-jk|\vec{r} - \vec{r'}|}}{|\vec{r} - \vec{r'}|} \partial V'$$



12 Wellen im freien Raum

Lösung 69.

$$\sigma = G_{iso} \cdot A = \frac{4\pi}{\lambda^2} \cdot A^2 \tag{12.0.1}$$

Lösung 70.

13 Mehrwegeausbreitung

Lösung 71.

Geraten: Dass die erste Fresnelzone frei ist.

$$r = \sqrt{\frac{d\lambda}{4}} \tag{13.0.1}$$

Lösung 72.

Wenn mehrere Wellen auf die Antenne einfallen (z.B. im Mobilfunk), kann nicht mehr der ursprüngliche Gewinn für HEW verwendet werden. Die Gewinndefinition wird mit Wahrscheinlichkeitsverteilung $p(\theta,\varphi)$ der HEW über alle möglichen Empfangsrichtungen zu einem richtungsabhängigen Gewinn erweitert. MEG kommt vorallem im Mobilfunk zur Anwendung. Im Pegelplan wird der ideale Gewinn der Handy-Antenne durch den MEG ersetzt. Ein typischerweise liegt der Wert bei ca. -10dBi, welcher den Effekt der Mehrwegeausbreitung in Kombination mit der Handy-Antenne, Hand, Kopf und Schulter des Benützers vereint.

$$MEG = \int_{4\pi} G(\vartheta, \varphi) p(\vartheta, \varphi) d\Omega$$
 (13.0.2)

Lösung 73.

Bei Mobilfunkantennen möchte man um den Masten möglichst viele Antennen positionieren, um voneinander getrennte Zellen zu haben, welche eine möglichst hohe Reichweite erziehlen sollen. Radarantennen sind niedrig und breit um das reflektierte Signal möglichst gut empfangen zu können, da es durch reflexionen auch aus verschiedenen Richtungen kommen kann.

Lösung 74.

Orts- und Zeitabhängiger Schwund, Zeitmarkante 2-Wegeausbreitung, Intersymbolinterferenz (ISI)

Lösung 75.

Breitbandiges System: Wenn mehrere Schwundlöcher innerhalb des Systembandbreite sind. Verschiedene Frequenzbereiche schwinden unabhängig voneinander, der Schwund ist frequenzselektiv. $B_S \cdot \Delta \tau_{max} >> 1$

Schmalbandiges System: Wenn das Übertragungsband als Ganzes schwindet. Außerdem, wenn die Bandbreite des Systems wesentlich kleiner als der Frequenzabstand der Schwundlöcher ist. $B_S \cdot \Delta \tau_{max} << 1$

Lösung 76.

Statistik der Empfangspegel (Unterschreitungswahrscheinlichkeit über Empfangsleistung in dB) bei kleinräumigen Schwund wird dann recht gut durch die Rayleigh-Verteilung beschrieben. Man kann sehen, ob eine Rayleigh Verteilung vorliegt, wenn man die Messwerte in ein Weibull-Papier einträgt. Dann erscheint die Rayleigh-Verteilung als eine Gerade.