ПЕРЕЧЕНЬ ТЕМ, ВОПРОСОВ, ЗАДАЧ И ЛИТЕРАТУРЫ ПО КУРСУ ОБЫКНОВЕННЫХ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ ДЛЯ СТУДЕНТОВ 2-ГО КУРСА НА І МИНИСЕССИЮ

(расчитанная на 2 семестра лекций для студентов 2-го курса)

Составил профессор кафедры МАДУ А.А.Родионов

ВОПРОСЫ К ЭКЗАМЕНУ (І минисессия письменная)

- **1.** Простейшие ОДУ: 1)y' = f(x); 2)y' = f(y); 3)y' = f(x)g(y); 4)y' = f(y/x); 5)y' = a(x)y + b(x); 6) ОДУ в полных дифференциалах.
 - 2. Задача Коши. Постановка и примеры. Пример неединственности решения.
 - 3. Теорема Арцеля (о выборе равномерно сходящейся последовательности).
 - 4. Теорема Пеано (о существовании решения).
 - 6. Теорема о непродолжаемости решения.
 - 7. Теорема Осгуда (о единственности решения).
 - 8. Метод последовательных приближений Пикара. Теорема Пикара:
- 1) лемма об эквивалентности задачи Коши и интегрального уравнения;
- 2) построение последовательности Пикара, ее свойства;
- 3) равномерная сходимость последовательности;
- 4) предельная функция является решением задачи Коши;
- 4) единственность решения;
- 5) оценка ошибки решения, замечания.

ПРАКТИЧЕСКИЕ ВОПРОСЫ

- 1. Изоклины. Построение ОДУ для данного семейства кривых.
- 2. ОДУ с разделяющимися переменными.
- 3. Однородные ОДУ.
- 4. Линейные ОДУ 1-го порядка.
- 5. ОДУ в полных дифференциалах.
- 6. Геометрические и физические задачи, решаемые с помощью ОДУ.
- 7. Построение последовательности Пикара. Оценка ошибки решения.

ЛИТЕРАТУРА

- 1) Петровский И.Г.Лекции по теории ОДУ. М., "Наука", 1970.
- 2) Матвеев Н.М. Методы интегрирования ОДУ;
- 3) Понтрягин Л.С. Обыкновенные дифференциальные уравнения.
- 4) Филиппов А.Ф. Сборник задач по дифференциальным уравнениям. М., "Наука", 1985.
- 5) Самойленко А.М., Кривошея С.А., Перестюк Н.А. Дифференциальные уравнения: примеры и задачи. М., "Высшая школа", 1989.
- 6) Егоров А.И. Обыкновенные дифференциальные уравнения с приложениями. Москва, "Физматлит", 2003, 2005.

ВАРИАНТЫ ЭКЗАМЕНАЦИОННЫХ БИЛЕТОВ

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

- 1. Сформулировать теорему о непродолжаемости решения. (3 балла)
- 2. Сформулировать теорему Пикара. Доказать, что предельная функция является решением уравнения, и доказать, что это решение единственно. (7 баллов)
- 3. Решить уравнение: (x + 4y)y' = 2x + 3y 5. (5 баллов)
- 4. Решить уравнение Бернулли: $2xy' y = -y^3 sinx$. (5 баллов)

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 2

- 1. Уравнение Риккати, изложить метод его решения. (3 балла)
- 2. Сформулировать и доказать теорему Арцеля (о выборе равномерно сходящейся последовательности). (7 баллов)
- 3. Решить линейное уравнение: y'sin2x = 2(y + cosx) при условии, что y(x) остается ограниченным при $x \to \pi/2$. (5 баллов)
- 4. Решить уравнение: (siny + ysinx + 1/x)dx + (xcosy cosx + 1/y)dy = 0. (5 баллов)