Математика (письменно)

Направления подготовки 010100.68 "Математика"

010200.68 "Математика и компьютерные науки" 010400.68 "Прикладная математика и информатика"

ВАРИАНТ 0

1. Найти объем тела, ограниченного поверхностями:

$$z = 1 + x + y$$
, $z = 0$, $x + y = 1$, $x = 0$, $y = 0$.

- 2. Убедиться, что точка $(\frac{1}{2},3)$ является точкой локального минимума функции $z=8x^3+rac{y^3}{27}-2xy.$ 3. Найти интеграл $\int x \ln(4+x^4) dx.$

 - 4. При каком λ ранг матрицы $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 2 \\ 3 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & \lambda + 9 \end{pmatrix}$ наименьший. При найденном

 λ решить однородную систему линейных уравнений $\mathbf{A}\mathbf{x}=\mathbf{0}.$

- 5. Найти расстояние от точки (1,2,5) до прямой x=t,y=1-2t,z=3+t (система координат прямоугольная).
- 6. Подбрасываются три игральные кости. Пусть событие A состоит в том, что на первой и второй костях выпало одинаковое число очков, событие B — одинаковое число очков на второй и третьей костях, событие C — одинаковое число очков на первой и третьей костях. Будут ли события A, B, C: а) попарно независимы, б) независимы в совокупности?
- 7. Найти решение уравнения y'' y = 2x, удовлетворяющее краевым условиям y(0) = 0, y(1) = -1.
- 8. Найти особые точки голоморфной функции f, выяснить их характер, исследовать поведение на бесконечности: $f(z)=\frac{e^{\frac{1}{z-4}}}{(z^2-16)z^2}.$
- 9. Найти уравнение касательной к окружности $(x-4)^2 + (y-5)^2 = 8$, проходящей через точку (6,7).
- 10. Найти решение z=z(x,y) уравнения $z_{xy}^{\prime\prime}=0$, удовлетворящее условиям: $z(x,x) = \sin x$ $z_{n}'(x,x) = \cos x.$