Всем выпускникам Института математики (4 курс бакалавры, 5 курс специалисты, 6 курс магистры) необходимо предоставить аннотацию выпускной работы до 16 июня 2008г.

Аннотация оформляется в формате MS Word 97-2003, объем аннотации 1-2 страницы формата A4, размер шрифта 14, межстрочный интервал 1.

Аннотацию необходимо отправить по e-mail на адрес rsor@mail.ru

## ОБ ОДНОЗНАЧНОЙ РАЗРЕШИМОСТИ ОДНОЙ ОБРАТНОЙ ЗАДАЧИ ДЛЯ СИСТЕМЫ СОСТАВНОГО ТИПА В КЛАССЕ ГЛАДКИХ ОГРАНИЧЕННЫХ ФУНКЦИЙ

П.Ю. Вячеславова, 5 курс, Научный руководитель к.ф.м.н. Сорокин Р.В. <u>e-mail студента</u>

В работе [2] доказана однозначная разрешимость "в целом" задачи идентификации функции источника в случае данных Коши при условии достаточно быстрого стремления к нулю входных данных задачи по пространственной переменной.

Целью данной работы является исследование разрешимости указанной задачи в классах гладких ограниченных функций.

В работе доказана теорема однозначной разрешимости "в целом" задачи идентификации функции источника в случае данных Коши при условии достаточно быстрого стремления к нулю входных данных задачи по пространственной переменной.

В полосе  $G_{[0,T]}=\{(t,x)\mid 0\leq t\leq T, x\in E_1\}$  рассматривается задача определения действительнозначных функций  $u^1(t,x),u^2(t,x),g(t),$  удовлетворяющих системе уравнений

$$\begin{cases} u_{t}^{1}(t,x) + a_{11}(t)u_{x}^{1}(t,x) + \sum_{k=1}^{2} b_{1k}(t)u^{k}(t,x) = v(t)u_{xx}^{1}(t,x) + g(t)f(t,x) \\ u_{t}^{2}(t,x) + a_{22}(t)u_{x}^{2}(t,x) + \sum_{k=1}^{2} b_{2k}(t)u^{k}(t,x) = 0, \end{cases}$$

$$(1)$$

начальному условию

$$u^{k}(0,x) = u_{0}^{k}(t,x), \tag{2}$$

и условию переопределения

$$u^{1}(t,0) = \beta(t)$$
. (3)

Считаем, что выполнено условие согласования

$$u_0^1(0) = \beta(0). \tag{4}$$

Здесь  $a_{jj}(t), b_{jk}(t), u_0^k(x)$   $(j, k=1,2), f(t,x), \beta(t), \nu(t)$  - заданные действительнозначные функции.

Пусть выполняется соотношение:

$$|f(t,x)| \ge \delta > 0, \quad (t,x) \in G_{[0,T]}, \quad \delta - const.$$
 (5)

Относительно входных данных предполагаем, что они имеют все непрерывные производные, входящие в следующие соотношения и удовлетворяют им.

$$|a_{jk}(t)| \le C, \quad |b_{jk}(t)| \le C, \quad (j, k = 1, 2),$$
 (6)

$$\left| \frac{\partial^{s}}{\partial x^{s}} f(t, x) \right| \le C, \quad \left| \frac{\partial^{s}}{\partial x^{s}} u_{0}(t, x) \right| \le C, \quad s = \overline{0, 4}, \tag{7}$$

$$\beta'(t) + \beta(t) \le C. \tag{15}$$

Здесь и далее C - некоторые (вообще говоря различные) постоянные.

**Теорема:** Пусть выполняются условия (4)-(7). Тогда задача (1)-(3) имеет единственное решение  $(u^1(t,x),u^2(t,x),g(t))$ , удовлетворяющее в  $G_{[0,T]}$  следующим соотношениям:

$$\sum_{k=1}^{2} \sum_{s=0}^{2} \left| \frac{\partial^{s}}{\partial x^{s}} u^{k}(t, x) \right| \leq C.$$

## Список литературы:

- [1] Белов Ю.Я., Кантор С.А. *Метод слабой аппроксимации.* Красноярский госуниверситет, 1999.-236 с.
- [2] Belov, Yu.Ya. and Shipina, T.N. *The problem of determining the source functions for a system of composite type.* J.Inv. I11 Posed Problems, 1998, V.6, 4, 287-308.