ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ

по дополнительным главам математического анализа

IV семестр, часть 1

- 1. Непрерывность собственных интегралов, зависящие от параметра.
- 2. Дифференцируемость собственных интегралов от параметра.
- 3. Равномерная сходимость несобственного интеграла по параметру. Признак Вейерштрасса.
 - 4. Непрерывность несобственного интеграла от параметра.
 - 5. Дифференцируемость несобственного интеграла от параметра.
 - 6. Изменение порядка интегрирования в повторном несобственном интеграле.
 - 7. Классические несобственные интегралы.
 - 8. Интеграл Фурье.
 - 9. Преобразование Фурье.
 - 10. Интегралы Эйлера.
 - 11. Криволинейный интеграл первого рода.
 - 12. Криволинейный интеграл второго рода.
 - 13. Формула Грина.
 - 14. Теорема о независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования.
 - 15. Связь между криволинейными интегралами первого и второго рода.

Литература

- 1. Кудрявцев Л.Д. Курс математического анализа. Т. 3. М.: Высш. шк., 1989.
- 2. Зорич В.А. Математический анализ. Т. 2. М.: Наука, 1984.
- 3. Кытманов А.М., Лейнартас Е.К. и др. Математический анализ. М.: Юрайт, 2012
- 4. Кудрявцев Л.Д., Кутасов А.Л., Чехлов В.И., Шабунин М.И. Сборник задач по математическому анализу. Т. 3. М.: Высш. шк., 1995.

МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

Семестр 4, Часть 1 Типовые задачи

1. Вычислить криволинейный интеграл второго рода

$$\int_{AmB} (e^x \sin y - my) dx + (e^x \cos y - m) dy,$$

где AmB — верхняя полуокружность $x^2 + y^2 = ax$, a > 0, пробегаемая от точки A(a,0) до точки O(0,0).

2. Вычислить интеграл

$$\int_{0}^{+\infty} \frac{e^{-\alpha x^{2}} - \cos \beta x}{x^{2}} dx, \quad \alpha > 0.$$

3. Найти вторую производную функции F(x), где

$$F(x) = \int_{a}^{b} f(y)|x - y|dy,$$

a < b и функция $f \in C[a, b]$.

4. С помощью эйлеровых интегралов вычислить интеграл

$$\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \operatorname{tg}^{n} x \, dx.$$

5. Найти преобразование Фурье от функции

$$f(x) = e^{-|x|}.$$

Четвертый семестр Экзаменационная работа 7 МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ Вариант 0

1. Доказать интегральную формулу Фурье.

(7 баллов)

2. Дать определение Г и В функций Эйлера и указать их область существования.

(2 балла)

3. Показать, что функция

$$u(x) = \int_{0}^{1} K(x, y)v(y)dy,$$

где

$$K(x,y) = \begin{cases} x(1-y), & \text{если} \quad x \leqslant y, \\ y(1-x), & \text{если} \quad x > y, \end{cases}$$

и v(y) непрерывна, удовлетворяет уравнению $u''(x) = -v(x), (x \in [0,1]).$

(7 баллов)

4. Вычислить интеграл

$$\int_{0}^{+\infty} \frac{\sin x^2}{x} dx.$$

(7 баллов)

5. С помощью формулы Грина вычислить криволинейный интеграл второго рода

$$\int_{\gamma} (e^x \sin y - my) dx + (e^x \cos y - m) dy,$$

где γ — верхняя полуокружность $x^2+y^2=ax$, пробегаемая от точки A(a,0) до точки O(0,0).

(7 баллов)