# Семестр 4. (36 часов лекций, 72 часа практических занятий).

#### План лекций.

- 1. Интеграл Фурье.
- 2. Преобразование Фурье.
- 3. Кривые в  $\mathbb{R}^n$ . Гладкие и кусочно-гладкие кривые. Касательная к кривой. Особые точки кривых. Спрямляемые кривые, длина кривой.
- 4. Криволинейный интеграл первого рода. Основные свойства. Связь с интегралом Римана.
- 5. Криволинейный интеграл второго рода. Основные свойства. Связь с криволинейным интегралом первого рода и с интегралом Римана.
  - 6. Формула Грина.
- 7. Теорема о независимости криволинейного интеграла второго рода от пути интегрирования на плоскости.
- 8. Поверхности в  $\mathbb{R}^n$ . Гладкие и кусочно-гладкие поверхности. Касательная и нормаль к поверхности. Особые точки поверхностей. Квадрируемые поверхности, площадь поверхности.
- 1. Кудрявцев Л.Д. Курс математического анализа. Т. 1,2,3. М.: Высшая школа. 1989.
- 2. Зорич В.А. Курс дифференциального и интегрального исчисления. М.: Наука. – 1984.
- 3. Никольский С.М. Курс математического анализа. Т. 1,2. М.: Наука. 1983.
- 4. Фихтенгольц Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. Т. 1,2,3. – М.: Наука. 1970.
- 5. Кудрявцев Л.Д. и др. Сборник задач по математическому анализу. Т. 1,2,3. М.: Высшая школа. 1985.

#### План практических занятий.

- 1-2. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Сходимость, равномерная сходимость и непрерывность.
- 3-4. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Дифференцирование и интегрирование по параметру.
  - 5-6. Интегралы Эйлера.
  - 7. Интеграл Фурье и преобразование Фурье.
  - 8. Контрольная работа.
  - 9. Кривые в  $\mathbb{R}^n$ . Касательная к кривой.
  - 10-11. Криволинейный интеграл первого рода.
  - 12. Криволинейный интеграл второго рода.
  - 13. Формула Грина.
- 14-15. Теорема о независмости криволинейного интеграла второго рода от пути интегрирования.

#### Типовые теоретические задания.

- 1. Дайте определение.
- 2. Сформулируйте и докажите теорему.

## Типовые практические задания.

- 1. Сведите к интегралам Эйлера.
- 2. Вычислите с помощью интегралов Эйлера.
- 3. Исследуйте несобственный интеграл, зависящий от параметра, на сходимость.
- 4. Исследуйте несобственный интеграл, зависящий от параметра, на равномерную сходимость.
- 5. Применяя дифференцирование и интегрирование по параметру, вычислите несобственный интеграл, зависящий от параметра.
  - 6. Вычислите криволинейный итеграл первого рода.
  - 7. Вычислите криволинейный итеграл второго рода.
  - 9. Вычислите криволинейный интеграл с помощью формулы Грина.
  - 10. С помощью формулы Грина вычислите площадь области.
- 11. Вычислите криволинейный итеграл второго рода с помощью теоремы о независимости такого типа интегралов от пути интегрирования.

### Типовой вариант на минисессии.

# МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

(семестр 4, Минисессия 1, 2013 г., вариант I)

1. Используя дифференцирование по параметру, вычислить несобственный интеграл (10 баллов)

$$\int_0^\infty \frac{e^{-7x} \sin 5x}{x} \, dx.$$

2. Вычислить с помощью интегралов Эйлера (5 баллов).

$$\int_0^\infty \frac{dx}{1+x^5}.$$

3. Вычислите криволинейный интеграл 1-го рода

$$\int_{S} x ds$$

по части S параболы  $y=t^2, x=t, 0 \le t \le 1$  (6 баллов).

4. Вычислите криволинейный интеграл второго рода

$$\int_{\Gamma} x \ dy - y \ dx$$

по плоской кривой  $\Gamma$ , являющейся границей верхнего единичного полукруга. Начальной то точкой считать A=(1,0), а конечной B=(-1,0). Зависит ли этот интеграл от пути интегрирования между A и B? Ответы обосновать (5 баллов).