Математический анализ. Семестр 3. (68 часов лекций, 68 часов практических занятий).

Перечень тем и вопросов, выносимых на экзамен.

Осенняя мини-сессия

- 1. Пространство \mathbb{R}^n .
- 2. Топология пространства \mathbb{R}^n .
- 3. Функции многих переменных. Предел функций многих переменных.
- 4. Непрерывность функций многих переменных.
- 5. Свойства непрерывных функций. Равномерная непрерывность функций многих переменных.
- 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких действительных переменных. Частные производные. Дифференцируемость. Существование производных и дифференцируемость. Дифференциал.
 - 7. Производная по направлению и градиент.
 - 8. Теоремы о среднем.
 - 9. Частные производные и диференциалы высших порядков.
 - 10. Формула Тейлора.

Рекомендуемая литература.

- 1. Кудрявцев Л.Д. Курс математического анализа. Т. 1,2,3. М.: Высшая школа. 1989.
- 2. Зорич В.А. Курс дифференциального и интегрального исчисления. М.: Hayka. 1984.
- 3. Никольский С.М. Курс математического анализа. Т. 1,2. М.: Наука. 1983.
- 4. Фихтенгольц Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. Т. 1,2,3. – М.: Наука. 1970.
- 5. Кудрявцев Л.Д. и др. Сборник задач по математическому анализу. Т. 1,2,3. М.: Высшая школа. 1985.

Список типовых теоретических задач

- 1. Дайте определение ...
- 2. Сформулируйте и докажите теорему...

Список типовых практических задач осенней мини-сессии

- 1. Докажите, что множество является областью.
- 2. Докажите, что множество является компактным.
- 3. Найдите предел последовательности в \mathbb{R}^{n} .
- 4. Найдите повторный предел или докажите, что он не существует.
- 5. Найдите двойной предел или докажите, что он не существует.
- 6. Найдите кратный предел или докажите, что он не существует.
- 7. Исследуйте функцию на непрерывность.
- 8. Исследуйте функцию на равномерную непрерывность.
- 9. Найдите частную производную, или докажите, что она не существует.
- 10. Исследуйте функцию на дифференцируемость.
- 11. Найдите дифференциал.
- 12. Найдите производные функции старших порядков.
- 13. Разложите функцию по формуле Тейлора в заданной точке.

"Демо-версия" билета осенней-минисессии

МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

(семестр 3, Минисессия 1, 2017 г., вариант I)

- 1. Дайте определение области в \mathbb{R}^2 (3 балла).
- 2. Сформулируйте и докажите теорему Кантора для функций двух переменных (3+4=7 баллов).
 - 3. Для функции

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{x^2y^2}{x^2+y^2}, & (x,y) \neq 0, \\ 0, & (x,y) = 0, \end{cases}$$

а) найдите или покажите что не существуют следующие двойной и повторные пределы

$$\lim_{(x,y)\to 0} f(x,y), \quad \lim_{x\to 0} \lim_{y\to 0} f(x,y), \quad \lim_{y\to 0} \lim_{x\to 0} f(x,y)$$

и исследуйте функцию f(x,y) на непрерывность в \mathbb{R}^2 (5 баллов);

- б) найдите первые частные производные функции f(x,y) и ее стационарные точки в \mathbb{R}^2 (5 баллов);
 - в) выясните, является ли f(x,y) дифференцируемой в \mathbb{R}^2 (5 баллов);
- г) Разложите функцию по формуле Тейлора первого порядка в точке (1,1) Остаточный член запишите в форме Лагранжа (5 баллов).