

## PE 355

一个很自然的想法是取出所有质数不大于 $n$ 的最大的幂，然后我们发现它挂得飞起

跑一下 $n = 30$ 的数据我们发现，我们跑出来的最优解是

$$Co(n) = \{1, 16, 27, 25, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29\}$$

然而事实上，把16和7用28替换会更加的优秀

$$Co(n) = \{1, 27, 25, 11, 13, 17, 19, 23, 28, 29\}$$

~~那怎么办啊我现在不会做子~~

接下来我们猜一波结论

最后这个集合中的任意一个数都不会有超过两个质因子

并且如果某个数含有两个质因子，那么其中必定有一个会 $\geq \sqrt{n}$

~~听起来有理有据不过并不会证~~

那么我们先吧 $\frac{n}{2}$ 的质数都丢掉，然后把剩下的这些质数拿出来， $\geq \sqrt{n}$ 的放一边， $\leq \sqrt{n}$ 的放一边

剩下的就只要跑个最大带权匹配就好

```
#include<bits/stdc++.h>
#define read() Read<int>()
using namespace std;
typedef long long ll;
const int N=2e5+5;
ll nn=N-5,Ans,p[N];
int isprime[N],prime[N],ptot;
inline void get_prime(int prange){
    isprime[1]=1;
    for (int i=2;i<=prange;++i){
        if (!isprime[i]) prime[++ptot]=i;
        for (int j=1;j<=ptot && prime[j]*i<=prange;++j){
            isprime[i*prime[j]]=1;
            if (!(i%prime[j])) break;
        }
    }
}
namespace dinic{
    #define int ll
    const ll inf=1e18;
    struct edge{
        int next,to,w,c;
    }a[N<<1];
    int head[N],cnt;
    inline void add(int u,int v,int w,int c){
        a[++cnt].to=v;
        a[cnt].next=head[u];
```

```

        head[u]=cnt;
        a[cnt].w=w;
        a[cnt].c=c;
    }
    int n,m,S,T;
    inline void input(){
        cnt=1;
        S=1;
        for (int i=1;i<=86;++i){
            add(S,i+1,1,0);
            add(i+1,S,0,0);
        }
        n=87;
        for (int i=87;i<=ptot;++i){
            if (prime[i]>100000) break;
            ++n;
            for (int j=1;j<=86;++j){
                ll x=prime[i];
                while (x*prime[j]<=nn) x*=prime[j];
                if (x<=p[i]+p[j]) continue;
                add(j+1,i+1,1,x-p[i]-p[j]);
                add(i+1,j+1,0,p[i]+p[j]-x);
            }
        }
        T=++n;
        for (int i=87;i<=ptot;++i){
            if (prime[i]>100000) break;
            add(i+1,T,1,0),add(T,i+1,0,0);
        }
    }
    queue<int>q;
    int vis[N],d[N],pre[N],las[N],f[N];
    inline bool spfa(){
        q=queue<int>();
        memset(vis,0,sizeof(vis));
        memset(pre,0,sizeof(pre));
        for (int i=1;i<=n;++i) d[i]=-inf;
        f[S]=inf,vis[S]=1,q.push(S),d[S]=0;
        while (!q.empty()){
            int x=q.front();
            q.pop(),vis[x]=0;
            for (int i=head[x];i;i=a[i].next){
                int y=a[i].to;
                if (d[y]<d[x]+a[i].c && a[i].w){
                    d[y]=d[x]+a[i].c;
                    pre[y]=x,las[y]=i;
                    f[y]=min(f[x],a[i].w);
                    if (!vis[y]) vis[y]=1,q.push(y);
                }
            }
        }
        return pre[T];
    }
}

```

```

inline ll solve(){
    input();
    ll ans1=0,ans2=0;
    while (spfa()){
        ans1+=f[T],ans2+=f[T]*d[T];
        for (int i=T;i;i=pre[i]){
            a[las[i]].w-=f[T];
            a[las[i]^1].w+=f[T];
        }
    }
    return ans2;
}

signed main(){
    get_prime(nn);
    for (int i=1;i<=ptot;++i){
        ll x=prime[i];
        while (x*prime[i]<=nn) x*=prime[i];
        Ans+=(p[i]=x);
    }
    printf("%lld\n",Ans+dinic::solve()+1);
    return 0;
}

```