

# ED62A-COM2A

# ESTRUTURAS DE DADOS

Aula 03 - Pilhas  
(Implementação estática)

Prof. Rafael G. Mantovani

26/03/2019

# Roteiro



- 1** Introdução
- 2** Pilhas
- 3** Operações
- 4** Implementação com memória estática
- 5** Síntese / Revisão
- 6** Referências

# Roteiro

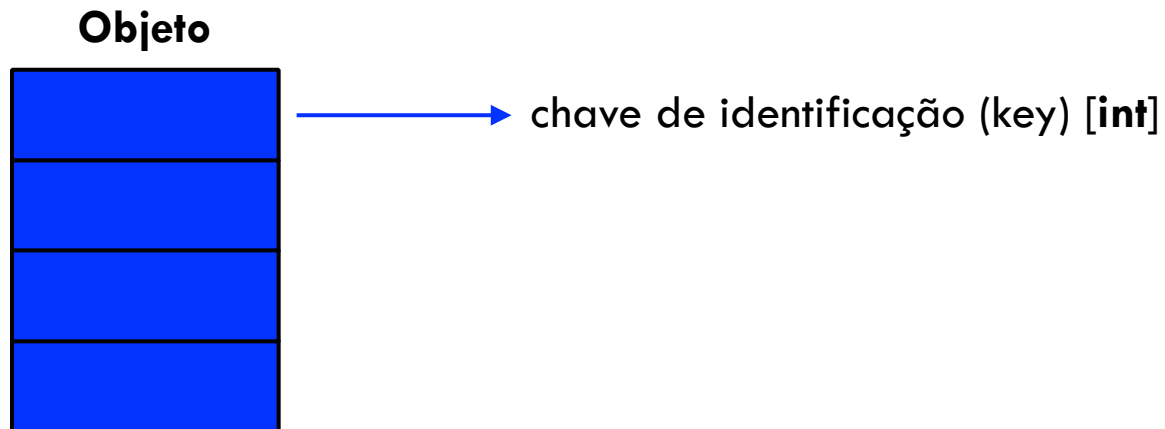
- 1 Introdução**
- 2 Pilhas**
- 3 Operações**
- 4 Implementação com memória estática**
- 5 Síntese / Revisão**
- 6 Referências**

# Introdução

- Conjuntos são fundamentais para Computação / Matemática
  - Matemática = conjuntos são invariáveis
  - Computação = são dinâmicos
- Operações
  - diferentes operações em um conjunto
  - inserir, eliminar e testar a existência de um elemento
  - a melhor forma de implementar depende das operações

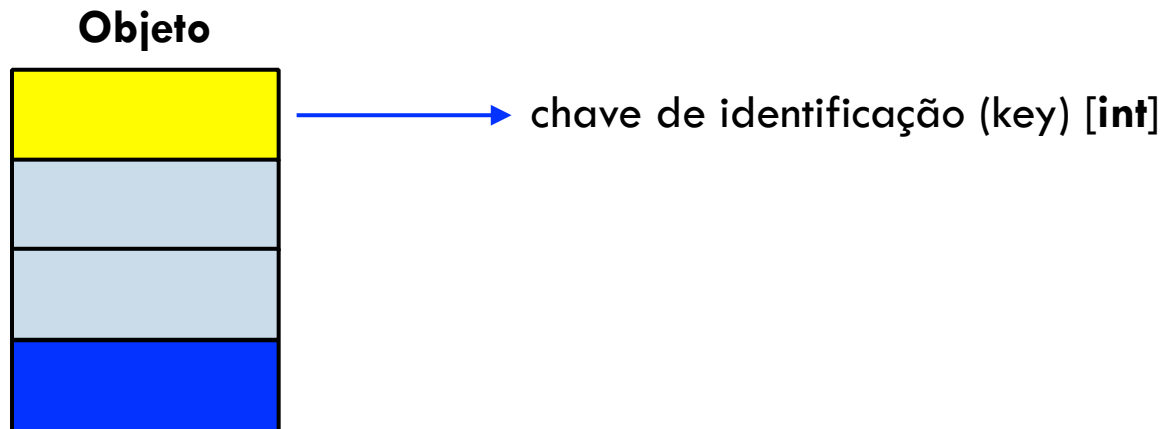
# Introdução

- Elemento (objeto) → vários atributos



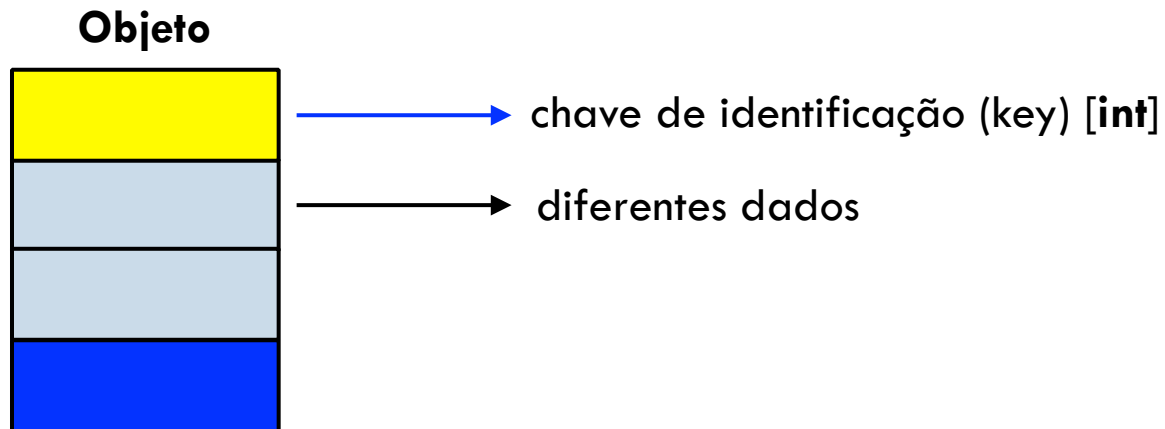
# Introdução

- Elemento (objeto) → vários atributos



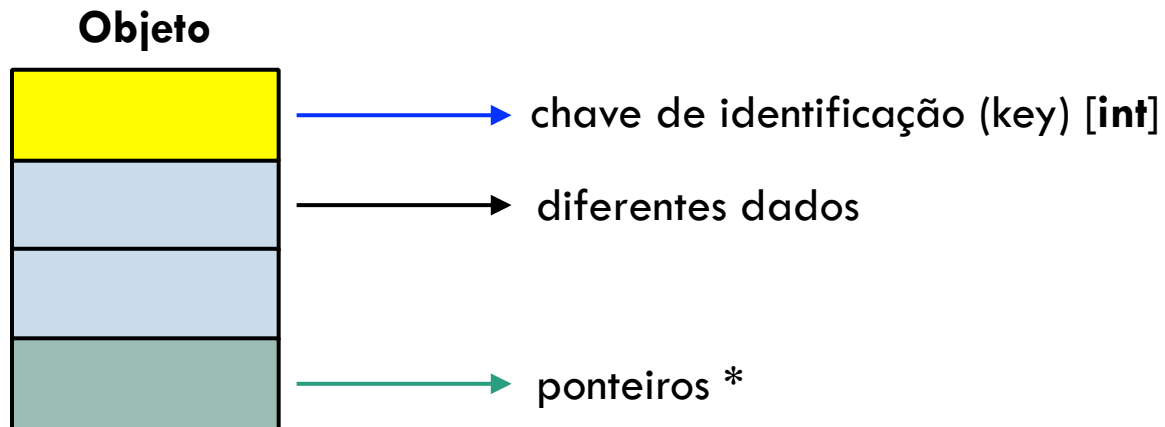
# Introdução

- Elemento (objeto) → vários atributos



# Introdução

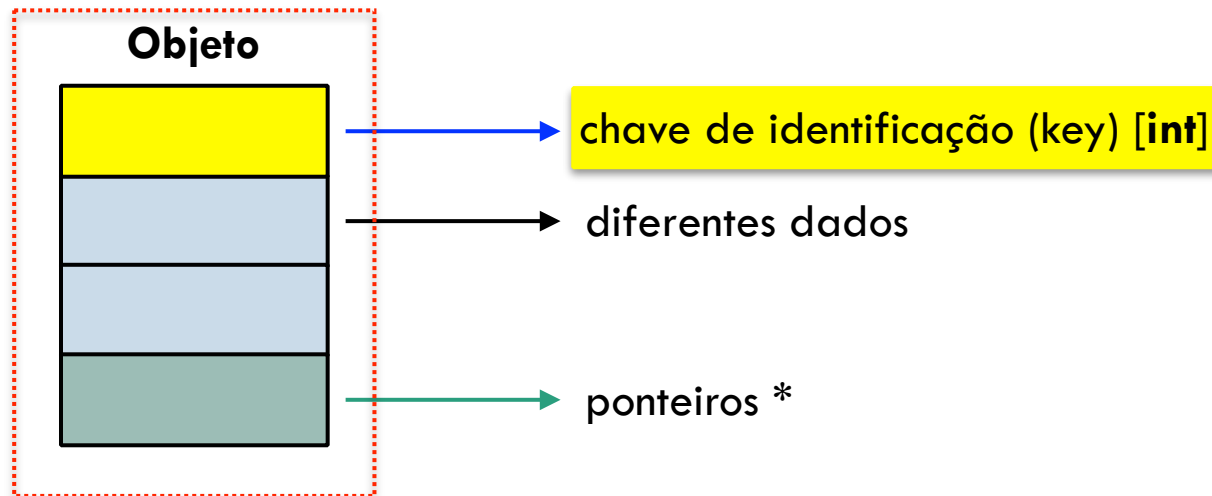
- Elemento (objeto) → vários atributos





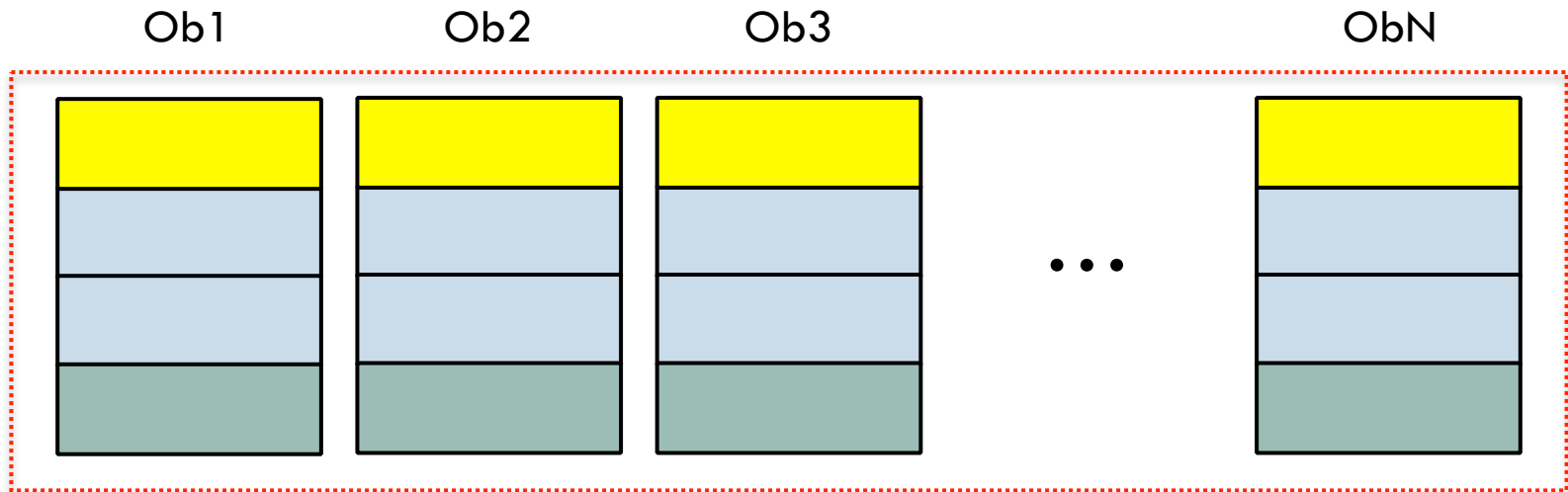
# Introdução

- Elemento (objeto) → vários atributos



# Introdução

- Estrutura = Arranjo de N Objetos



**Estrutura de Dados**

# Operações

Dada uma estrutura **S**, chave **k**, elemento **x**:

- `search(S, k)` → procurar k em S [TRUE/FALSE]
- `insert(S, k)` → inserir k em S
- `delete(S, k)` → remover k em S
- `minimum(S)` → menor valor armazenado em S
- `maximum(X)` → maior valor armazenado em S
- `next(S, x)` → elemento sucessor a x
- `previous(S, x)` → elemento antecessor a x
- `size(S)` → tamanho de S
- `empty(S)` → S está vazia? [TRUE/FALSE]
- `full(S)` → S está cheia? [TRUE/FALSE]

# Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Pilhas
- 3 Operações
- 4 Implementação com memória estática
- 5 Implementação com memória dinâmica
- 6 Síntese / Revisão
- 7 Referências

# Pilhas



# Pilhas



LIFO (Last In, First Out)

"Último elemento a entrar é o primeiro a sair"

# Pilhas

**Topo** da pilha  
(acessível)



**Fundo** da pilha  
(inacessível)



Pilha de livros  
(Stack)

# Pilhas

**Topo** da pilha  
(acessível)

Pilha de livros  
(Stack)

~~Fundo~~ da pilha  
(inacessível)





# Pilhas

**Topo** da pilha  
(acessível)



Pilha de livros  
(Stack)

~~**Fundo** da pilha  
(inacessível)~~



Empilha um novo  
livro no topo  
(**push**)



Remove um livro  
do topo  
(**pop**)

# Pilhas

**Topo** da pilha  
(acessível)



Pilha de livros  
(Stack)

~~Fundo~~ da pilha  
(inacessível)

## Operações



Empilha um novo  
livro no topo  
(**push**)



Remove um livro  
do topo  
(**pop**)

# Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Pilhas
- 3 Operações
- 4 Implementação com memória estática
- 5 Síntese / Revisão
- 6 Referências

# Operações em Pilhas

Dada uma estrutura **S**, chave **k**, elemento **x**:

- ~~search(S, k) → procurar k em S [TRUE/FALSE]~~
- **insert(S, k)** → inserir k em S
- **delete(S, k)** → remover k em S
- ~~minimum(S) → menor valor armazenado em S~~
- ~~maximum(X) → maior valor armazenado em S~~
- ~~next(S, x) → elemento sucessor a x~~
- ~~previous(S, x) → elemento antecessor a x~~
- **size(S)** → tamanho de S
- **empty(S)** → S está vazia? [TRUE/FALSE]
- **full(S)** → S está cheia? [TRUE/FALSE]

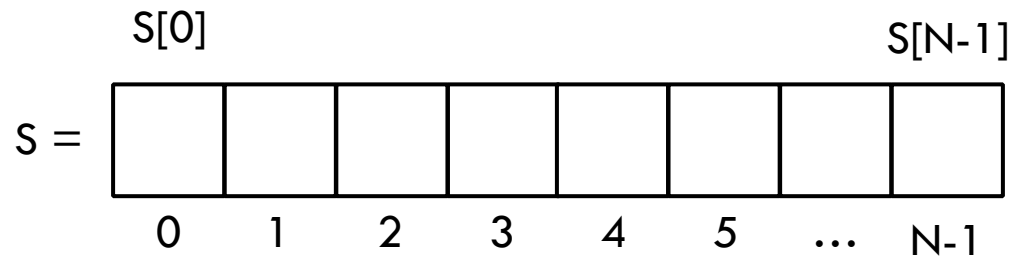
# Operações em Pilhas

Dada uma estrutura **S**, chave **k**, elemento **x**:

- ~~search(S, k) → procurar k em S [TRUE/FALSE]~~
- **push(S, k)** → empilhar k em S
- **pop(S, k)** → desempilhar k em S
- ~~minimum(S) → menor valor armazenado em S~~
- ~~maximum(X) → maior valor armazenado em S~~
- ~~next(S, x) → elemento sucessor a x~~
- ~~previous(S, x) → elemento antecessor a x~~
- **size(S)** → tamanho de S
- **empty(S)** → S está vazia? [TRUE/FALSE]
- **full(S)** → S está cheia? [TRUE/FALSE]

# Pilhas

$S$  = Arranjo de  $N$  elementos

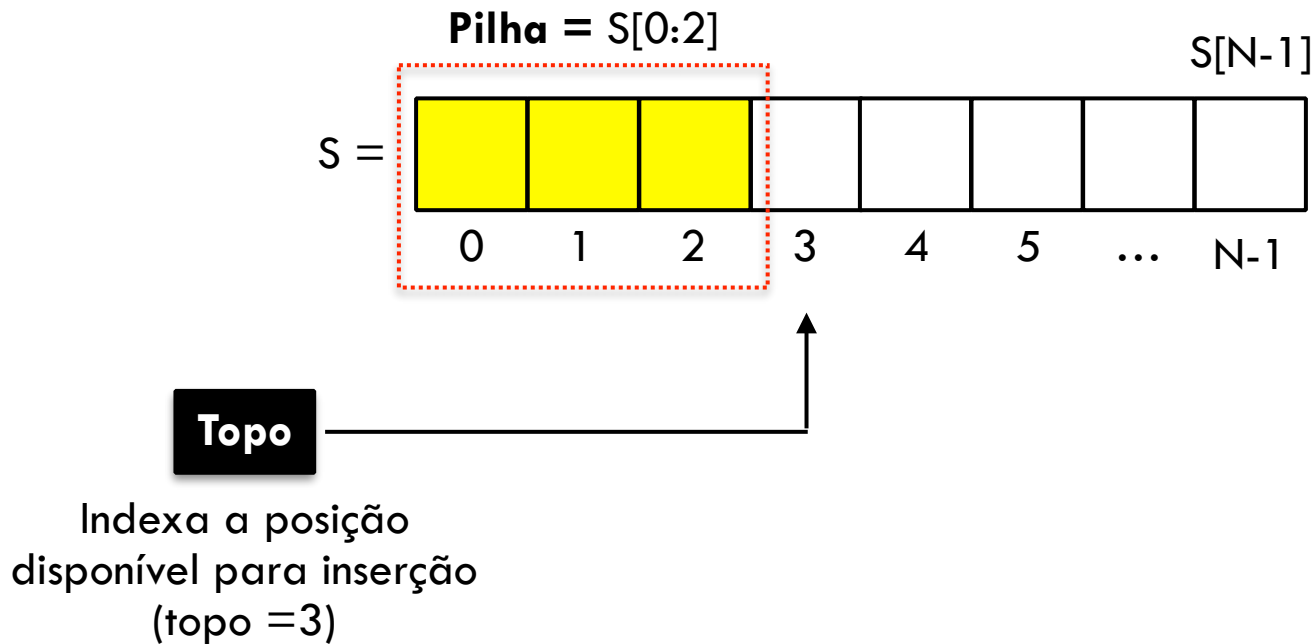


**Topo**

Indexa a posição  
disponível para inserção

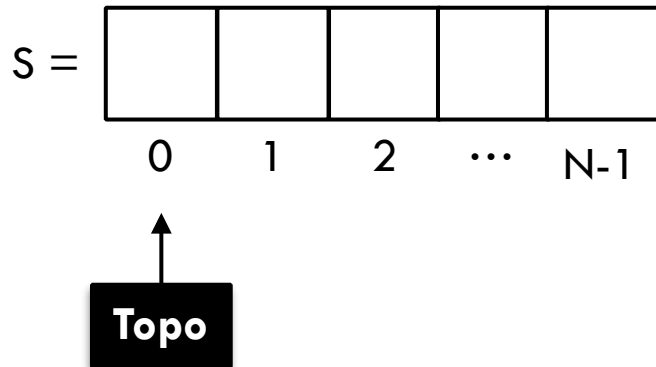
# Pilhas

$S$  = Arranjo de  $N$  elementos

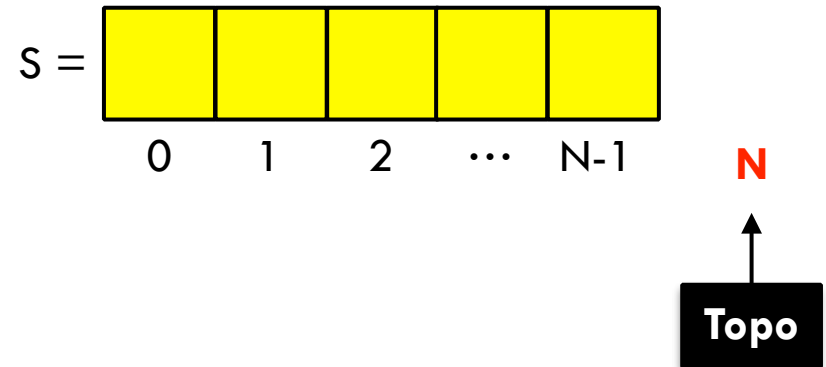


# Pilhas

- $S[S.topo] == 0 \rightarrow$  pilha está vazia
- $S[S.topo] == N \rightarrow$  pilha está cheia



```
isEmpty (S)  
1. return(S.topo == 0)
```

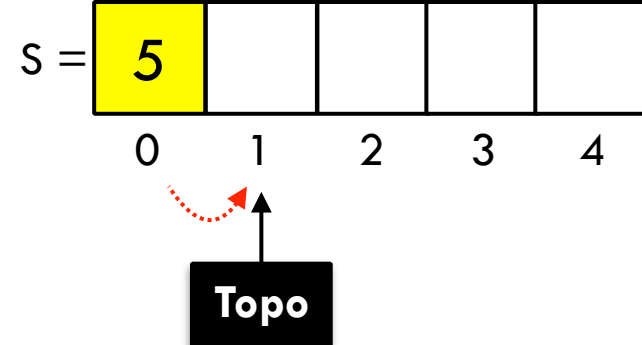
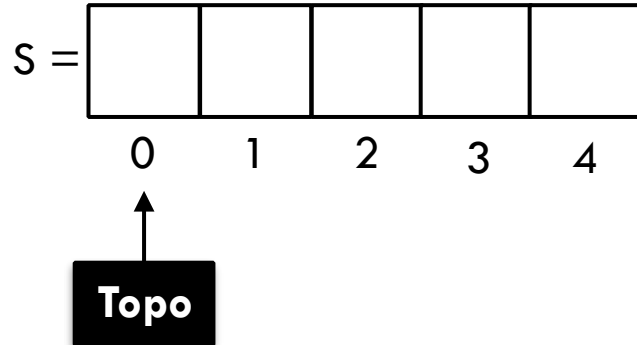


```
isFull (S)  
1. return(S.topo == N)
```



# Empilhar

- Empilhar (inserir) elemento  $x = 5$



- Pseudocódigo**

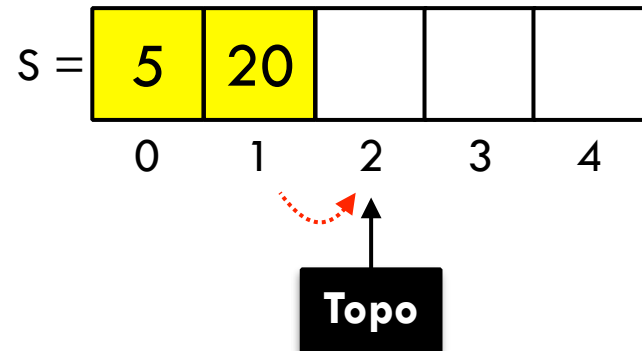
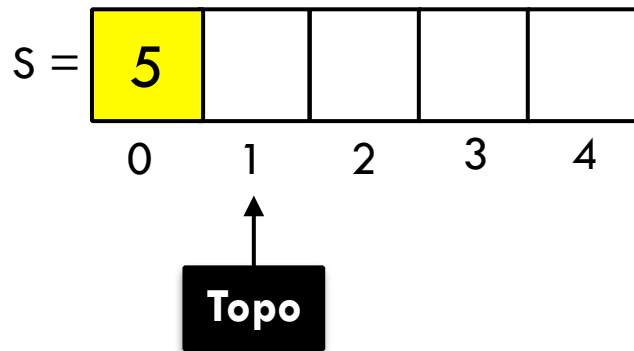
**Push** ( $S, x$ )

1.  $S[S.topo] = x;$

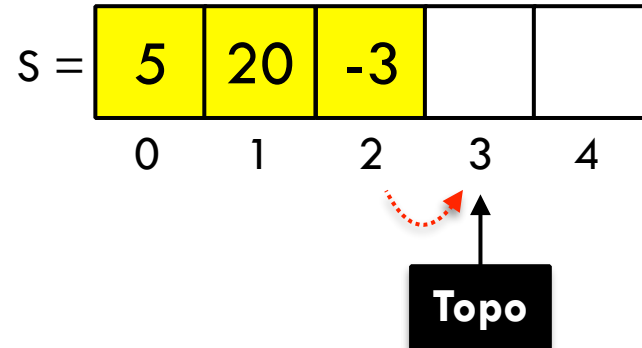
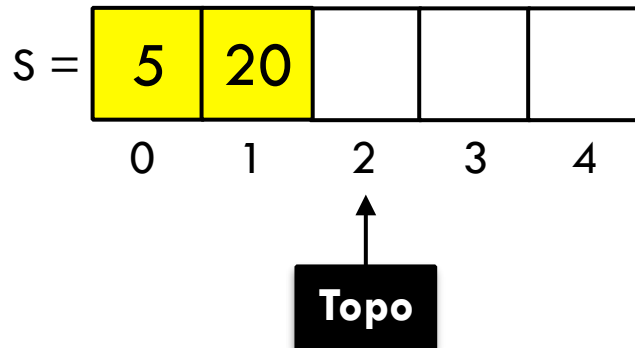
2.  $S.topo = S.topo + 1;$

# Empilhar (Push)

- Empilhar (inserir) elemento  $x = 20$

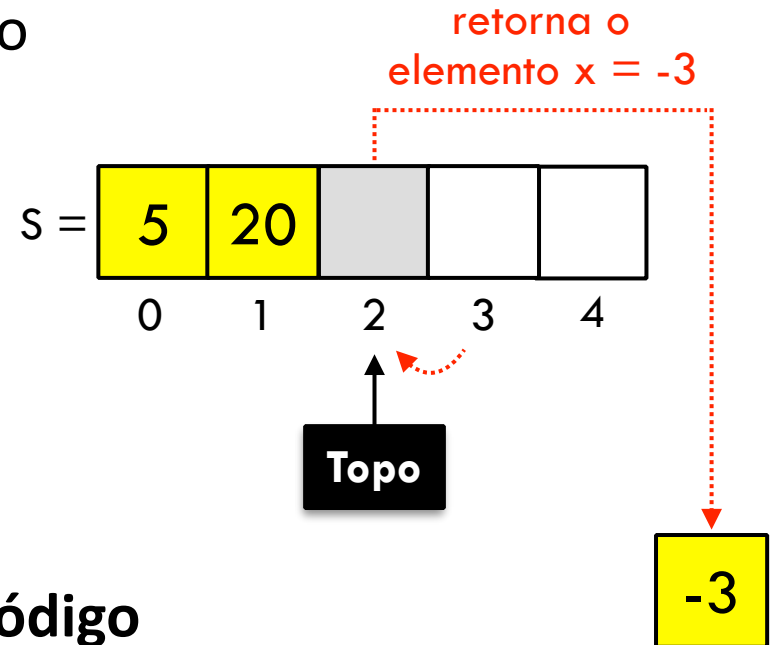
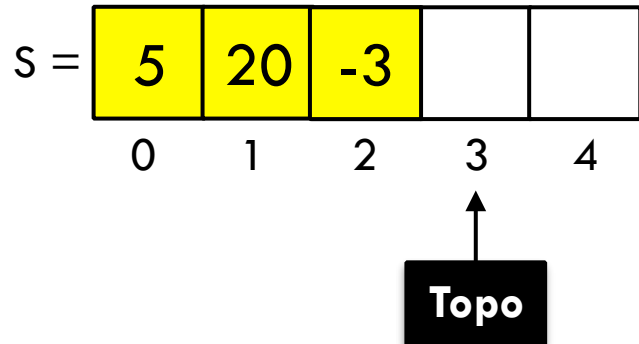


- Empilhar (inserir) elemento  $x = -3$



# Desempilhar

- desempilhar (remove) elemento



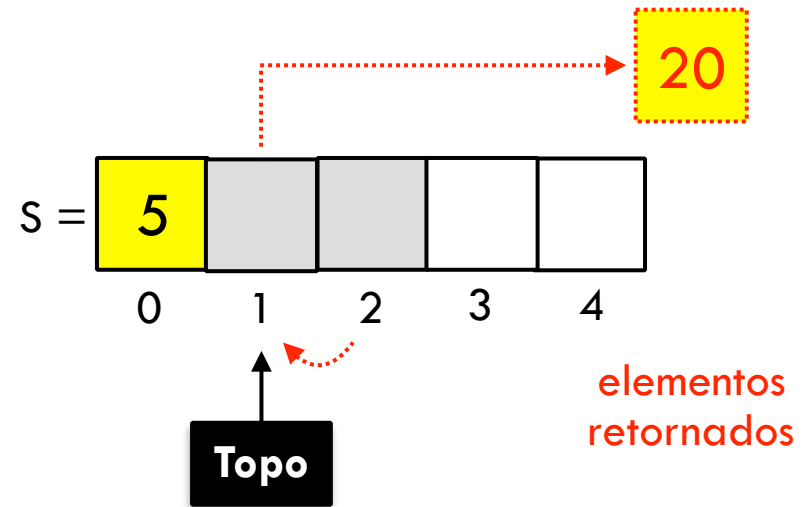
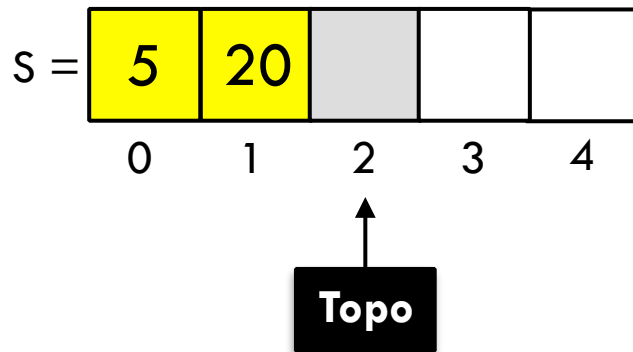
- Pseudocódigo

**Pop (S)**

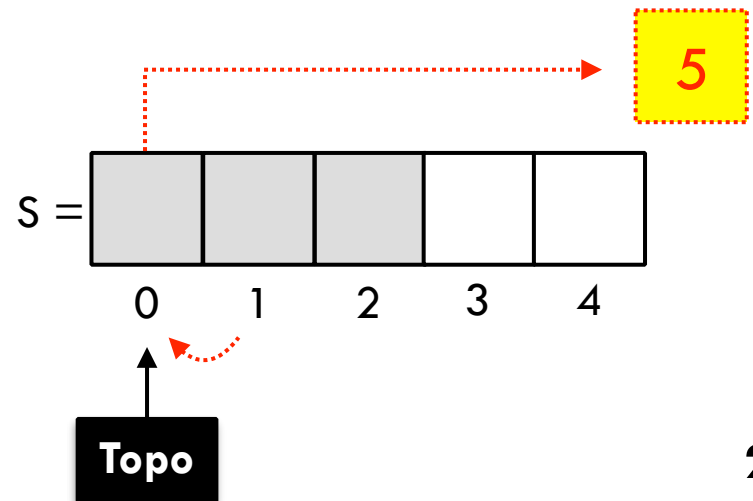
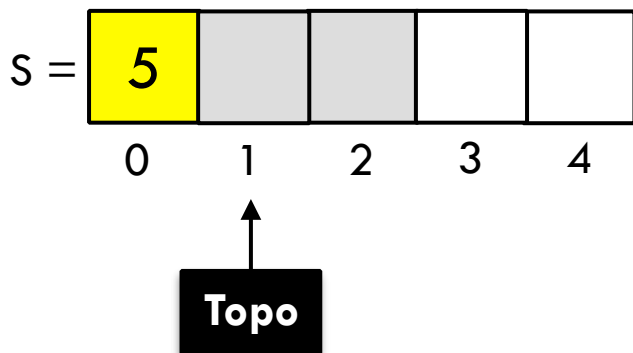
```
1.  $x = S[S.topo - 1];$   
2.  $S.topo = S.topo - 1;$   
3. return(x);
```

# Desempilhar

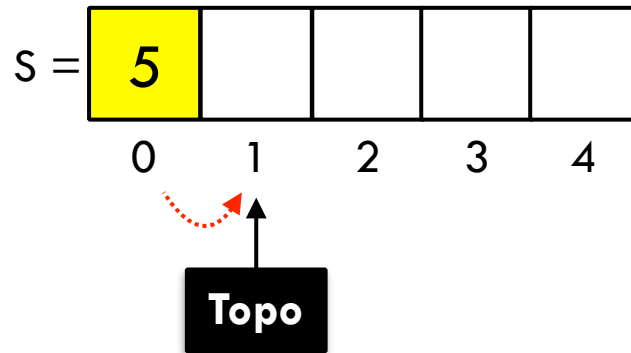
- desempilhar (remove) elemento



- desempilhar (remove) elemento



# Acessar topo (sem remoção)



- Pseudocódigo

```
Top (S)
1. x = [S.topo-1];
2. return(x);
```

# Exercício 01

- Ilustre cada estado de uma pilha após realizar as seguintes operações (em ordem)
  - Push(S, 4)
  - Push(S, 1)
  - Push(S, 3)
  - Pop(S)
  - Push(S, 8)
  - Pop(S)
- Considere que a pilha está inicialmente vazia e é armazenada em um arranjo  $S[1 \dots 6]$

# Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Pilhas
- 3 Operações
- 4 Implementação com memória estática
- 5 Síntese / Revisão
- 6 Referências

# Implementação (Estática)

- Dois tipos abstratos de dados

```
#define N 100

typedef struct {
    int key;
    /* pode ter mais elementos */
} Item;
```

implementa o nosso  
objeto

```
typedef struct {
    Item vet[N];
    int topo;
} StaticStack;
```

implementa o TDA  
para Pilha



# Implementação (Estática)

- Dois tipos abstratos de dados

```
void init(StaticStack *pilha);  
int isEmpty(StaticStack *pilha);  
int isFull(StaticStack *pilha);  
void push(Item item, StaticStack *pilha);  
void pop(StaticStack *pilha, Item *item);  
int size(StaticStack *pilha);  
Item top(StaticStack *pilha);  
void print(StaticStack *pilha);
```

## Exercício 02

- Mãos a obra: implemente um TDA para Pilha com alocação estática, e as funções de manipulação.

# Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Pilhas
- 3 Operações
- 4 Implementação com memória estática
- 5 Síntese / Revisão
- 6 Referências

# Revisão



- Pilhas
  - o que é
  - operações
  - implementação estática

# Próximas Aulas

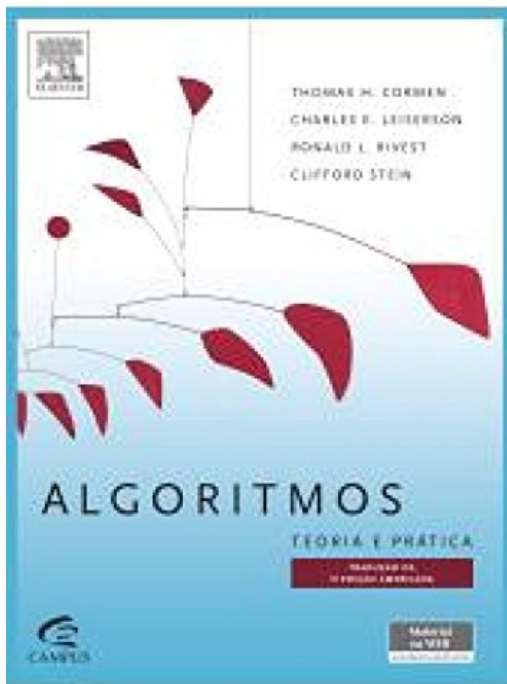


- Pilhas → implementação dinâmica
- Filas/ Deques
- Implementação de Listas Lineares
  - single-linked
  - double-linked

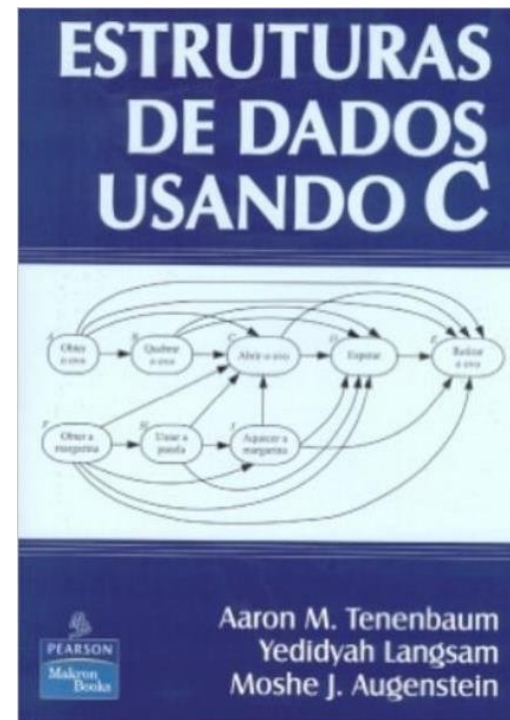
# Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Pilhas
- 3 Operações
- 4 Implementação com memória estática
- 5 Síntese / Revisão
- 6 Referências

# Referências sugeridas

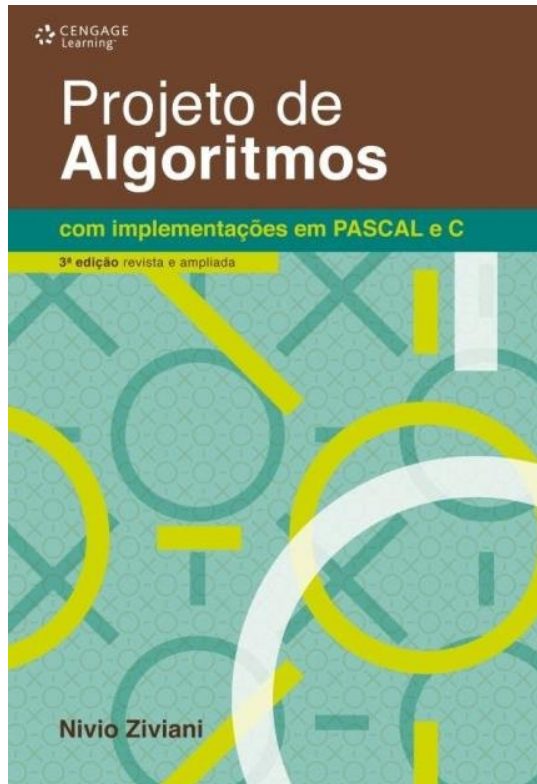


[Cormen et al, 2018]



[Tenenbaum et al, 1995]

# Referências sugeridas



[Ziviani, 2010]



[Drozdek, 2017]



# Perguntas?

Prof. Rafael G. **Mantovani**

[rafaelmantovani@utfpr.edu.br](mailto:rafaelmantovani@utfpr.edu.br)