ED62A-COM2A ESTRUTURAS DE DADOS

Aula 06b - Remoção em Árvores Binárias

Prof. Rafael G. Mantovani 03/05/2019



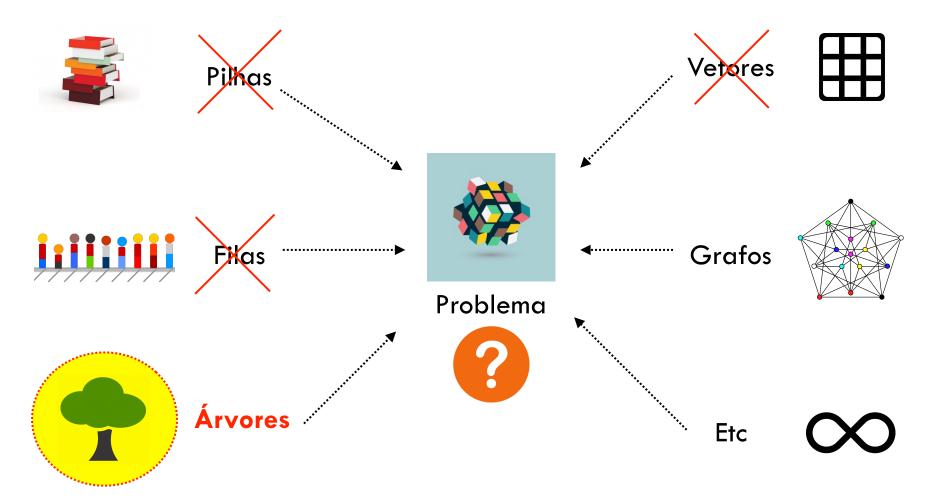
Roteiro

- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências

Roteiro

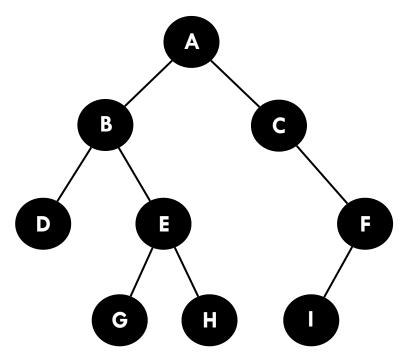
- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências

Introdução



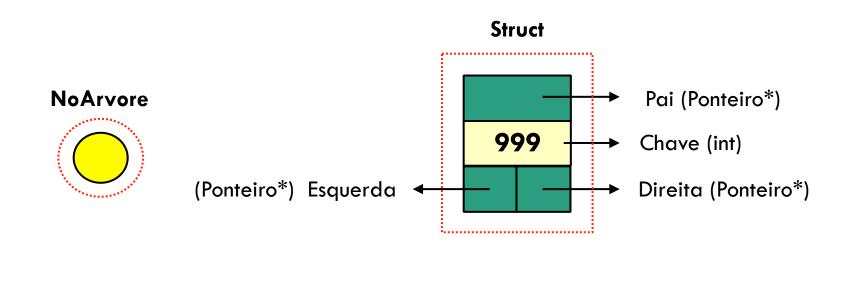
Introdução





Árvore Binária

Abstração



Tipo Abstrato

de Dados

6

Tipos de Árvore Binária

```
typedef struct {
    int chave;
} Item;
typedef struct NoArvore *Ponteiro;
typedef struct NoArvore{
  Item elemento;
 Ponteiro direita;
  Ponteiro esquerda;
} NoArvore;
/* Definir arvore binária na main */
Ponteiro raiz; /* como definir e
                   usar árvore */
```



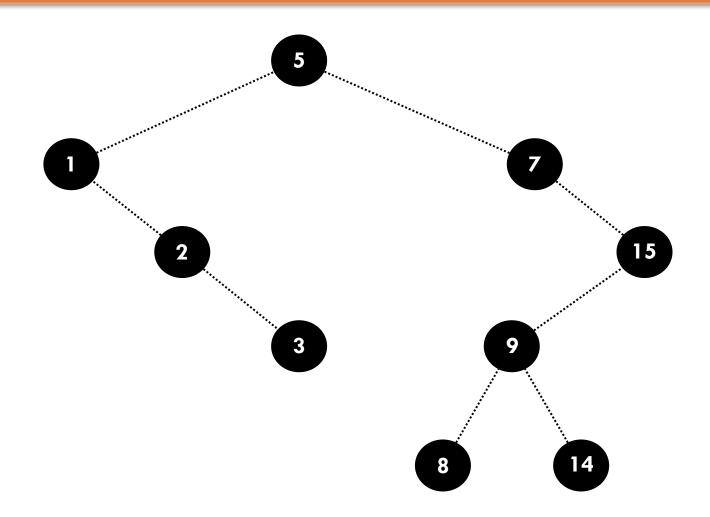
Arvore Binária

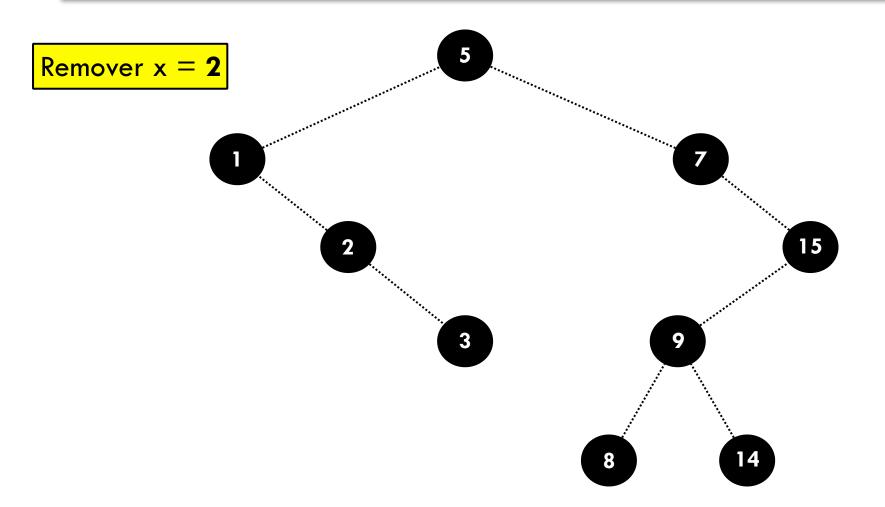
tipo NoArvore

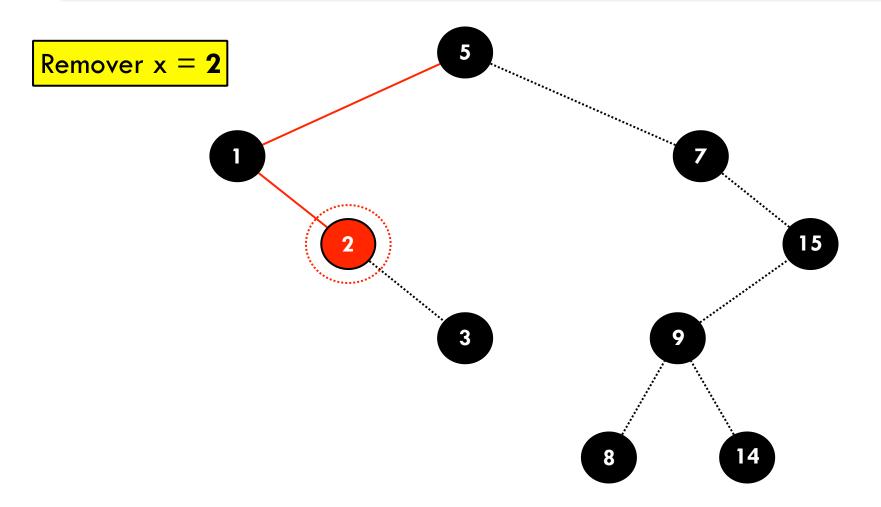


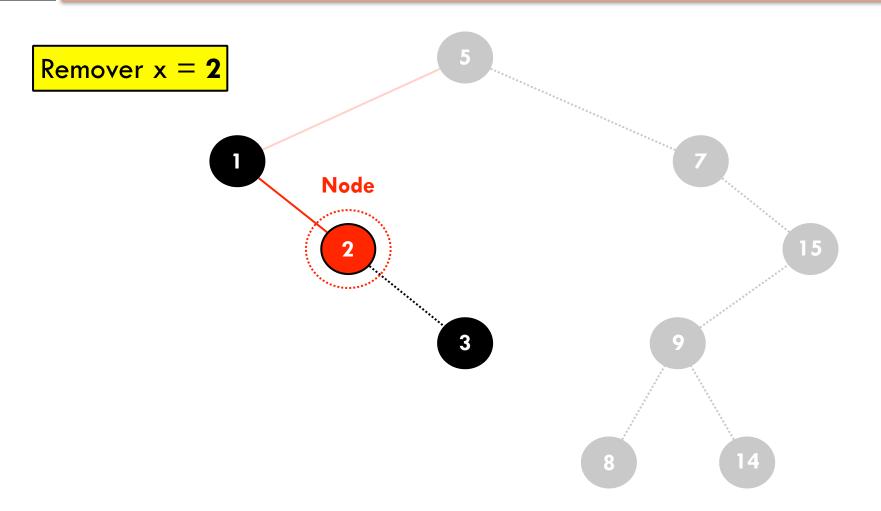
Roteiro

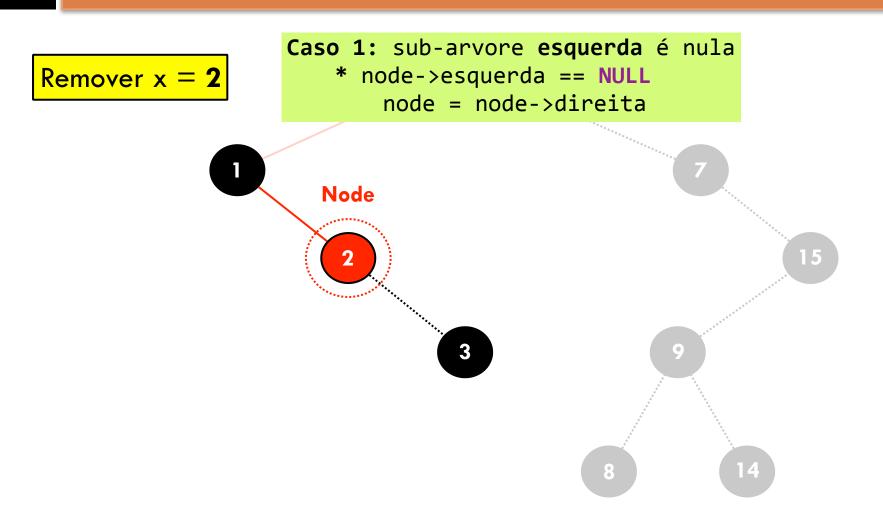
- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências

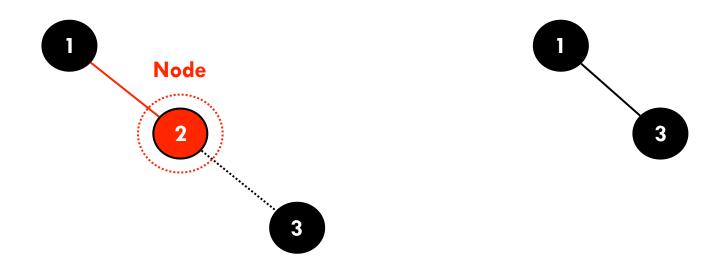






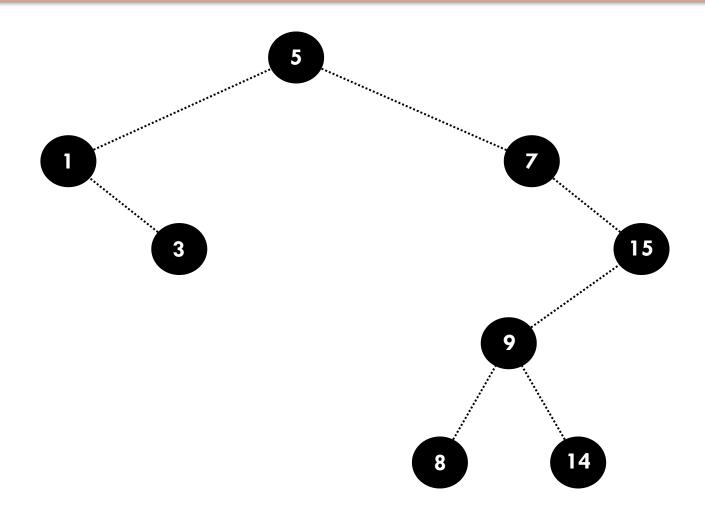


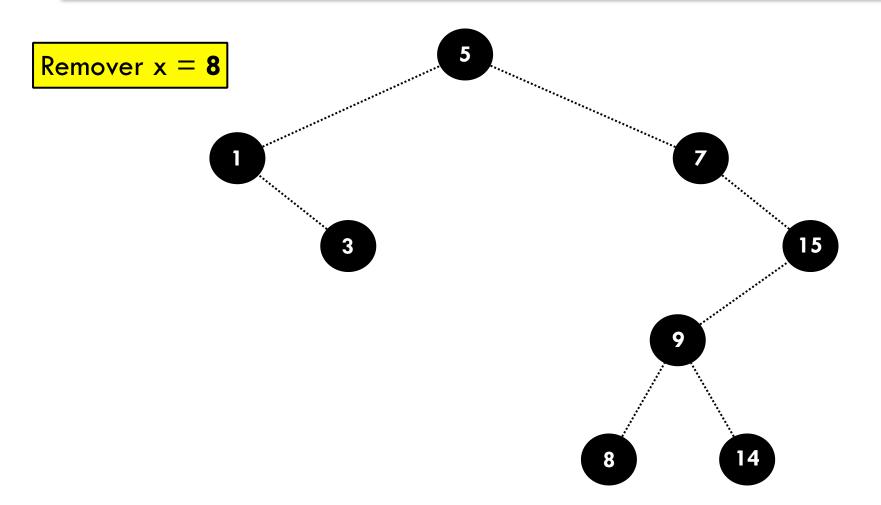


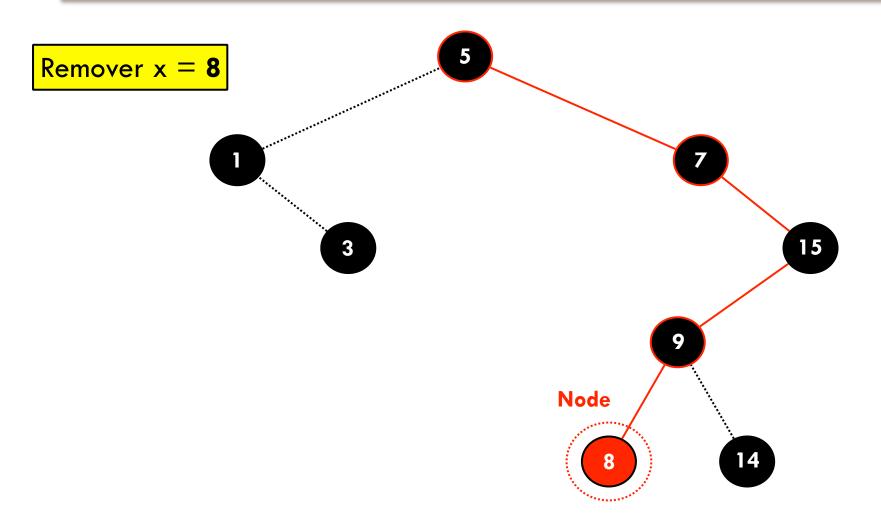


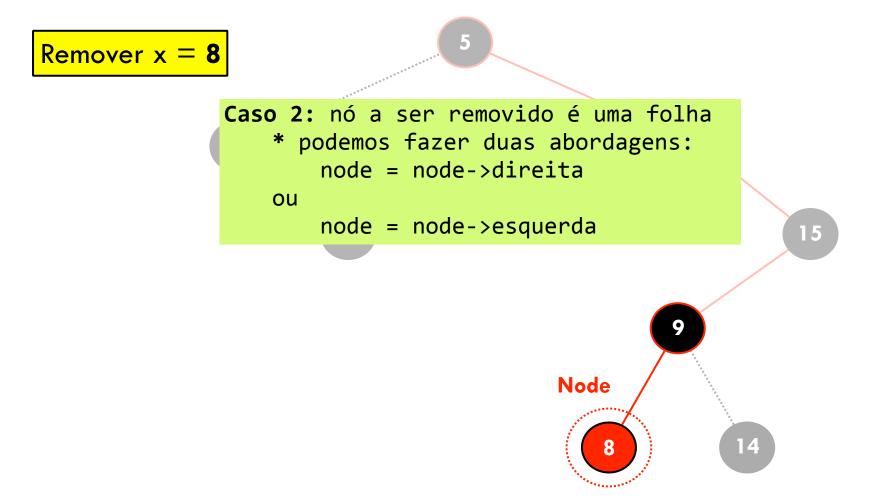
Antes da remoção

Depois da remoção





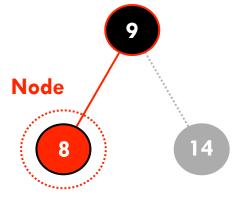




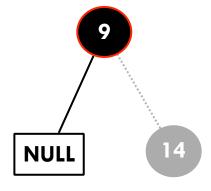
```
Caso 2: nó a ser removido é uma folha
  * podemos fazer duas abordagens:
        node = node->direita
   ou
        node = node->esquerda
```



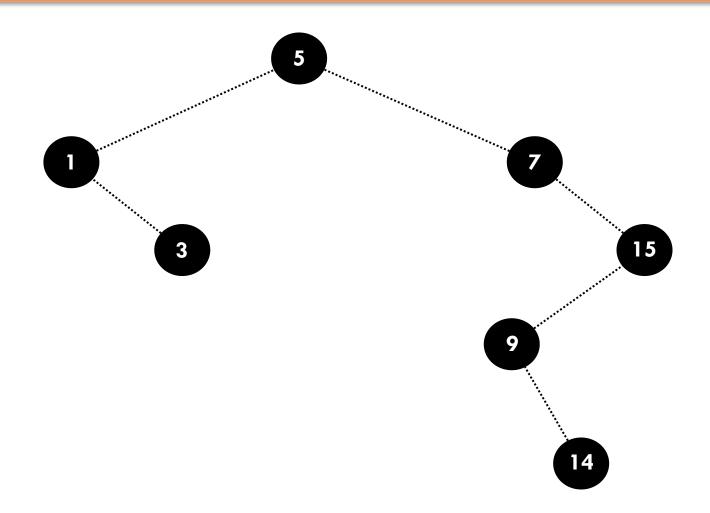
```
Caso 2: nó a ser removido é uma folha
  * podemos fazer duas abordagens:
        node = node->direita
   ou
        node = node->esquerda
```

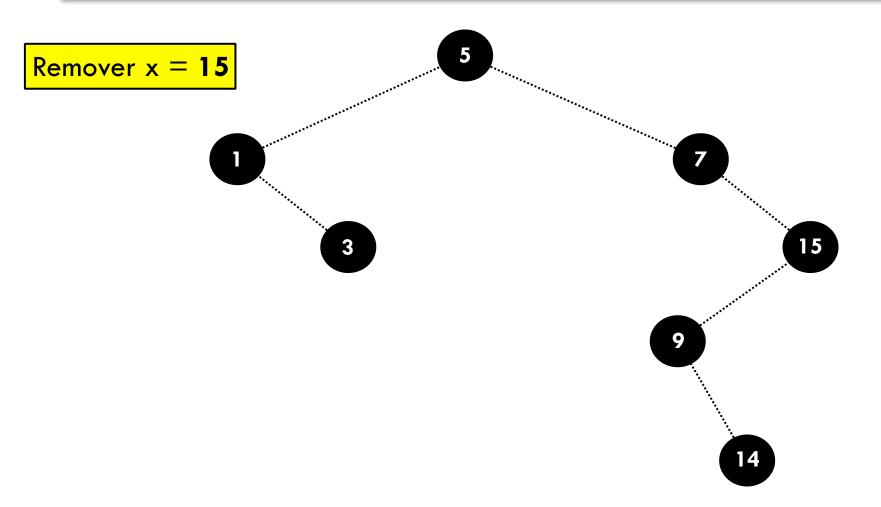


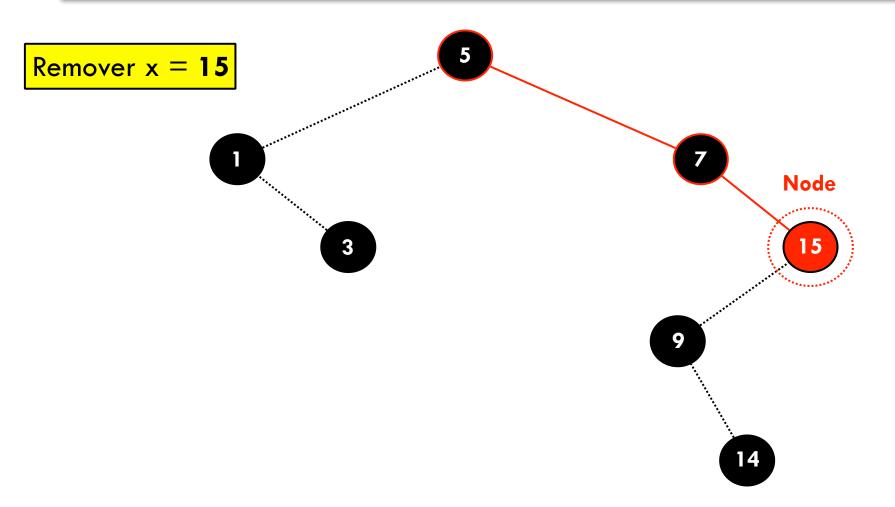
Antes da remoção

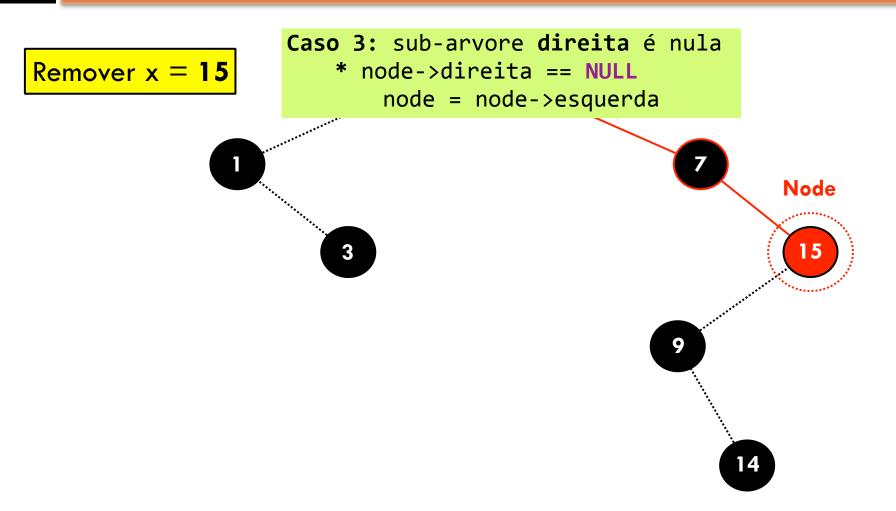


Depois da remoção

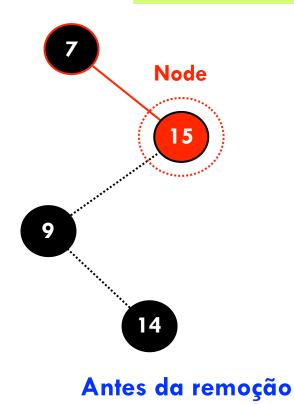


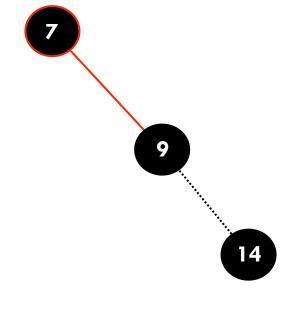


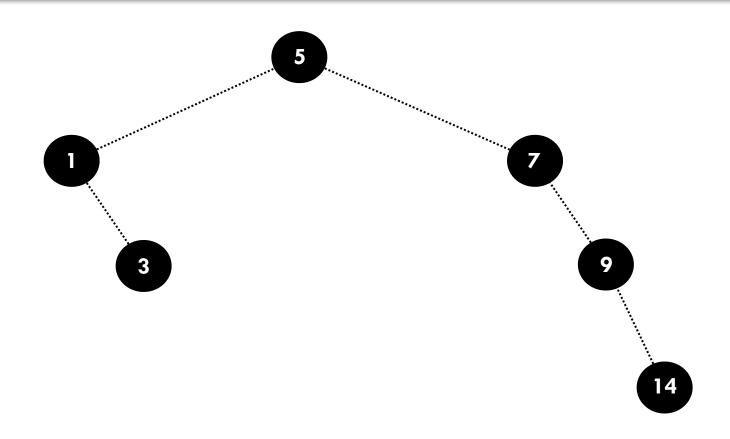


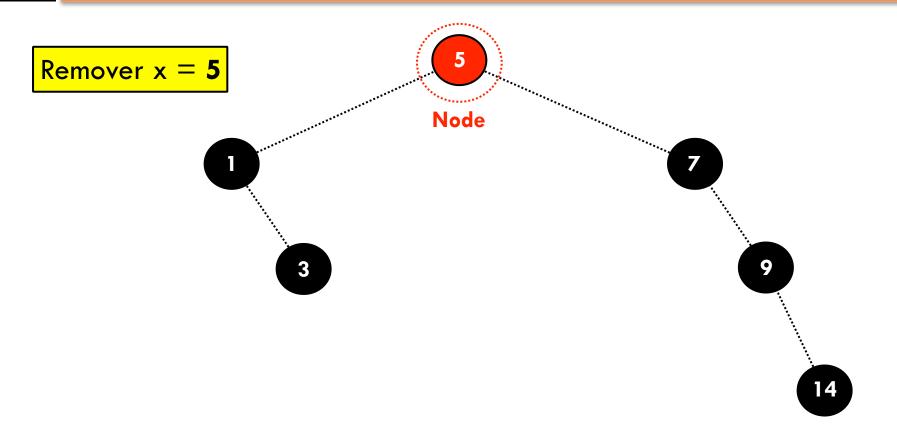


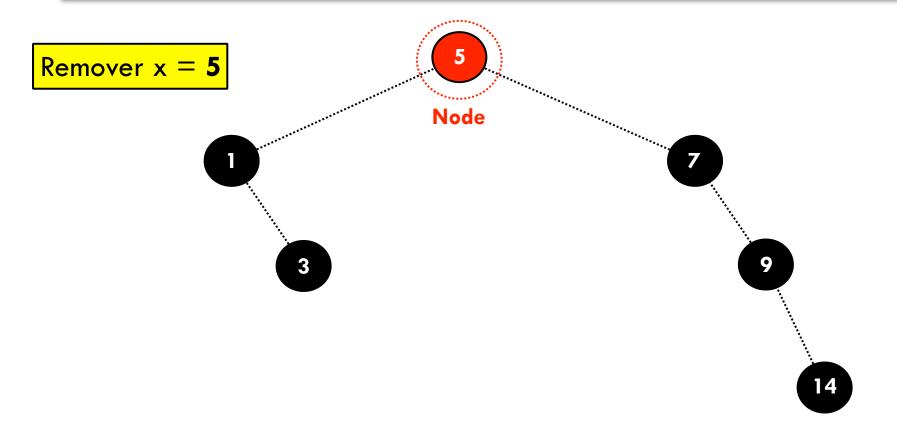
Caso 3: sub-arvore direita é nula * node->direita == NULL node = node->esquerda





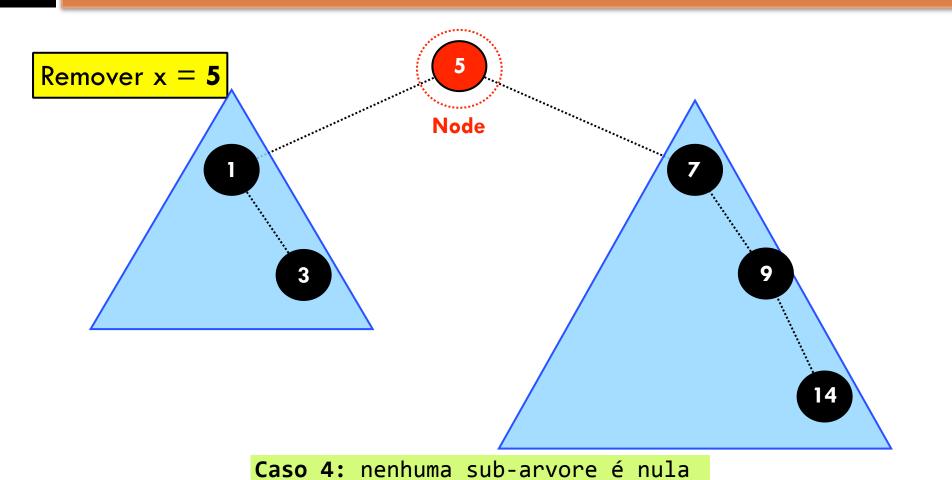






Caso 4: nenhuma sub-arvore é nula

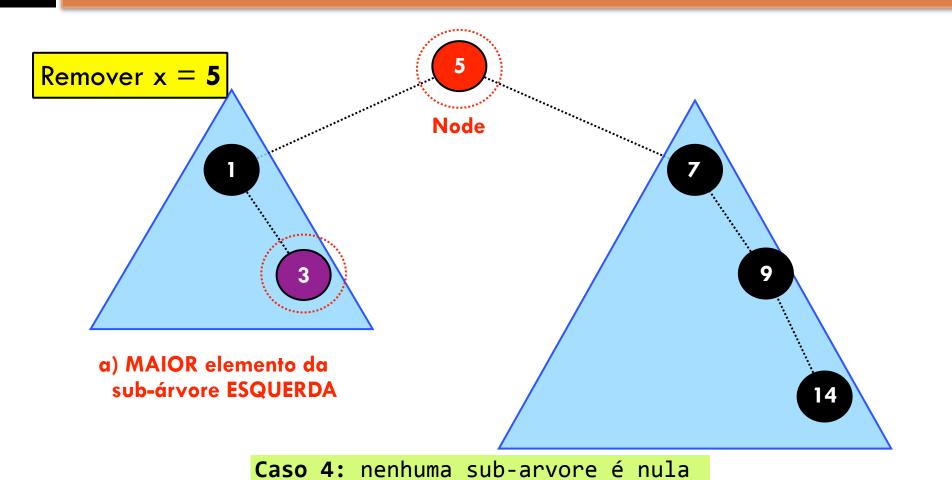
- * node->direita != NULL
- * node->esquerda != NULL



* node->direita != NULL

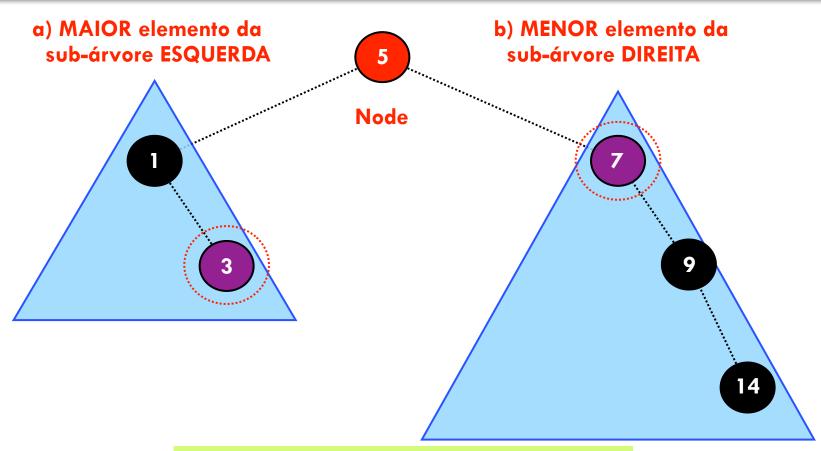
* node->esquerda != NULL

29



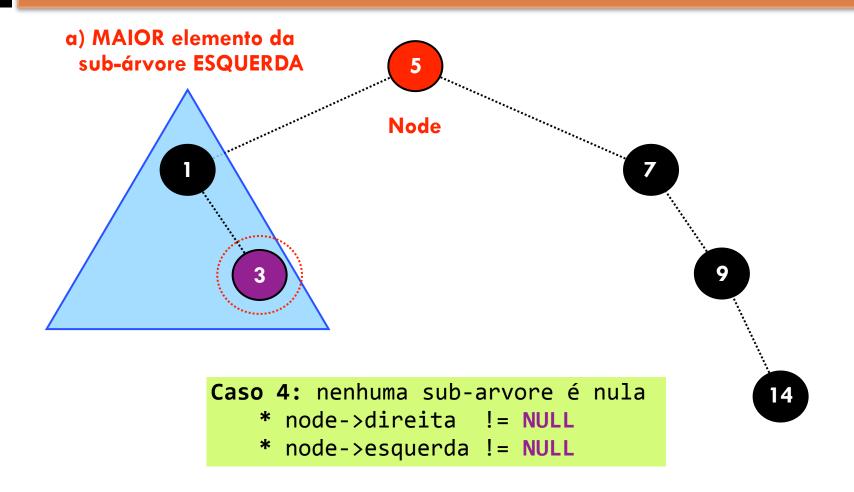
* node->direita != NULL

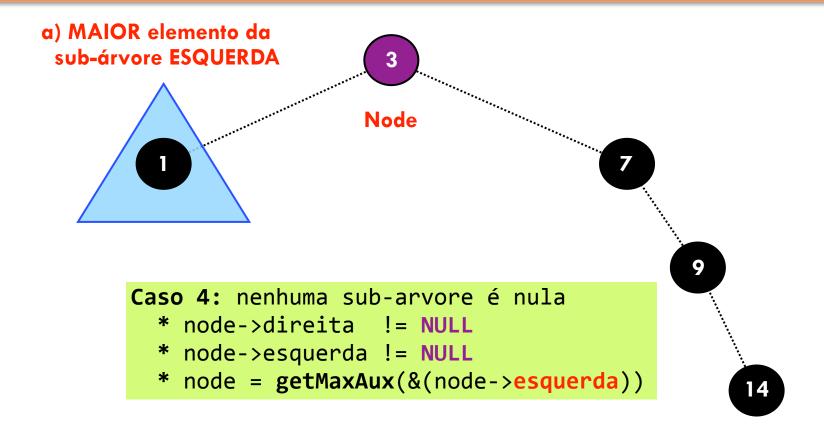
* node->esquerda != NULL

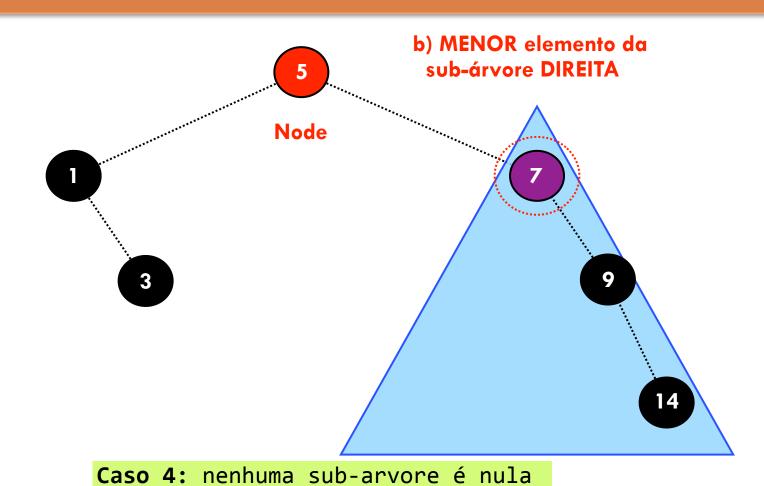


Caso 4: nenhuma sub-arvore é nula

- * node->direita != NULL
- * node->esquerda != NULL

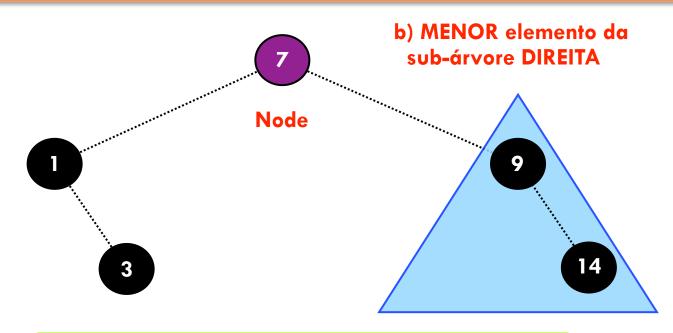






* node->direita != NULL

* node->esquerda != NULL



```
Caso 4: nenhuma sub-arvore é nula
 * node->direita != NULL
 * node->esquerda != NULL
 * node = getMinAux(&(node->direita))
```

```
Remoção (Ponteiro *node, Item x)
1. se *node == NULL, não existe elemento a ser removido
    1. return (false);
2. se (*node)->elemento.chave == x.chave
     // existe e tem q remover, verificar qual caso é
    1. Caso1: sub-arvore esquerda nula
    2. Caso2: sub-arvore direita nula
    3. Caso3: nó folha
    4. Caso4: existem ambas as sub-arvores
    5. return(true);
3. se (*node)->elemento.chave > x.chave
    1.return( Remoção recursivamente p filho da esquerda);
4. senão
    1.return( Remoção recursivamente p filho da direita);
```

Exercício 01

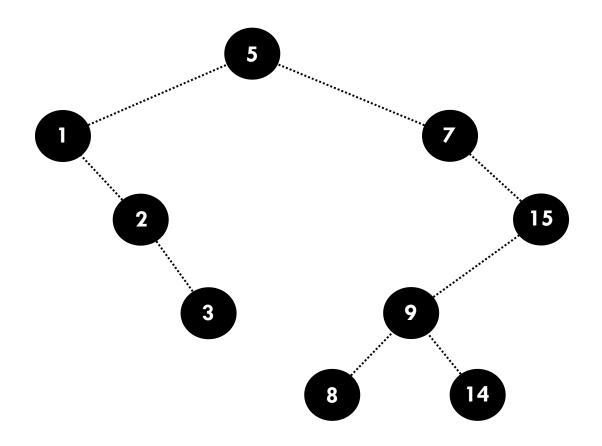
Implementar a operação de remoção de árvores binárias;

Roteiro

- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências

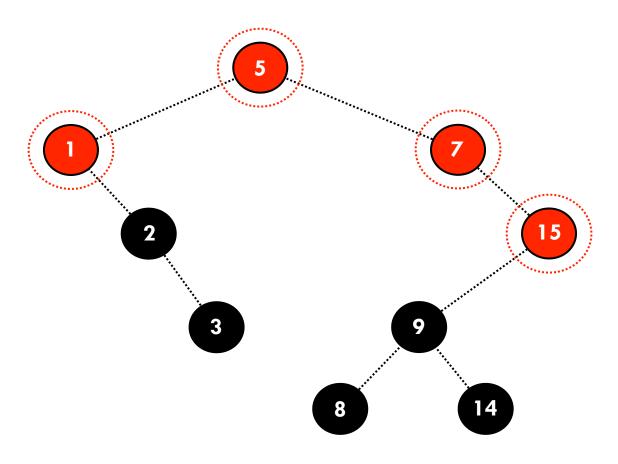
Próximas aulas

Desbalanceamentos



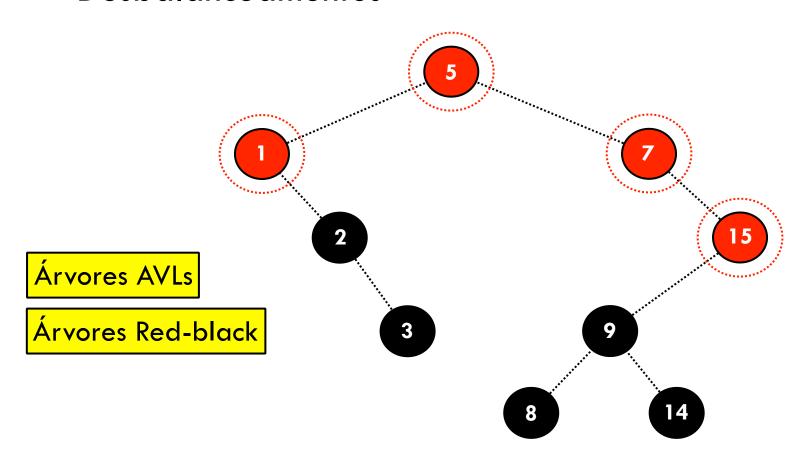
Próximas aulas

Desbalanceamentos



Próximas aulas

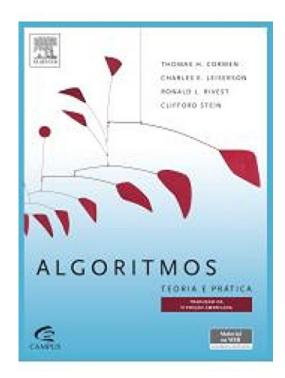
Desbalanceamentos



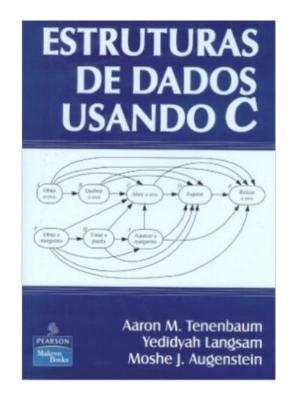
Roteiro

- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências

Referências sugeridas



[Cormen et al, 2018]



[Tenenbaum et al, 1995]

Referências sugeridas



[Ziviani, 2010]



[Drozdek, 2017]

Perguntas?

Prof. Rafael G. Mantovani

rafaelmantovani@utfpr.edu.br