

Emmanuel Guro

1-8

Programación

18-09-2024

Title: Resumen capítulo IV matemáticas para la programación.

## Keyword

- proposiciones
- verdaderos
- falsos

Topic: Proposiciones

## Notes:

Una proposición es un enunciado que puede ser verdadero o falso, pero ambos. Algunas expresiones, como preguntas o comandos, no son proposiciones válidas, ya que no pueden ser clasificadas como verdaderas o falsas.

## Questions

Proposiciones Compuestas: Surgen cuando dos o más proposiciones simples se conectan mediante operadores lógicos. El operador "and", representado por  $\wedge$ , establece que ambos proposiciones deben ser verdaderas para que la compuesta lo sea. El operador "or exclusivo" ( $\vee$ ) solo es verdadero cuando una proposición es verdadera y la otra es falsa.

También existe la proposición condicional ("si  $p$ , entonces  $q$ "), que es falsa únicamente cuando  $p$  es verdadero y  $q$  es falso. Su tabla de verdad refleja los diferentes resultados posibles. Finalmente, la proposición bicondicional ( $p \leftrightarrow q$ ) es verdadera solo cuando ambos tienen el mismo valor de verdad.

## Summary:

Una proposición es un enunciado que puede ser verdadero o falso, pero no ambos y es fundamental en la lógica matemática. Existen proposiciones simples y compuestas, las cuales se forman mediante operadores lógicos como "and", "or exclusivo" y condicionales.



Title: Resumen capítulo IV matemáticas para la computación

Keyword

- Tabla de verdad
- filas
- Lógicos.

Topic: Tablas de verdad

Notes: Una tabla de verdad muestra los resultados al aplicar operadores lógicos a proposiciones simples, permitiendo analizar el comportamiento. El número de filas depende de las proposiciones y las columnas dependen de los operadores. En lógica, se evalúan primero los paréntesis, luego negaciones, intersecciones, uniones, condicionales y bicondicionales. Las proposiciones pueden clasificarse como tautologías (siempre verdaderas), contradicciones (siempre falsas), o contingencias (verdaderas o falsas según los valores). Las tautologías y contradicciones son útiles en la demostración de teoremas y análisis lógicos.

Questions

Summary: Las tablas de verdad muestran el comportamiento de proposiciones lógicas al aplicar operadores, organizando sus valores de manera ordenada. Las proposiciones pueden ser tautologías, contradicciones o contingencias. Son útiles para analizar y demostrar propiedades lógicas.



NAME	PAGES	SPEAKER/CLASS	DATE-TIME
Emmanuel Guezo	3-8	Regional	18-9-2024

Title: Resumen Capítulo IV matemáticas para la computación

### Keyword

- Utiliza
- Reglas
- Lógicas
- Equivalencia
- Inferencia

### Topic: Inferencia Lógica y Equivalencia Lógica

Notes: La inferencia lógica utiliza reglas universales, llamados reglas de inferencia, que permiten relacionar proposiciones para obtener nuevas proposiciones válidas, independientemente de los valores de verdad. Ejemplos de estas reglas son el silogismo hipotético y el modus ponens. Las reglas de inferencia son esenciales para crear nuevas proposiciones a partir de información conocida en una demostración lógica.

### Questions

Las proposiciones son lógicamente equivalentes si sus resultados coinciden para los mismos valores de verdad, representándose como  $P \equiv Q$ . Un ejemplo de equivalencia es que  $P \rightarrow Q$  es equivalente a su contrapositiva  $\neg Q \rightarrow \neg P$ . Estas equivalencias son útiles en la demostración de teoremas, y pueden demostrarse mediante tablas de verdad o usando otras equivalencias lógicas.

Summary: La inferencia lógica utiliza reglas como el silogismo hipotético y el modus ponens para obtener nuevas proposiciones válidas. Por otro lado, las proposiciones son lógicamente equivalentes cuando coinciden en sus valores de verdad, lo que es útil en la demostración de teoremas.



NAME

Immanuel Casas

PAGES

1-8

SPEAKER/CLASS

Programación

DATE - TIME

Title: Resumen Capítulo IV matemáticas para la computación

Keyword

Topic: Argumentos válidos y no válidos

- Argumentos
- válidos
- no válidos

Notes:

Un argumento consta de hipótesis y una conclusión, siendo la validez del argumento dependiente de la relación entre ambos. Un argumento es válido si, partiendo de hipótesis verdaderas, se obtiene una conclusión verdadera. Los argumentos pueden ser deductivos, donde se va de lo general a lo particular y cuya validez se basa en leyes y reglas formales; o inductivos, que parten de observaciones particulares para generar conclusiones generales. La validez de los argumentos puede comprobarse mediante tablas de verdad, y solo se consideran deductivos en este contexto por su rigor.

Questions

Summary:

Un argumento se compone de hipótesis y una conclusión, y es válido si de hipótesis verdaderas se deriva una conclusión verdadera. Existen dos tipos principales: deductivos, que van de lo general a lo particular, e inductivos, que parten de casos particulares para llegar a conclusiones generales.



Emmanuel Censo

5-8

Pegomocin

Title: Resumen capítulo IV matemáticas para la computación

Keyword

Topic: Demostración formal

- Demostración

- método  
directo

- Contraducción

Notes:

En la demostración formal, se utilizan razonamientos lógicos para establecer la validez de un teorema, que se expresa como una proposición condicional  $P \rightarrow Q$ , donde  $P$  y  $Q$  son proposiciones compuestas. Las proposiciones que forman  $P$  se llaman hipótesis y  $Q$  es la conclusión.

Questions

1. Método Directo: Consiste en probar la conclusión  $Q$  a partir de la hipótesis  $P$  utilizando reglas de inferencia, tautologías y equivalencias lógicas.

2. Método por contradicción: Este método comienza igual que el método directo, pero añade la negación de la conclusión a la hipótesis,  $\neg Q$ . El objetivo es llegar a una contradicción demostrando así que la conclusión debe ser verdadera.

**Summary:** La demostración formal usa lógica para validar un teorema  $P \rightarrow Q$ , donde  $P$  son hipótesis y  $Q$  es la conclusión. Hay dos métodos: método directo y método por contradicción.

Title: Primer capítulo IV matemáticas para la computación

## Keyword

- cuantificadores
- orden
- predicados

Topic: Predicados y sus valores

## Notes:

La lógica de proposiciones trabaja con afirmaciones claramente verdaderas o falsas, pero no maneja cosas intermedias ni proposiciones con múltiples elementos.

En lógica de predicados:

• Cuantificadores:  $\forall x$  (para todo) indica que una propiedad se cumple para todos los elementos del conjunto.

## Questions

$\exists x$  indica que la propiedad se cumple para al menos un elemento del conjunto.

Cuantificadores y orden: El orden de los cuantificadores puede afectar el significado si se manejan universal y existencial, pero en general, el orden de cuantificadores iguales no cambia el resultado.

## Summary:

La lógica de predicados extiende la lógica proposicional al manejar propiedades de conjuntos de elementos. Usa cuantificadores:  $\forall x$ ,  $\exists x$ .



NAME

Emmanuel Guao

PAGES

7-8

SPEAKER/CLASS

programación

DATE - TIME

Title: Resumen capítulo IV matemáticas para la computación

Keyword

Topic: Inducción matemática

- Inducción

- paso inductivo

- paso base

Notes:

La inducción matemática es una técnica para probar validez de proposiciones matemáticas, especialmente en sumatorias. Se basa en dos pasos:

**paso base:** Verificar que la proposición es verdadera para el valor inicial  $n=1$ .

**paso inductivo:** Probar que si la proposición es verdadera para  $n$ , también lo es para  $n+1$ .

Questions

Para usar la inducción matemática en algoritmos, la proposición se representa como una sumatoria de la forma  $x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_t = k$ , donde  $x_1$  es el valor inicial,  $t$  es el término  $n$ -ésimo, y  $k$  es el resultado.

**Summary:** La inducción matemática prueba proposiciones matemáticas mediante dos pasos: paso base y paso inductivo. Se utilizan para validar sumatorias y algoritmos.

NAME	PAGES	SPEAKER/CLASS	DATE - TIME
Immanuel Basso	8-8	programación	

Title: Resumen capítulo 11 matemáticas para la computación

Keyword

Topic: Aplicación a la lógica matemática

- Aristóteles
- Computación
- Aplicaciones

Notes: La lógica matemática que data de Aristóteles el cuerpo de saber, ha sido fundamental en el desarrollo de la computación.

Historia: Aristóteles introdujo el silogismo hipotético, mientras que Lewis desarrolló operadores lógicos básicos.

Desarrollo posterior: Augustus de Morgan formuló leyes importantes y George Boole creó el álgebra booleana clave para la computación moderna.

Aplicaciones:

Questions

1. programación
2. sistemas y hardware
3. lenguajes formales
4. base de datos
5. redes de computadores.

Summary: La lógica matemática desde aristóteles hasta Boole, es crucial en computación y se usa para: programación, hardware, lenguajes formales, base de datos, redes.