Приложение 3

Криптоанализ алгоритма RSA

```
In [1]: # Сначала очистим директорию от артифактов предыдущих запусков кода
        !rm -f encrypted.* decrypted.* *.public *.secret
        !ls -1
        total 2044
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 432370 Apr 29 10:47 analyze.ipynb
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 635921 Apr 29 10:40 analyze.pdf
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 112888 Apr 29 10:44 bbyoda.jpeg
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 89067 Apr 29 10:30 demo.ipynb
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 317847 Apr 29 10:32 demo.pdf
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 35117 Apr 23 16:57 image.png
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 4172 Apr 26 17:00 keygen.py
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 24721 Apr 29 10:25 manual.ipynb
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 399380 Apr 29 10:27 manual.pdf
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                    408 Apr 20 15:36 open.txt
        drwxr-xr-x 2 evgeny evgeny 4096 Apr 26 17:09 __pycache__
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 5100 Apr 25 19:02 rsa.py
        drwxr-xr-x 6 evgeny evgeny 4096 Apr 15 15:18 venv
In [2]: # Сгенерирую игрушечный пример - пару ключей с префиксом small
        from keygen import KeyGenerator
        KeyGenerator(8, 8, "small")
        # Проверим создались ли файлы с ключами
        !ls -1
        total 2052
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 432370 Apr 29 10:47 analyze.ipynb
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 635921 Apr 29 10:40 analyze.pdf
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 112888 Apr 29 10:44 bbyoda.jpeg
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 89067 Apr 29 10:30 demo.ipynb
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 317847 Apr 29 10:32 demo.pdf
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 35117 Apr 23 16:57 image.png
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                   4172 Apr 26 17:00 keygen.py
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 24721 Apr 29 10:25 manual.ipynb
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 399380 Apr 29 10:27 manual.pdf
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                    408 Apr 20 15:36 open.txt
        drwxr-xr-x 2 evgeny evgeny 4096 Apr 26 17:09 __pycache__
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 5100 Apr 25 19:02 rsa.py
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 11 Apr 29 10:49 small public
        -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                     13 Apr 29 10:49 small.secret
```

drwxr-xr-x 6 evgeny evgeny 4096 Apr 15 15:18 venv

```
In [3]:
        # Вижу два ключа small.public и small.secret
        # Измерю их длину и длину модуля
        # Открытый ключ имеет длину 8 бит
        with open("small.public", "r") as file:
            public key, modul = file.read().split("/")
        print({
            "public key": public key,
            "public_key_int": int(public_key, 0),
            "public key bin": bin(int(public key, 0)),
            "public_key_len": len(bin(int(public_key, 0))[2:])
        })
        {'public_key': '0XBF', 'public_key_int': 191, 'public_key_bin': '0b
        10111111', 'public_key_len': 8}
In [4]: # Закрытый ключ имеет длину 14 бит
        with open("small.secret", "r") as file:
            secret_key = file.read().split("/")[0]
        print({
            "secret_key": secret_key,
            "secret_key_int": int(secret_key, 0),
            "secret_key_bin": bin(int(secret_key, 0)),
            "secret_key_len": len(bin(int(secret_key, 0))[2:])
        {'secret_key': '0X20DB', 'secret_key_int': 8411, 'secret_key_bin':
        '0b10000011011011', 'secret_key_len': 14}
In [5]: # Модуль - 16 бит
        print({
            "modul": modul,
            "modul_int": int(modul, 0),
            "modul_bin": bin(int(modul, 0)),
            "modul_len": len(bin(int(modul, 0))[2:])
        })
        {'modul': '0X8CF9', 'modul_int': 36089, 'modul_bin': '0b10001100111
        11001', 'modul_len': 16}
```

```
In [6]: # Ключи большой блины с правильными параметрами взломать
        # за вменяемое время невозможно.
        # Буду демонстрировать попытку взлома RSA малой длины и
        # не верными параметрами р и д (с малой разницей)
        #
        # Параметры р и q рекомендуется подбирать так чтобы их разница
        # - тоже была большим числом. Близкие по значению параметры р
        # и q облегчили бы криптоанализ - поскольку уменьшили бы
        # количество вариантов для перебора.
        # Например:
        #
        # Зная длину модуля алгоритма n (16 бит) я могу предполагать что
        # это значение появилось в результате перемножения неких р * q
        # значения которые (грубо) могли варьироваться от 2^1 до 2^16
        # отсюда следует что для факторизации числа п нужно было бы
        # перебрать все значения попадающие в этот диапазон, то есть всего:
        print(2**16 - 2**1)
        65534
In [7]: # A если параметры выбраны не верно и предположим оба числа р, q
        # имеют длину 8, то диапазон перебора сужается до следующего
        # от 2^7 до 2^8-1, то есть
        print(2**8-2**7)
        128
In [8]: # То есть задача облегчилась примерно в 512 раз
        # С увеличением разрядности ключей, разница в количестве
        # вариантов перебора в случае с правильными и не правильными
        # параметрами р, q пропорционально возрастает
        print(65534 / 128)
        511.984375
In [9]: # При генерации пары ключей small в классе KeyGenerator
        # я указал параметры 8 и 8. Они означают как раз длину
        # параметров р, q
        # Предположим, что злоумышленник видит длину модуля 16
        # и рассчитывая что выбраны близкие параметры р, q перебирает
        # только значения с длиной 8
        modul_int = int(modul, 0)
        p = None
        for i in range(2**7, 2**8):
            if modul_int % i == 0:
                p = i
```

```
In [10]: # Получили р и q
         q = int(modul_int / p)
         print("p = ", p)
         print("q = ", q)
         p = 239
         q = 151
In [11]: # Отсюда находим функцию Эйлера
         phi = (p - 1)*(q - 1)
         phi
Out[11]: 35700
In [12]: # А теперь вычисляем и секретный ключ
         public_key_int = int(public_key, 0)
         secret_key = pow(public_key_int, -1, phi)
         secret_key
Out[12]: 8411
In [13]: # Проверяем правильно ли найден секретный ключ
         import random
         random_int = random.randrange(2, 1024)
         random_int_encrypted = pow(random_int, public_key_int, modul_int)
         random_int_decrypted = pow(random_int_encrypted, secret_key, modul_i)
         bool(random_int == random_int_decrypted)
```

Out[13]: True

```
In [14]:
         # Сохраним взломанный ключ в отдельный файл secret.crack
         # в формате который принимает программа, то есть в 16м формате
         # и с разделеием знаком /
         with open("secret.crack", "w") as file:
             text = "{}/{}".format(hex(secret key), hex(modul int))
             file.write(text)
         !ls -1
         total 2056
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 432370 Apr 29 10:47 analyze.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 635921 Apr 29 10:40 analyze.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 112888 Apr 29 10:44 bbyoda.jpeg
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 89067 Apr 29 10:30 demo.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 317847 Apr 29 10:32 demo.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 35117 Apr 23 16:57 image.png
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 4172 Apr 26 17:00 keygen.py
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 24721 Apr 29 10:25 manual.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 399380 Apr 29 10:27 manual.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                     408 Apr 20 15:36 open.txt
         drwxr-xr-x 2 evgeny evgeny 4096 Apr 26 17:09 pycache
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 5100 Apr 25 19:02 rsa.py
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                       13 Apr 29 10:49 secret.crack
                                     11 Apr 29 10.49 Small.secret
                                       11 Apr 29 10:49 small.public
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
         drwxr-xr-x 6 evgeny evgeny 4096 Apr 15 15:18 venv
In [15]: # Ради приличий давайте что-то зашифруем и расшифруем этими ключами
         # Ну вот например картинку bbyoda.jpeg
         !ls -1
         total 2056
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 432370 Apr 29 10:47 analyze.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 635921 Apr 29 10:40 analyze.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 112888 Apr 29 10:44 bbyoda.jpeq
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 89067 Apr 29 10:30 demo.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 317847 Apr 29 10:32 demo.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 35117 Apr 23 16:57 image.png
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                    4172 Apr 26 17:00 keygen.py
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 24721 Apr 29 10:25 manual.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 399380 Apr 29 10:27 manual.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                     408 Apr 20 15:36 open.txt
         drwxr-xr-x 2 evgeny evgeny 4096 Apr 26 17:09 __pycache__
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                     5100 Apr 25 19:02 rsa.py
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                       13 Apr 29 10:49 secret.crack
                                       11 Apr 29 10:49 small.public
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
```

13 Apr 29 10:49 small.secret

-rw-r--r-- 1 evgeny evgeny

drwxr-xr-x 6 evgeny evgeny 4096 Apr 15 15:18 venv

```
In [16]:
         # Импортируем класс RSA и передаем ему наш игрушечный ключ
         # Затем шифруем изображение и сохраняем в отдельный файл bbyoda_encr
         from rsa import RSA
         encryptor = RSA(public_key_path="small.public")
         encryptor.encrypt("bbyoda.jpeg", "bbyoda_encrypted.jpeg")
         !ls -1
         total 2176
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 432370 Apr 29 10:47 analyze.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 635921 Apr 29 10:40 analyze.pdf
         _rw-r--r- 1 evgeny evgeny 120414 Apr 29 10:49 bbyoda_encrypted.jpe
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 112888 Apr 29 10:44 bbyoda.jpeg
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 89067 Apr 29 10:30 demo.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 317847 Apr 29 10:32 demo.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 35117 Apr 23 16:57 image.png
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                    4172 Apr 26 17:00 keygen.py
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 24721 Apr 29 10:25 manual.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 399380 Apr 29 10:27 manual.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                      408 Apr 20 15:36 open.txt
         drwxr-xr-x 2 evgeny evgeny 4096 Apr 26 17:09 __pycache__
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                     5100 Apr 25 19:02 rsa.py
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                       13 Apr 29 10:49 secret.crack
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                        11 Apr 29 10:49 small.public
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                       13 Apr 29 10:49 small.secret
         drwxr-xr-x 6 evgeny evgeny 4096 Apr 15 15:18 venv
In [17]: # Создам отдельный объект для дешифрации и передам ему взломанный кл
         # в файле secret.crack
         decryptor = RSA(secret key path="secret.crack")
         decryptor.decrypt("bbyoda_encrypted.jpeg", "bbyoda_decrypted.jpeg")
         !ls -1
         total 2288
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 432370 Apr 29 10:47 analyze.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 635921 Apr 29 10:40 analyze.pdf
         _rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 112888 Apr 29 10:49 bbyoda_decrypted.jpe
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 120414 Apr 29 10:49 bbyoda_encrypted.jpe
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 112888 Apr 29 10:44 bbyoda.jpeg
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 89067 Apr 29 10:30 demo.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 317847 Apr 29 10:32 demo.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 35117 Apr 23 16:57 image.png
                                    4172 Apr 26 17:00 keygen.py
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 24721 Apr 29 10:25 manual.ipynb
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny 399380 Apr 29 10:27 manual.pdf
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                      408 Apr 20 15:36 open.txt
         drwxr-xr-x 2 evgeny evgeny 4096 Apr 26 17:09 __pycache__
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                      5100 Apr 25 19:02 rsa.py
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                        13 Apr 29 10:49 secret.crack
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
                                      11 Apr 29 10.49 small.secret
                                       11 Apr 29 10:49 small.public
         -rw-r--r-- 1 evgeny evgeny
         drwxr-xr-x 6 evgeny evgeny 4096 Apr 15 15:18 venv
```

In [18]: from PIL import Image

Image.open("bbyoda_decrypted.jpeg")

Out[18]:



Спасибо за внимание и с наступающими вас майскими праздниками!

And May 4th be with you