EJERCICIOS RESUELTOS - CAPÍTULO TRES - GRUPO 16

Daniel Julián Vargas Jaime – 20182020013 Sebastián Salinas Rodriguez - 20181020058

- 1. Se constituye un CDT a 180 días por \$650 000, con una tasa del 26% natv (nominal anual trimestre vencido) y teniendo en cuenta que la retención en la fuente es del 7% EA (anual efectiva) determinar:
 - a. La tasa de interés (rentabilidad) antes de impuestos.
 - b. La tasa de interés (rentabilidad) después de impuestos.
 - c. El valor en pesos que le entregan al vencimiento.
 - d. Suponiendo una inflación del 18% anual efectiva, determinar la tasa real obtenida.

Declaración de variables			
j1 = 26% natv i1 = 6,5% ptv	P = 650.000 RF = 7% * I	m1 = 4 ptv $m2 = 1 pav$ $m3 = 2 pav$	i2 =? % EA i3 =? % EA ¿F final = \$?

Declaración de fórmulas

$$j = i * n$$
$$F = P(1+i)^n$$

Desarrollo matemático

a. Rentabilidad antes de impuestos

$$j = i * n$$

$$26\% NTA = i * 4$$

$$i = 6.5 ETA$$

$$i = \frac{i_a}{(i_a - 1)}$$

$$i = \frac{0.065}{(0.065 - 1)} = 0.0695$$

$$i = 6,95\% ETV$$

 $b = Valor\ finalmente\ recibido$ $F = P(1+i)^n = 650.000(1+0.0695)^2 = 743.515,68$ I = 743.515,68 - 650.000 = 93.515

Retención en la fuente: 93.515 * 0.07 = 6.546,05Valor Recibido: 743.515,68 - 6546,05 = 736.969,63

c. Rentabilidad después de impuestos.

Hallando la rentabilidad efectiva

$$F = P(1+i)^{n}$$

$$\frac{F}{P} = (1+i)^{n}$$

$$\frac{736.969,63}{650.000} = (1+i)^{2}$$

$$1,06480 = 1+i$$

$$i = 0,0648$$

$$i = 6,48\% ET$$

d. Rentabilidad realmente obtenida.

Convertimos la rentabilidad trimestral en anual

$$(1 + i_1)^4 = (1 + i_2)^2$$

 $(1 + 0.0648)^4 = (1 + i_2)^2$
 $i_2 = 28.55\% ETA$

Hallando la rentabilidad anual real; deflactando

$$i_R = \frac{(i-f)}{(1+f)}$$

$$i_R = \frac{(0.2855 - 0.18)}{(1+0.18)}$$

$$i_R = 0.0894 = 8.94\%$$

Respuesta

i = 6,95% ETV; Valor recibido: 736.969,63; Rentabilidad después de impuestos: i = 6,48% ET; Rentabilidad anual real: $i_R = 8,94\%$

2. Un inversionista desea obtener una rentabilidad real del 8% EA (anual efectiva) ¿A qué tasa periódica debe invertir suponiendo que la inflación va a ser del 18% EA?

Declaración de variables				
iR = 8% pav	if = 18% pav	jR = 8% EA	jf= 18% EA	
	Declaración de fórmulas			
$i_R = \frac{(i-f)}{(1+f)}$				
Desarrollo matemático				
$0.08 = \frac{(i - 0.18)}{(1 + 0.18)}$				
Respuesta				
i = 27,44%				

3. Un artículo es fabricado en Estados Unidos y se vende en Colombia en \$50.000 ¿Cuánto valdrá el artículo en Colombia y en Estados Unidos al final de un año, suponiendo los siguientes índices económicos:

Cambio actual US\$1 = \$2.000, inflación en Estados Unidos 3% EA, devaluación del peso 18% EA?

	Declaración	de variables			
jd =3% <i>EA</i> id=3% <i>pav</i>	jf = 18% <i>EA</i> if = 18% <i>pav</i>	P= \$50.000 COL dólar: 1 US = \$2.000 COL.	nd = 1 pav $nf = 1 pav$		
	Declaración	de fórmulas			
	$F = P(1+i)^n$				
Desarrollo matemático					
$P_{c} = \$50.000 \ en \ d\'olares = P_{EU} = 25 \ USD$ $F_{EU} = 25 \ USD (1 + 0.01)^{1} = 25.75 \ USD$ Devaluación dentro de un año con 18% EA $F_{EU} = \$2.000 (1 + 0.18)^{1} = \2.360 Por lo tanto, los 25,75 USD valdrán $F_{C} = 25.75 \ USD * \frac{\$2.360}{1 \ USD} = \$60.770$					
	Respuesta				
	$F_C = \$60.770$				

4. Un artículo es fabricado en Colombia y cuesta \$68.000, cuando el cambio es de US\$1 = \$2.000. Suponiendo que el IPP de este sector en Colombia es del 22% EA, y que la devaluación del peso frente al dólar sea del 18% EA, hallar el precio del mismo artículo en cada país al final de un año

Declaración de variables				
<i>i</i> = 22% <i>pav</i>	j = 22% <i>EA</i>	P = \$68.000	P = 34 USD	

Declaración de fórmulas

$$F = P(1+i)^n$$

Desarrollo matemático

$$P_{EU} = \frac{68.000}{2.000} = 34 \, USD$$

$$P_{C} = 68.000(1 + 0.22)^{1} = 82.960$$
 Cambio al cabo de un año = 200068.000(1 + 0.18)^{1} = \$2.360 P_{EU} = \$82.960 * 2.360 = 35.15 (precio al cabo de un año)

$$P_{EU}=35{,}15$$

- 5. Dos inversionistas de origen alemán, uno residente en Alemania y el otro residente en Colombia, han decidido realizar un negocio en Alemania y cada uno aportará el 50 %. El negocio exige una inversión inicial de marcos DM \$300.000 y al final de 3 años devolverá la suma de marcos DM \$400.000. Hallar las tasas totales y reales para cada uno de los socios suponiendo que los siguientes indicadores económicos se mantuvieron estables durante los 3 años.
- a. tasa promedio de inflación en Colombia 22 % EA

Declaración de variables				
P= DM \$150.000 F=DM \$200.000	jf = 22% EA.	n= 3 <i>pav</i>	i =? % EA	

Declaración de fórmulas

$$(1+i_1)^{m_1}=(1+i_2)^{m_2}$$
 equivalencia de tasas
$$F=P(1+i)^n$$

iR = Tasa de interés real

Desarrollo matemático

$$i_e = \left(\frac{DM \$200.000}{DM \$150.000}\right)^{\frac{1}{3}} - 1$$

$$i_e = 1,10064\% - 1 = 0,10064\%$$

$$i_R = \frac{i_e = 10,064\% EA}{1+0,02} = 7,9\% EA$$

$$i = 7.9\% EA$$

Declaración de variables				
P= DM \$150.000 F=DM \$200.000	jf = 2% <i>EA</i>	n= 3 <i>pav</i>	i=?% <i>EA</i>	

Declaración de fórmulas

$$(1+i_1)^{m_1}=(1+i_2)^{m_2}$$
 equivalencia de tasas
$$F=P(1+i)^n$$
 $iR=Tasa\ de\ inter\'es\ real$

Desarrollo matemático

Cambio al dia de hoy: DM \$2,23≡US \$1≡\$1.300

Cambio dentro de un año (1 pav):

En Alemania: $F = DM \$2,23(1 + 0,02)^1 =$

DM \$2,2746

En Colombia: $F = \$1.300(1 + 0.18)^1 = \1.534

En 1pav: DM \$2,2746= US \$1=\$1.534

Cambio dentro de un año (2 pav):

En Alemania: $F = DM \$2,2746(1 + 0,02)^1 =$

DM \$2,32

En Colombia: $F = \$1.534(1 + 0.20)^1 = \$1.840.8$

En 2pav: DM \$2,32≡ US \$1≡\$1.840,8

Cambio dentro de un año (3 pav):

En Alemania: $F = DM 2,32(1 - 0,03)^1 =$

DM \$2,2504

En Colombia: $F = \$1.840,8(1 + 0,17)^1 =$

\$2.153,73

En 3pav: DM \$2,2504= US \$1=\$2.153,73

Respuesta

1pav: DM \$2,2746= US \$1=\$1.534 2pav: DM \$2,32= US \$1=\$1.840,8 3pav: DM \$2,2504= US \$1=\$2.153,73

- 6. El señor Yukimoto residente en el Japón y Mr. Jones residente en Estados Unidos se asocian para comprar un banco en Colombia, El valor de cada acción del banco es de \$9.000 pesos/acción y esperan venderla al final de 3 meses en \$9700 pesos/acción. (Trabajar con 5 decimales).
 - a. Calcule la tasa de interés anual efectiva y la rentabilidad real (tasa de interés real) anual de cada uno de los socios
 - b. ¿Cuánto tendrá cada uno en su respectiva moneda al final de los 3 meses? Tome en cuenta la siguiente información:
 - Inflación en: Colombia 18% EA, en Estados Unidos 3.5% EA, en Japón 2.3% EA tasa de devaluación del peso frente al dólar 22% EA tasa de devaluación del dólar frente al Yen 1% EA Cambio actual US\$1 = \$2000; US\$1 = Yen105

Para Mr. Jones

Declaración de variables				
$P_C = 4.500 c/u $i_{f COL} = $18\% \text{ EA}$ $i_{f EU} = 3,5\% \text{ EA}$ $i_{e dev} \frac{peso}{dolar} = 22\% \text{ EA}$	$P_J = yen?$ $i_{eJ} = ? \% EA$ $P_{EU} = US \$?$ $i_{eEH} = ? \% EA$	$F_C = \$4.850 \text{ c/u}$ $i_{fJ} = 2.3\%$ $i_{e \text{ dev}} \frac{dolar}{yen} = 1\% EA$	$F_J = yen?$ $i_{R J} =? \% EA$ $F_{EU} = US \$?$ $i_{R EU} =? \% EA$	

Declaración de fórmulas

$$F = P(1+i)^{n}$$

$$(1+i_{1})^{m} = (1+i_{e})$$

$$i_{R} = \frac{(i-i_{f})}{(1+i_{f})}$$

Desarrollo matemático

$$$2,307 = US $2,25(1+i)^{3}$$

$$$2,307 = (1+i)^{3}$$

$$$(1,025)^{\frac{1}{3}} = 1+i$$

$$$i = 1,008 - 1$$

$$$i = 0,008 EA$$

$$$i_{REU} = \frac{(0,106 - 0,035)}{(1+0,035)}$$

$$$i_{REU} = 0,0686 EA$$

$$$i_{REU} = 6,86\% EA$$

Respuesta

$$i_{e \, EU} = 10,6\% \, EA$$

 $i_{R \, EU} = 6,86\% \, EA$

Para el señor Yukimoto

Declaración de variables				
$P_C = 4.500 c/u $i_{f COL} = $18\% \text{ EA}$ $i_{f EU} = 3,5\% EA$ $i_{e dev} \frac{peso}{dolar} = 22\% EA$	$P_{J} = yen?$ $i_{e J} = ? \% EA$ $P_{EU} = US \$?$ $i_{e EII} = ? \% EA$	$F_C = \$4.850 \text{ c/u}$ $i_{fJ} = 2.3\%$ $i_{e \text{ dev}} \frac{\text{dolar}}{\text{yen}} = 1\% EA$	$F_J = yen?$ $i_{R J} =? \% EA$ $F_{EU} = US \$?$ $i_{R EU} =? \% EA$	

Declaración de fórmulas

$$F = P(1+i)^{n}$$

$$(1+i_{1})^{m} = (1+i_{e})$$

$$i_{R} = \frac{(i-i_{f})}{(1+i_{f})}$$

Desarrollo matemático

Yen \$241,626 = Yen \$236,25(1 + i)^3
Yen \$241,626
Yen \$236,25 = (1 + i)^3
(Yen 1,0228)
$$\frac{1}{3}$$
 = 1 + i
 i = 1,00754 - 1
 i = 0.00754 EA
(1 + 0,00754) 12 = (1 + i_{e J})
 i _{e J} = 9,49% EA

$$i$$
_{R J} = $\frac{(0,0949 - 0,023)}{(1 + 0,0223)}$
 i _{R J} = 0,0703 EA
 i _{R J} = 7,03% EA

Respuesta

$$i_{eJ} = 9,49\% EA$$

 $i_{RJ} = 7,03\% EA$

7. Si en el problema anterior el valor del banco es de ochenta mil millones de pesos y Yukimoto participa en el 40 % de la compra y Mr. Jones participa con el resto, determinar la cantidad que recibirá c/u en su respectiva moneda.

	Declaración de variables			
$P_J = \$32.000.000$	Cambio actual:	$F_{J} = COL\$? \equiv Yen\$?$ $F_{EU} = COL\$? \equiv Yen\$?$ $F_{C} = \$4.850 \text{ c/u}$	Cambio en tres meses:	
$P_{EU} = \$48.000.000$	US\$1 = \$2.000;		US\$1 = \$2.101,94;	
$P_C = \$4.500 c/u$	US\$1 = Yen\$105		US\$1 = Yen\$104,736	

Declaración de fórmulas

$$F = P(1+i)^n$$

Desarrollo matemático

$$\begin{aligned} \frac{\$4.800}{\$4.500} &= (1+i_e)^{\frac{3}{12}} \\ \left(\frac{\$4.800}{\$4.500}\right)^{\frac{12}{3}} &= 1+i_e \\ i_e &= \left(\frac{\$4.800}{\$4.500}\right)^{\frac{12}{3}} - 1 \\ i_e &= 0.34932 \ EA \\ i_e &= 34.932\% \ EA \end{aligned}$$

Valor final de la participación del señor Yuquimoto en COL\$:

$$F_J = \$32.000.000(1 + 0.34932)^{\frac{3}{12}}$$

 $F_I = \$34.488.850.34$

Valor final de la participación del señor Yuquimoto en US\$ en 3/12 pav usando la tasa de cambio calculada del problema anterior:

$$F_J = \$34.488.850,34 \left(\frac{US \$1}{\$2.101,94} \right)$$

$$F_J = US \$16.408,104$$

Valor final de la participación de Mr. Jones en COL\$:

$$F_J = \$48.000.000(1+0.34932)^{\frac{3}{12}}$$

$$F_J = \$51.733.275,51$$

Valor final de la participación de Mr. Jones en US\$ en 3/12 pav usando la tasa de cambio calculada del problema anterior:

$$F_J = \$51.733.275,51 \left(\frac{US \$1}{\$2.101,94} \right)$$

$$F_I = US \$24.612,15$$

$$F(Yukimoto) = 1.718.558, 181Y$$

$$F(Mr. Jones) = $24.612,71455 USD$$

8. En el país A cuya moneda es el ABC, un par de zapatos vale \$24.000 de ABC, existe una inflación del 22% EA y el cambio actual es de US\$1 =ABC \$1.000. En el país X rige el dólar americano y se prevé una inflación promedio del 6.5% EA. Al final de un año ¿cuál debe ser la tasa de devaluación en A con respecto al dólar a fin de no perder competitividad en los mercados de X?

	Declaración	de variables		
P = \$24.000 ABC = US \$24	iABC = 22% pav $iUS = 6,5%$ pav	nABC = 1 pav nUS = 1 pav	jABC = 22% EA jUS = 6, 5% EA	
	Diagrama de Flujo de caja			
	f = 22% d = ¿? ASC 24.000 USD 24	Pz = ASC 29.2 Pz = USD 25, TC = 1145,53	56	
Declaración de fórmulas				
$F = P(1+i)^n$				
Desarrollo matemático				
$F = \$24.000 \ ABC (1+0,22)^{1} = \$29,280 \ ABC$ $F = US 24 (1+0,065) = US \$25,56$				
	$US\$1 \equiv \$29.280 A$	<u>BC·US\$1</u> = \$1.145, 53	3 ABC	
	DUS\$25,56			
	\$1.145, 53 <i>ABC</i> = \$1	.000 <i>ABC</i> (1 + <i>devalua</i>	ación)¹	
devaluac	ión = (\$1.145,53 <i>ABC</i>)	/\$1.000 <i>ABC) - 1 = 1</i> -	4,55% pav	

		esta
Res	SOU	esta

Devaluación: 14,55% pav

9. Un inversionista desea que todas sus inversiones le den una rentabilidad real del $5\,\%$ EA ¿Qué tasa anual efectiva debe ofrecerse si la inflación esperada es del 17 %EA de forma tal que satisfagan los deseos del inversionista?

Declarac	ion	de va	arıab	les

$$i_R = 5\% EA$$

$$i_f = 17\% EA$$

$$i_e = ?EA$$

Diagrama de Flujo de caja

No es necesario

Declaración de fórmulas

$$i_R = \frac{(i-f)}{(1+f)}$$

Desarrollo matemático

$$0.05 = \left(\frac{i_e - 0.17}{1 + 0.17}\right)$$

$$0.05(1 + 0.17) = (i_e - 0.17)$$

$$i_e = (0.05 * (1 + 0.17)) + 0.17$$

 $i_e = 0.2285 EA$

$$i_e = 0,2285 EA$$

$$i_e = 22,85\% EA$$

Respuesta

 $i_e = 22,85\% EA$

10. Un ahorrador consigna en una corporación de ahorro y vivienda la suma de \$300.000 el día 1 de marzo y el día 20 de junio consigna \$200.000. ¿Cuánto podrá retirar el 31 de agosto si la corporación paga el 27% EA (anual efectivo) de corrección monetaria para los meses de marzo y abril y el 25% EA para el resto del período (mayo, junio, julio y agosto).

- a. Elabore los cálculos en pesos
- b. Elabore los cálculos en UPAC sabiendo que el primero de marzo upac \$1 = \$6.650

Declaración de variables			
$P_1 = \$300.000$ $F_1 = \$?$ $F_2 = \$?$	1 UPAC = \$6.650 $i_{e1} = 27\% EA$	$P_2 = 200.000 $F_3 = $?$ $F_4 = $?$	$i_{e2}=25\%EA$

Declaración de fórmulas

$$F = P(1+i)^n$$

Desarrollo matemático

Valor de UPAC el 01 de marzo
$$UPAC_1 = \frac{\$300.000}{\$6.650} = \$45,113$$

Se pasa UPAC1 al 01 de mayo

$$UPAC_2 = \$45,113(1+0,27)^{\frac{2}{12}} = \$46,946$$

Se pasa $UPAC_2$ al 31 de agosto

$$UPAC_3 = \$46,946(1+0,25)^{\frac{4}{12}} = \$50,571$$

Valor de UPAC el 20 de junio

$$UPAC_4 = \$6,650(1+0,25)^{\frac{2}{12}} = \$6.920,258$$

Un mes (mayo) y 20 días (junio) = 50 días
$$UPAC_5 = \$6,920,258(1 + 0,25)^{\frac{50}{360}} = \$7.138,089$$

$$UPAC_6 = \frac{\$200.000}{\$7.138,089} = \$28,019$$
Se pasa $UPAC_6$ al 31 de agosto
$$UPAC_T = \$28,019(1 + 0,25)^{\frac{70}{360}} = \$29,261$$
Se suma $UPAC_3$ y $UPAC_7$

$$UPAC_T = \$50,571 + \$29,261 = UPAC$$
 \$79,571

Respuesta

El 31 de agosto su UPAC será de 79,571

- 11. Se estima que la corrección monetaria del primer año será del 18% EA y la del segundo año del 17% EA:
- a. Calcular la cantidad que antes de impuestos le entregarán a un inversionista que invierte la suma de \$800 000 a dos años en una cuenta de ahorros en UPAC que le garantiza pagar la corrección monetaria más el 4% EA de interés sobre los UPAC.
- b. Calcule la rentabilidad (tasa de interés EA) obtenida antes de impuestos que el cambio actual es UPAC 1=\$14000

Declaración de variables				
$P_1 = \$800.000$ $i_2 = 4\$ EA$	$F_1 = \$?$ n=1 pav $CM_1 = 18\% EA$ $i_{e1} = ?\% EA$	$F_2 = \$?$ n=2pav $CM_2 = 17\% EA$ $i_{e1} = ?\% EA$	i _e =? % EA [= \$? RF=7% EA*I	
Declaración de fórmulas				

$$F = P(1+i)^{n}$$

$$I = F - P$$

$$F_{neto} = F - RF$$

$$i = i_{1} + i_{2} + (i_{1})(i_{2})$$

Desarrollo matemático

$$\frac{\$1.194.605,568}{\$1.194.605,568} = \$800.000(1 + i_e)^2
\frac{\$1.194.605,568}{\$800.000} = (1 + i_e)^2
\left(\frac{\$1.194.605,568}{\$800.000}\right)^{\frac{1}{2}} = 1 + i_e$$

$$i_e = \left(\frac{\$1.194.605,568}{\$800.000}\right)^{\frac{1}{2}} = 1 + i_e$$

$$i_e = 0,2219 EA
i_e = 22,19% EA$$

Respuesta

$$i_e = 22,19\% EA$$

- c. Si la retención en la fuente es del 7% (anual efectiva) sobre los intereses, calcular la rentabilidad (tasa de interés EA) después de los impuestos
- d. Calcular la cantidad final que le entregarán después de impuestos

Declaración de variables				
$P_1 = \$800.000$ $i_2 = 4\$ EA$ $F_1 = \$?$	$n=1 \text{ pav}$ $CM_1 = 18\% EA$ $i_{e1} = ?\% EA$		$i_e = ?\% EA$ I = \$? RF = 7% EA * I $F_2 = \$1.194.605,568$	
, ., .				

Declaración de fórmulas

$$F = P(1+i)^{n}$$

$$I = F - P$$

$$F_{neto} = F - RF$$

$$i = i_{1} + i_{2} + (i_{1})(i_{2})$$

Desarrollo matemático

$$I = \$1.194.605,568 - \$800.000 = \$394.605,568$$

$$RF = 0,07 (\$394.605,568)$$

$$RF = \$27.622,389$$

$$F_{2 neto} = \$1.194.605,568 - \$27.622,389$$

$$F_{2 neto} = \$1.166.983,178$$

$$\$1.166.983,178 = \$800.000(1 + i_e)^2$$

$$\frac{\$1.166.983,178}{\$800.000} = (1 + i_e)^2$$

$$\left(\frac{\$1.166.983,178}{\$800.000}\right)^{\frac{1}{2}} = 1 + i_e$$

$$i_e = \left(\frac{\$1.166.983,178}{\$800.000}\right)^{\frac{1}{2}} - 1$$

$$i_e = 0,2077 EA$$

$$i_e = 20,77\% EA$$

c)
$$i_e = 20,77\% EA$$

d) $F_{2 neto} = $1.166.983,178$

- 12. Hallar la tasa anual efectiva de;
- a. DTF +6 puntos
- b. IPC +7 puntos
- c. Libor +8 puntos

Declaración de variables

$$DTF = 15\%$$
 nata

$$IPC = 10\%$$
 nata

$$Libor = 5,14\% \ nasv$$

Declaración de fórmulas

$$F = P(1+i)^n$$

$$I = F - P$$

$$F_{neto} = F - RF$$

$$i = i_1 + i_2 + (i_1)(i_2)$$

$$i = i_1 + i_2 + (i_1)(i_2)$$

 $(1 + i_1)^{m_1} = (1 + i_2)^{m_2}$ equivalencia de tasas

Desarrollo matemático

$$DTF = 15\% nata + 6\% = 21\% nata$$

$$i_a = \frac{0,21}{4} = 0,0525 = 5,25\% \ pta$$

$$i = \frac{0.0525}{(1 - 0.525)} = 0.0554 \, ptv = 5.54\% \, ptv$$

$$\begin{array}{l} i_e = (1+0.0554)^4 \\ i_e = 0.2407 \; EA \end{array}$$

$$i_o = 0.2407 EA$$

$$i_e = 24,07\% EA$$

$$i_2 = 7\% pta$$

$$i_e = (0.10 + 0.07) + (0.10)(0.07) = 0.1770 EA$$

$$i_e = 17,70\% EA$$

$$Libor = 5.14\% \ nasv + 8\% = 13.14\% \ nasv$$

$$i = \frac{0.1314}{2} = 0.0657 \ psv = 6.57\% \ psv$$

$$i_e = (1 + 0.0657)^3 - 1$$

$$i_e = 0,1357 EA$$

$$i_e = 13,57\% EA$$

$$i_{e1} = 24,07\%$$

$$i_{e2} = 17,70\%$$

$$i_{e3} = 13,57\%$$

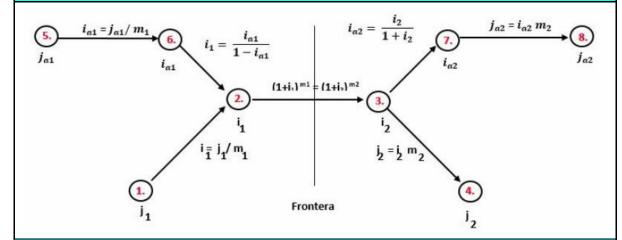
13. Suponiendo IPC = 8.5% EA, CM= 12% (CM= corrección monetaria), DTF = 15% nata, TCC = 15.5% nata, TBS (CF 180 días) = 19.27% A.E., TBS(Bancos 360 días) = 19.19% EA Hallar X de las siguientes igualdades:

Observación: TBS (CF 180 días) significa tasa básica del sector corporaciones financieras a 180 días.

- a. IPC+10 = CM+x
- b. CM+14 = TCC+X
- c. DTF +8.6 = IPC + X
- d. TBS(CF 180 días) + 6 = DTF + x
- e. TCC+3.5 = DTF+X
- f. IPC+4 = DTF+X

Declaración de variablesDTF = 15% nataIPC = 10% nataLibor = 5,14% nasv.

Diagrama de flujo de caja



Declaración de fórmulas

$$j = i * m$$

$$(1 + i_1)^{m_1} = (1 + i_2)^{m_2} equivalencia de tasas$$

$$i_1 = \frac{i_{a_1}}{(1 - i_{a_1})}$$

$$i = i_1 + i_2 + (i_1)(i_2)$$

Desarrollo matemático

$$0,085 + 0,1 + (0,085)(0,1) = 0,12 + X + (0,12)(X)$$

$$0,1935 - 0,12 = X(1 + 0,12)$$

$$0,0735 \over 1.12 = X$$

$$X = 0,065625 EA$$

$$X = 6,5625\% EA$$

$$Conversión de EA a nata$$

$$(1 + 0,2768)^{1} = (1 + i_{2})$$

$$i_{2} = (1 + 0,2768)^{\frac{1}{4}} - 1$$

$$i_{2} = 0,06299 ptv$$

$$i_{2} = 6,299\% ptv$$

$$i_{2} = 6,299\% ptv$$

$$i_{32} = 0,05925 pta$$

$$i_{32} = 0,05925 pta$$

$$i_{32} = 0,23702 nata$$

$$i_{32} = 23,702\% nata$$

$$Volviendo a la ecuación de valor:$$

$$0,23702 = 0,155 + X + (0,155)(X)$$

$$0,23702 - 0,155 = X(1 + 0,155)$$

$$X = \frac{(0,23702 - 0,155)}{(1 + 0,155)}$$

$$X = 0,07101 nata$$

$$X = 7,101\% nata$$

$$i_{31} = \frac{0,2489}{4 ptv}$$

$$i_{41} = 0,06225 pta$$

$$i_{41} = \frac{0,06225}{(1 - 0,06225)}$$

$$i_{1} = 0,06638 pta$$

$$i_{1} = 6,638\% pta$$

$$i_{1} = 6,638\% pta$$

 $(1 + 0.6638)^4 = (1 + i_e)^1$

$$i_e = (1 + 0.06638)^4 - 1$$

 $i_e = 0.2930 EA$
 $i_e = 29.30\% EA$

Volviendo a la ecuación de valor:

$$0,2930 = 0,085 + X + (0,085)(X)$$

$$0,2930 - 0,085 = X(1 + 0,085)$$

$$X = \frac{(0,2930 - 0,085)}{(1 + 0,085)}$$

$$X = 0,1917 EA$$

$$X = 19,17\% EA$$

$$(1+0.2642)^1 = (1+i_2)^4$$

$$i_2 = (1 + 0.2642)^{\frac{1}{4}} - 1$$

$$i_2 = 0.06036 ptv$$

$$i_2 = 6,036\% ptv$$

$$i_{a2} = \frac{0,06036}{(1+0,06036)}$$

$$i_{a2} = 0,05692 pta$$

$$i_{a2} = 5,692\% pta$$

$$j_{a2} = 0.05692 * 4 ptv$$

$$j_{a2} = 0,22768 \text{ nata}$$

$$j_{a2} = 22,768\%$$
 nata

Volviendo a la ecuación de valor:

$$0,22768 = 0,15 + X + (0,15)(X)$$

$$0,22768 - 0,15 = X(1 + 0,15)$$

$$X = \frac{(0,22768 - 0,15)}{(1+0,15)}$$

$$X = 0.0675 nata$$

$$X = 6,75\%$$
 nata

Usando tasas combinadas:

$$TCC + 3.5 = 0.155 + 0.035 + (0.155)(0.035)$$

$$TCC + 3.5 = 0.19542 EA$$

$$TCC + 3.5 = 19.542\% EA$$

Volviendo a la ecuación de valor:

$$0,19542 = 0,15 + X + (0,15)(X)$$

$$0,19542 - 0,15 = X(1 + 0,15)$$

$$X = \frac{(0,19542 - 0,15)}{(1 + 0.15)}$$

$$X = 0.0394 \, nata$$

$$X = 3,94\% nata$$

$$(1 + 0.1284)^{1} = (1 + i_{2})^{4}$$

 $i_{2} = (1 + 0.1284)^{\frac{1}{4}} - 1$
 $i_{2} = 0.03066 ptv$
 $i_{2} = 3.066\% ptv$

$$i_{a2} = \frac{0,3066}{(1+0,3066)}$$

$$i_{a2} = 0,02974 pta$$

$$i_{a2} = 2,974\% pta$$

$$j_{a2} = 0.02974 * 4 ptv$$

 $j_{a2} = 0.11896 nata$
 $j_{a2} = 11.896\% nata$

Volviendo a la ecuación de valor:

$$0.11896 = 0.15 + X + (0.15)(X)$$

 $0.11896 - 0.15 = X(1 + 0.15)$
 $X = \frac{(0.11896 - 0.15)}{(1 + 0.15)}$
 $X = -0.0269 \text{ nata}$
 $X = -2.69\% \text{ nata}$

$$X_1=6,5625\%~EA$$
 ; $X_2=7,101\%~nata$; $X_3=19,17\%~EA$; $X_4=6,75\%~nata$, $X_5=3,94\%~nata$; $X_6=-2,69\%~nata$.

- 14. Asumiendo que idev = 25% EA , IPC= 9% EA , Prime Rate = 8.25% EA, DTF = 14.5% nata, Libor = 5% EA, resolver las siguientes ecuaciones:
- a. iDEV + 10 = IPC + X
- b. iDEV + (P rime + 200 p.b) = DTF + X
- c. iDEV + (Libor + 500 p.b.) = DTF + X

Declaración de variables			
DTF = 14, 5% nata	Prime Rate = 10% EA	Libor = 5.14% nasv	

Declaración de fórmulas

IPC + 4 = DTF + X Ecuación de valor
$$i = i_1 + i_2 + (i_1)(i_2)$$

$$(1 + i_1)^{m_1} = (1 + i_2)^{m_2}$$
 equivalencia de tasas

Desarrollo matemático

a.

$$[0,25 + 0,10 + (0,25)(0,10)] = [0,09 + X + (0,09)(X)]$$

$$0,375 = (0,09 + X(1,09))$$

$$X = \frac{0,375 - 0,09}{1,09}$$

$$X = \frac{0,285}{1,09}$$

$$X = 0,2615 EA$$

$$X = 26,15\% EA$$

$$b.$$

$$j_1 = \frac{4((1 + 0,25)^{\frac{1}{4}} - 1)}{(1 + 0,25)}$$

$$j_1 = 0,2170 \text{ nata}$$

$$j_1 = 21,70\% \text{ nata}$$

$$j_2 = \frac{4((1 + 0,1025)^{\frac{1}{4}} - 1)}{(1 + 0,1025)}$$

$$j_2 = 0,0963 \text{ pta}$$

$$j_2 = 9,63\% \text{ pta}$$

$$[0,2170 + 0,0963 + (0,2170)(0,0963)] = [0,145 + X + (0,145)(X)]$$

$$0,3342 = (0,145 + X(1,145))$$

$$X = \frac{0,3342 - 0,145}{1,145}$$

$$X = \frac{0,1293}{1,145}$$

$$X = 0,1653 \ nata$$

$$X = 16,53\% \ nata$$

c.

$$j_{1} = \frac{4((1+0.25)^{\frac{1}{4}} - 1)}{(1+0.25)}$$

$$j_{1} = 0.2170 \text{ nata}$$

$$j_{1} = 21.70\% \text{ nata}$$

$$j_{2} = \frac{4((1+0.10)^{\frac{1}{4}} - 1)}{(1+0.10)}$$

$$j_{2} = 0.0942 \text{ pta}$$

$$j_{2} = 9.42\% \text{ pta}$$

$$[0,2170 + 0,0942 + (0,2170)(0,0942)] = [0,145 + X + (0,145)(X)]$$

$$0,3317 = (0,145 + X(1,145))$$

$$X = \frac{0,3317 - 0,145}{1,145}$$

$$X = \frac{0,1867}{1,145}$$

$$X = 0,1630 \ nata$$

$$X = 16,30\% \ nata$$

$$X_a = 26,14\%~EA;~X_b = 19,13\%~EA;X_c = 16,11\%~EA$$

15. ¿Cuál es la rentabilidad efectiva anual del comprador (tasa de interés EA) y el precio de compra para el que adquiere una aceptación financiera a 180 días si se conserva hasta su maduración, se registra en bolsa a un precio de 86,225% y la comisión de compra es del 0.5% EA en rentabilidad?

Declaración de variables					
$n = \frac{180}{360} pav$	$P_r = 86,225\%$ = \$86.225	F = \$100 $comc = 0,5% EA$	$P_c = ?$		
	Declaración de fórmulas				
$P = F(1+i)^{-n}$ $i_C = i_r - comc$					
	Desarrollo matemático				
\$86,225 = \$100(1 + i _r) ^{-180/360} $i_r = ($86,225/$1000)^{-180/360}$ $i_c = 34,5\% \ pav - 0,5 \ pav = 34\% \ pav$ $P_c = $100(1 + 0,34)^{-180/360} = $86,38 \equiv 86,38\%$					
Respuesta					
$i_C = 34\% EA$ $P_C = 86,38\%$					

16. ¿Cuál es la comisión en pesos para el problema anterior suponiendo que la aceptación financiera tiene un valor nominal de \$278.000?

Declaración de variables				
$n = \frac{180}{360} pav$ $P_r = 86,225\%$ $F = 100 $P_c = ?$ $i_c = ?EA$				

Declaración de fórmulas

$$P = F(1+i)^{-n}$$
$$i_C = i_r - comc$$

Desarrollo matemático

$$\$86.225 = 100(1 + i_r)^{\frac{180}{360}}$$

$$i_r = 34\% \ pav$$

$$P_r = \$278.000 * 0,86225 = \$239.705,5$$

$$P_c = \$278.000 * 0,8638 = \$240.1356,4$$

$$P_c - P_r = 430,9$$

$$P_c - P_r = 430,9$$

17. ¿Cuál es la rentabilidad efectiva anual que obtiene un inversionista que adquiere en el mercado secundario una aceptación bancaria emitida a 90 días con un precio de registro de 97.254% y le faltan 28 días para su maduración? Suponga una comisión de compra del 0.4% EA en rentabilidad. base 360.

Declaración de variables					
F=\$100	<i>Pr</i> = 97.254%	$n = \frac{28}{360}pav$	<i>i_c</i> =? %		
	Declaración	de fórmulas			
	$F = P(1+i)^n$				
Desarrollo matemático					
$97.254 = 100(1+i)^{\frac{28}{360}}$ $i = 0.43 * 100 = 43\% EA$ $i_{C} = 43\% EA - 0.4\%$ $42.64\% EA$					
Respuesta (1997)					
42,64% <i>EA</i>					

18. Un exportador recibe una aceptación bancaria por sus mercancías la cual vence en 180 días, tiene una tasa de emisión del 28% nasv (Nominal anual semestre vencido). El mismo día en que le entregan la aceptación la ofrece en bolsa. Si las comisiones de compra y de venta son de 0,4% EA y 0.6% EA respectivamente, calcular:

- a. La tasa de registro
- b. La tasa del comprador
- c. La tasa del vendedor
- d. El precio de registro
- e. El precio de compra

Declaración de variables			
j = 28%nasv	comc = 0,4% EA comv = 0,6% EA	$i_v = \%?$ $i_r = \%?$ $i_c = \%?$	$P_r = \%?$ $P_v = \%?$

Declaración de fórmulas

$$F = P(1+i)^n$$
$$j = i * m$$

Desarrollo matemático

$$i = (0.28/2) = 0.14 \%$$

 $(1+i_r) = (1+0.14)^2$
 $i_r = 0.2936 = 29.36 \% EA$

$$i_c = t_r - cm = 0,2936 - 0,0004 = 28,96 \% EA$$

 $i_v = t_r + v = 0,2936 + 0,0006 = 29,96 \% EA$
 $P_r = 100(1 + 0,2936)^{-180/360} = 87,922 \%$
 $P_c = 100(1 + 0,2896)^{-180/360} = 88,059 \%$

Respuesta

a. 29,36% EA b. 28,96% EA c. 29,96% EA d. 87,92% EA e. 88,05% EA

- 19. Un inversionista compró el 14 de junio 98 una Aceptación Bancaria al 29.4% EA con vencimiento el 15 de mayo 99 por \$250 millones, un segundo inversionista está dispuesto a adquirirlo el día 10 de septiembre 98 a una tasa del 34% EA.
 - a. ¿Cuál será la utilidad en pesos del primer inversionista?
 - b. ¿Cuál es la rentabilidad del primer inversionista? (use un interés comercial es decir un año de 360 días).

Declaración de variables

$$i_1 = 29,4\% EA n_1 = \frac{331}{360} pav$$

$$i_2 = 34\% EA$$

$$n_2 = \frac{245}{360} pav$$
$$n_3 = 86 dias$$

$$P_{c2} - P_{c1} = ?$$

Declaración de fórmulas

$$F = P(1+i)^n$$

Desarrollo matemático

$$\begin{split} P_{c1} &= \$250.000.000(1+0.294)^{-\frac{331}{360}} = \$197.252.565.4 \\ P_{c2} &= \$250.000.000(1+0.34)^{-\frac{245}{360}} = \$204.851.050.6 \\ \$204.851.050.6 &= \$197.252.565.4(1+i)^{\frac{86}{360}} \end{split}$$

$$i = (\$204.851.050,6 \div \$197.252.565,4)^{\frac{360}{86}} = 17,14\% \ pav$$

 $j = 17,14\% \ pav \ 1 \ pav = 17,14\% \ naav$

Respuesta

a. \$7.598.455,19 *b*. 17,14% *EA*

20. Resuelva el problema anterior pero el segundo inversionista lo adquiere al 23.5% EA

Declaración de variables			
$i_1 = 29,4\% EA n_1 = \frac{331}{360} pav$	$i_2 = 34\% EA$	$n_2 = \frac{245}{360} pav$ $n_3 = 86 días$	$P_{c2} - P_{c1} = ?$

Declaración de fórmulas

$$P = F(1+i)^{-n}$$

Desarrollo matemático

Utilidad:

$$P_{C1} = $250.000.000(1 + 0.294)^{-\frac{331}{360}}$$

 $P_{C1} = $197.252.565,40 \cong $197.525.565$

$$P_{C2} = $250.000.000(1 + 0.235)^{-\frac{251}{360}}$$

 $P_{C2} = $215.788.237.98 \approx $215.788.238$

$$P_{C2} - P_{C2} = $215.788.238 - $1997.252.565$$

= \$19.296.120

Rentabilidad:

$$P_{C2} - P_{C2} = (1+i)^{\frac{86}{360}}$$

$$\$215.788.238 = \$197.252.565(1+i)^{\frac{86}{360}}$$

$$\$215.788.238 = (1+i)^{\frac{86}{360}}$$

$$\$215.788.238^{\frac{360}{86}} = (1+i)^{\frac{86}{360}}$$

$$\$215.788.238^{\frac{360}{86}} = (1+i)$$

$$i = \frac{\$215.788.238^{\frac{360}{86}}}{\$197.252.565} - 1$$

$$i = 0.478 EA = 47.8\% EA$$

Respuesta

Utilidad = \$19.296.120; Rentabilidad = 47.8% EA

- 21. Suponga que el señor X posee una aceptación financiera con valor de vencimiento de \$6 758 000 y desea venderla en Bolsa faltándole 57 días para vencerse y quiere ganarse un 29.5% y la adquiere el señor Y. Suponga que la comisión de venta y de compra son 0.5% EA y 0. 47% EA respectivamente en rentabilidad. Base 365.
 - a. ¿Cuál es la tasa de registro?
 - b. ¿Cuál es el precio de registro?
 - c. ¿Cuál la tasa que gana el señor Y?
 - d. ¿Cuál es el precio que paga el señor Y?
 - e. ¿Cuál es la comisión de compra en pesos?

Declaración de variables				
F = \$6.758.000 comc = 0,47% EA comv = 0,5% EA	$i_v = 29,5\% EA$	$n = \frac{57}{365} pav$	$i_r = \%? EA$ $i_c = \%? EA$ $comc = ? \$$ $P_c = \$?$ $P_r = \$?$	

Declaración de fórmulas

$$P = F(1+i)^{-n}$$

Desarrollo matemático

$$i_r = 29,5\% EA - 0,5\% EA = 29\% EA$$

$$P_r = \$6.758.000(1 + 0,29)^{\frac{-57}{365}} = \$6.494.534,28$$

$$i_c = 29\% EA - 0,47\% EA = 28,53\%$$

$$P_c = \$6.758.000(1 + 0,2853)^{\frac{-57}{365}} = \$6.498.237,28$$

$$comc = \$6.498.237,28 - \$6.494.534,28 = \$3.703$$

Respuesta

a. 29% EA b. \$6.494.534,28 c. 28,53% EA d. \$6.498.237,28 e. \$3.703

- 22. El señor XX posee una aceptación bancaria por valor de \$10 millones y la vende en Bolsa faltando 87 días para su maduración, la adquiere el señor YY y el cual desea ganar el 32% después de comisión, pero antes de impuestos. Si la comisión de compra es del 0.4% EA y la de venta el 0.375% EA usando un año de 360 días determinar:
 - a. La tasa de registro
 - b. El precio de registro
 - c. La tasa de cesión
 - d. El precio de la cesión
 - e. El precio al comprador
 - f. El valor en pesos de la retención en la fuente
 - g. La cantidad que debe pagar YY
 - h. La cantidad que recibe XX
 - i. La rentabilidad después de impuestos que gana YY

Declaración de variables			
$i_c = 32\% \ pav$	$n = \frac{81}{365} \ pav$	$i_c = 32\% EA$	

Declaración de fórmulas

$$P = F(1+i)^{-n}$$

$$i_{c} = i_{r} - comc$$

$$i_{v} = i_{r} + comv$$

Desarrollo matemático

$$\begin{split} i_r &= 32\% \ pav + 0.4 \ pav = 32.4 \ pav \\ P_r &= \$10.000.000(1 + 0.324)^{-\frac{87}{360}} = \$9.344.234,67 \\ i_v &= 32.4 \ pav + 0.375 \ pav = 32,775\% \ pav \\ P_v &= \$10.000.000(1 + 0.32775)^{-\frac{87}{360}} = \$9.337.849,96 \\ P_c &= \$10.000.000(1 + 0.32)^{-\frac{87}{360}} = \$9.351.069,82 \\ RF &= 0.07(\$10.000.000 - \$9.344.234.67) = \$45.903,57 \\ P_c yy &= \$9.351.069,82 + \$45.903,57 = 9.396.973,39 \\ P_c xx &= \$9.337.849,96 + \$45.903,57 = 9.383.753,53 \\ i &= (1.06)^{\frac{360}{87}} - 1 = 29,26\% \ pav \end{split}$$

Respuesta

a. 32,4 *pav b*. \$9.344.234,67

c. 32,775% pav d. \$9.337.849,96 e. \$9.351.069,82 f. \$45.903,57 g. 9.396.973,39 h. 9.383.753,53 i. 29,26% pav

23. En el problema 21 calcule el valor que recibe el vendedor y el valor que paga el comprador suponiendo que la retención en la fuente es del 7% EA sobre utilidades

Declaración de variables			
F = \$6.758.000 $i_v = 29,5\% EA$	$R_F = 7\% EA$	$n = \frac{57}{365} \ pav$	$P_C = $6.498.237,28$

Declaración de fórmulas

$$P = F(1+i)^{-n}$$

$$RF = R_F(F - P_R)$$

Desarrollo matemático

RF = 0.07(\$6.758.000 - \$6.494.534,28)RF = \$18.442,6

 $P_C = \$6.498.237,28 + \$18.442,6$ $P_C = \$6.516.679,88 \cong \$6.516.680$

 $P_V = \$6.758.0(1+0.295)^{-\frac{57}{365}}$

 $P_v = \$6.490.611,99$

 $P_v = \$6.490.611,99 + \$18.442,6$

 $P_v = \$6.509.054,59$

Respuesta

 $Para\ el\ comprador = \$6.516.680$ $Para\ el\ vendedor = \$6.509.054,58$ 24. El 27 de abril de 1999 se compra una aceptación bancaria de \$36 millones en el mercado bursátil, con vencimiento el 27 de julio de 1999 y con tasa de registro del 26% EA (anual efectiva). Si después de transcurridos 34 días la vende. ¿Qué precio se debe cobrar si el vendedor desea obtener una rentabilidad durante la tenencia del 26,5% EA? Base 365.

Declaración de variables					
$n_1 = 0.2466 pmv$ $i_r = 26\% EA$	$F_2 = \$6.758.000$ P = \$?	$F_1 = \$?$ $n_2 = 0.0932 \ pmv$	$i_v = 26,5\%EA$		
Declaración de fórmulas					
$P = F(1+i)^{-n}$ $F = P(1+i)^{n}$					
Desarrollo matemático					
$P = $36.000.000(1 + 0.26\% EA)^{-0.2466 pmv}$ $P = $34.005.653,4273$					
$F = $34.005.653,4273(1 + 0,265\% EA)^{-0,0932 pmv}$ F = \$34.746.067,5112					
1Respuesta					
F = \$34.746.067,51					

25. Resuelva el problema anterior suponiendo que el corredor cobra una comisión del 0.1% en rentabilidad y que de todas maneras el vendedor quiere ganarse el 26.6% EA durante la tenencia.

Declaración de variables					
$F_2 = 6.758.000$ $n_1 = 0.2466 \ pmv$ $i_r = i_r + comv$ $= 26.1\% \ EA$	$P = \$?$ $F_1 = \$?$ $n_2 = 0.0932 \ pmv$	$i_v=26,6\%~EA$	Escriba aquí la ecuac		
Declaración de fórmulas					
$P = F(1+i)^{-n}$ $F = P(1+i)^{n}$					
Desarrollo matemático					
$P = $36.000.000(1 + 0.261\% EA)^{-0.2466 pmv}$ $P = $33.999.001.3254$					
$F = $34.005.653,4273(1 + 0,266\% EA)^{-0,0932 pmv}$ F = \$34.754.655,003					
Respuesta					

F = \$34.754.655,003